

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Сыров Игорь Анатольевич
Должность: Директор
Дата подписания: 03.11.2023 11:26:23
Уникальный программный ключ:
b683afe664d7e9f64175886cf9626a198149ad36

**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

Стерлитамакский филиал

Колледж

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины

дисциплина

ПУД.03 Математика

Общеобразовательный цикл, обязательная часть

цикл дисциплины и его часть (обязательная, вариативная)

09.02.07

код

Информационные системы и программирование

наименование специальности

специальность

квалификация

Администратор баз данных

Год начала подготовки

2020

Разработчик (составитель)

преподаватель первой категории

Кучер А.М.

ученая степень, ученое звание,
категория Ф.И.О.

ОГЛАВЛЕНИЕ

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ	6
2.1 Объем дисциплины и виды учебной работы	6
2.2. Тематический план и содержание дисциплины.....	7
3. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ И МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, ПРАКТИЧЕСКОГО ОПЫТА, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ.....	18
4. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ.....	18
4.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению	18
4.2. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины	18
4.2.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.....	18
4.2.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее - сеть «Интернет»), необходимых для освоения дисциплины (модуля)	18
4.2.3. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.....	19
ПРИЛОЖЕНИЕ 1	Ошибка! Закладка не определена.
ПРИЛОЖЕНИЕ 2	Ошибка! Закладка не определена.

1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Область применения рабочей программы

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины является частью основной образовательной программы в соответствии с ФГОС для специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование (укрупнённая группа специальностей 09.00.00 Информатика и вычислительная техника), для обучающихся очной формы обучения.

Рабочая программа разработана в соответствии с ФГОС среднего общего образования.

1.2. Место учебной дисциплины в структуре основной образовательной программы

Общеобразовательная учебная дисциплина «Математика» изучается в общеобразовательном цикле учебного плана ООП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования (ППССЗ)

1.3. Планируемые результаты освоения дисциплины:

Личностных:

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к себе, к своему здоровью, к познанию себя:

-готовность и способность обучающихся к отстаиванию личного достоинства, собственного мнения, готовность и способность вырабатывать собственную позицию по отношению к общественно-политическим событиям прошлого и настоящего на основе осознания и осмысления истории, духовных ценностей и достижений нашей страны;

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к России как к Родине (Отечеству):

-формирование уважения к русскому языку как государственному языку Российской Федерации, являющемуся основой российской идентичности и главным фактором национального самоопределения;

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к закону, государству и к гражданскому обществу:

-мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки и общественной практики, основанное на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся с окружающими людьми:

-нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения;

-развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к окружающему миру, живой природе, художественной культуре:

-готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

-эстетическое отношения к миру, готовность к эстетическому обустройству собственного быта.

Личностные результаты в сфере отношения обучающихся к труду, в сфере

социально-экономических отношений:

-осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов;

-готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

-готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей.

Метапредметных:

Метапредметные результаты освоения основной образовательной программы представлены тремя группами универсальных учебных действий (УУД).

1. Регулятивные универсальные учебные действия

Обучающийся научится:

-ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;

2. Познавательные универсальные учебные действия

Обучающийся научится:

-находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;

3. Коммуникативные универсальные учебные действия

Обучающийся научится:

-развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств.

Предметных:

В результате изучения учебного предмета «Математика» на уровне среднего общего образования обучающийся на углубленном уровне научится:

- использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений; проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов;
- выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений; записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения; составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов;
- составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов; выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов; составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов; составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты; использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств;
- определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.); интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации; определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.);

- решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов; интерпретировать полученные результаты;
- вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни; выбирать методы подходящего представления и обработки данных;
- составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат;
- владеть понятиями векторы и их координаты; уметь выполнять операции над векторами; использовать скалярное произведение векторов при решении задач; применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач; применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач.

Обучающийся на углубленном уровне получит возможность научиться:

- использовать теоретико-множественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов
 - свободно оперировать числовыми множествами при решении задач;
 - понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;
 - владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач
 - иметь базовые представления о множестве комплексных чисел;
 - свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;
 - владеть формулой бинома Ньютона;
 - уметь выполнять запись числа в позиционной системе счисления;
 - применять при решении задач Основную теорему алгебры;
 - применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования
- свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;
 - свободно решать системы линейных уравнений;
 - решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;
 - применять при решении задач неравенства Коши-Буняковского, Бернулли;
 - владеть понятием асимптоты и уметь его применять при решении задач;
 - применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков;
- свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;
 - свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования на выпуклость;
 - оперировать понятием первообразной функции для решения задач;
 - овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона–Лейбница и его простейших применениях
 - оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;
 - уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;
 - уметь применять приложение производной и определенного интеграла к решению задач естествознания;
 - владеть понятиями вторая производная, выпуклость графика функции и уметь исследовать функцию на выпуклость
 - иметь представление о центральной предельной теореме
 - иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;
 - иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической

- гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;
- иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений
 - иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;
 - иметь представление об аксиоматическом методе;
 - уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла;
 - владеть понятием перпендикулярное сечение призмы и уметь применять его при решении задач;
 - иметь представление о двойственности правильных многогранников;
 - иметь представление об аксиомах объема, применять формулы объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы и пирамиды, тетраэдра при решении задач;
 - иметь представление о движениях в пространстве: параллельном переносе, симметрии относительно плоскости, центральной симметрии, повороте относительно прямой, винтовой симметрии, уметь применять их при решении задач;
 - уметь применять формулы объемов при решении задач;
 - находить объем параллелепипеда и тетраэдра, заданных координатами своих вершин;
- задавать прямую в пространстве;
- находить расстояние от точки до плоскости в системе координат;
 - находить расстояние между скрещивающимися прямыми, заданными в системе координат.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1 Объем дисциплины и виды учебной работы

<i>Вид учебной работы</i>	<i>Объем часов</i>
Объем образовательной программы	271
Работа обучающихся во взаимодействии с преподавателем	257
в том числе:	
лекции (уроки)	202
в форме практической подготовки (если предусмотрено)	*
практические занятия	55
в форме практической подготовки (если предусмотрено)	*
лабораторные занятия	
в форме практической подготовки (если предусмотрено)	*
Консультации	2
Самостоятельная работа обучающегося (всего)	6
Промежуточная аттестация в форме дифференцированного зачета в 1 семестре	*
Промежуточная аттестация в экзамена во 2 семестре	6

2.2. Тематический план и содержание дисциплины

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, лабораторные и практические работы, самостоятельная работа обучающихся	Объем часов
1 семестр		
Введение	Содержание учебного материала. Ознакомление с ролью математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Ознакомление с целями и задачами изучения математики при освоении специальностей СПО	2
Раздел 1. Алгебра		38
Тема 1.1. Целые и рациональные числа	Содержание учебного материала. Множество натуральных, целых и рациональных числа. Понятие бесконечной десятичной периодической дроби. Алгоритм записи бесконечной периодической десятичной дроби в виде обыкновенной.	2
Тема 1.2. Действительные числа	Содержание учебного материала. Множество иррациональных и действительных чисел. Приближенные вычисления. Модуль действительного числа.	2
Тема 1.3. Выполнение арифметических действий над числами	Содержание учебного материала. Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы.	2
Тема 1.4. Приближенные вычисления. Погрешность в преобразованиях и вычислениях.	Содержание учебного материала. Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений. Стандартная запись числа	2
Тема 1.5. Комплексные числа	Содержание учебного материала. Комплексные числа. Правила сложения и умножения комплексных чисел. Изображение комплексных чисел.	2
Тема 1.6. Степень с натуральным и целым показателем	Содержание учебного материала. Повторение понятия степени с натуральным и целым показателем. Свойства степеней с целым показателем. Степенные зависимости и функции.	2
Тема 1.7. Арифметический корень натуральной степени	Содержание учебного материала. Корни натуральной степени из числа и их свойства.	2
Тема 1.8. Вычисление корней натуральной степени	Содержание учебного материала. Вычисление корней натуральной степени из числа с применением свойств степеней.	2
Тема 1.9. Степени с рациональным и действительным показателем	Содержание учебного материала. Степень с рациональным показателем. Свойства степеней с рациональным показателем. Степень с действительным показателем.	2
Тема 1.10. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени	Содержание учебного материала. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства. Сравнение выражений со степенями.	2

Тема 1.11. Определение равносильности выражений с радикалами. Иррациональные уравнения	Содержание учебного материала. Определение равносильности выражений с радикалами. Решение иррациональных уравнений.	2
Тема 1.12. Решение показательных уравнений	Содержание учебного материала. Решение показательных уравнений.	2
Тема 1.13. Решение прикладных задач на сложные проценты	Практическое занятие Ознакомление с применением корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении». Решение прикладных задач на сложные проценты	2
Тема 1.14. Определение логарифма	Содержание учебного материала. Определение логарифма. Основное логарифмическое тождество.	2
Тема 1.15. Свойства логарифмов	Содержание учебного материала. Свойства логарифмов. Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами логарифмов.	2
Тема 1.16. Десятичные и натуральные логарифмы	Содержание учебного материала. Десятичные и натуральные логарифмы. Формула перехода от логарифма по одному основанию к логарифму по другому основанию.	2
Тема 1.17. Правила действий с логарифмами	Содержание учебного материала. Правила действий с логарифмами. Решение задач на применение всех свойств логарифмов	2
Тема 1.18. Логарифмические уравнения	Содержание учебного материала. Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений	2
Тема 1.19. Контрольная работа №1.	Контрольная работа №1.	2
Раздел 2. Основы тригонометрии		32
Тема 2.1. Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат	Содержание учебного материала. Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением.	2
Тема 2.2. Определение синуса, косинуса и тангенса угла	Содержание учебного материала. Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи. Знаки синуса, косинуса и тангенса	2
Тема 2.3. Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла	Содержание учебного материала. Зависимость между синусом и косинусом. Основное тригонометрическое тождество. Зависимость между тангенсом и котангенсом. Зависимость между тангенсом и косинусом.	2
Тема 2.4. Применение основных тригонометрических тождеств	Практическое занятие. Применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них. Синус, косинус и тангенс углов α и $-\alpha$	2
Тема 2.5 Формулы сложения	Содержание учебного материала. Изучение формул сложения для синуса, косинуса и тангенса различных углов.	2
Тема 2.6. Синус, косинус и тангенс двойного угла	Содержание учебного материала. Изучение формул двойного угла для синуса, косинуса и тангенса и их применение при решении задач	2
Тема 2.7.	Содержание учебного материала.	2

Формулы приведения	Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения	
Тема 2.8. Сумма и разность синусов и косинусов	Содержание учебного материала. Формулы суммы и разности синусов и косинусов и их применение при упрощении тригонометрических выражений	2
Тема 2.9. Применение формул тригонометрии при решении задач	Содержание учебного материала. Решение задач на преобразование тригонометрических выражений с применением всех формул тригонометрии	2
Тема 2.10. Арккосинус. Решение уравнения $\cos(x) = a$	Содержание учебного материала. Определение арккосинуса и его свойства. Формула для решения уравнений $\cos(x)=a$	2
Тема 2.11. Арксинус. Решение уравнений $\sin(x)=a$	Содержание учебного материала. Определение арксинуса и его свойства. Формула для решения уравнений $\sin(x)=a$	2
Тема 2.12. Арктангенс и арккотангенс. Решение уравнений $\operatorname{tg}(x)=a$ и $\operatorname{ctg}(x)=a$	Содержание учебного материала. Определение арктангенса и арккотангенса и их свойства. Формула для решения уравнений $\operatorname{tg}(x)=a$ и $\operatorname{ctg}(x)=a$.	2
Тема 2.13. Решение простейших тригонометрических уравнений	Содержание учебного материала. Решение простейших тригонометрических уравнений с применением всех изученных формул.	2
Тема 2.14. Тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным	Содержание учебного материала. Решение тригонометрических уравнений методом приведения их к квадратному уравнению	2
Тема 2.15. Однородные тригонометрические уравнения	Содержание учебного материала. Однородные тригонометрические уравнения первой и второй степени и алгоритм их решения.	2
Тема 2.16. Решение простейших тригонометрических неравенств	Содержание учебного материала. Примеры решения простейших тригонометрических неравенств с помощью единичной окружности	
Тема 2.17. Контрольная работа №2.	Контрольная работа №2.	2
Раздел 3. Функции, их свойства и графики		18
Тема 3.1. Определение числовой функции и способы ее задания	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными. Ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции. Определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. Ознакомление с определением функции, формулирование его.	2
Тема 3.2 Свойства функций	Содержание учебного материала. Определение возрастающей и убывающей, ограниченной сверху (снизу) функции. Наименьшее и наибольшее значения функции. Четность и нечетность функций. Алгоритм исследования функции на четность.	2
Тема 3.3. Изучение понятия обратной	Содержание учебного материала. Изучение <i>понятия обратной функции</i> , определение вида и построение графика обратной функции, нахождение ее	2

функции	<i>области определения и области значений.</i>	
Тема 3.4. Функциональные зависимости в реальных процессах	Практическое занятие. Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследования линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадратичной функций, построение их графиков. Построение и чтение графиков функций.	2
Тема 3.5. Исследование функции	Содержание учебного материала. Схема исследования функции. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции	2
Тема 3.6. Преобразования функций и действия над ними	Содержание учебного материала. Уменьшение области определения функции. Арифметические операции над функциями. Построение сложной функции.	2
Тема 3.7. Степенные, показательные и логарифмические функции	Содержание учебного материала. Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. Использование свойств функций для сравнения значений степеней и логарифмов. Построение графиков степенных, показательных и логарифмических функций.	2
Тема 3.8. Тригонометрические функции	Содержание учебного материала. Построение графиков тригонометрических функций. Выполнение преобразования графиков	2
Тема 3.9. Контрольная работа №3.	Контрольная работа №3.	2
Раздел 4. Комбинаторика		12
Тема 4.1. Изучение правила комбинаторики. Правило произведения	Содержание учебного материала. Изучение правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач.	2
Тема 4.2. Размещения, сочетания, перестановки	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления.	2
Тема 4.3. Решение практических задач с использованием правил комбинаторики	Содержание учебного материала. Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач. Решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики	2
Тема 4.4. Бином Ньютона	Содержание учебного материала. Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля. Решение задач на разложение бинома.	2
Тема 4.5. Подготовка к дифференцированному зачету	Практическое занятие Повторение пройденного материала за семестр	2
Тема 4.6. Дифференцированный зачет	Дифференцированный зачет. Подведение итогов за семестр	2

2 семестр

Раздел 5. Элементы теории вероятностей и статистики		16
Тема 5.1. События. Вероятность события.	Содержание учебного материала. Определение случайного, достоверного и невозможного событий. Сумма, произведение событий. Равное и противоположное событие. Классическое определение вероятности.	2
Тема 5.2. Сложение вероятностей	Содержание учебного материала. Изучение теоремы о вероятности суммы несовместных событий и ее следствий. Вычисление вероятности нескольких событий.	2
Тема 5.3. Решение задач с применением свойств вероятностей	Практическое занятие Решение задач на вычисление вероятностей событий	2
Тема 5.4. Случайные величины	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятием случайной величины. Дискретные и непрерывные случайные величины. Гистограмма и полигон частот.	2
Тема 5.5. Центральные тенденции случайной величины	Содержание учебного материала. Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками: генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, мода, медиана. Понятие о задачах математической статистики.	2
Тема 5.6. Меры разброса случайной величины	Содержание учебного материала. Меры разброса случайной величины: размах, отклонение от среднего, дисперсия, среднее квадратичное отклонение.	2
Тема 5.7. Решение практических задач на обработку числовых данных	Практическое занятие Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик.	2
Тема 5.8. Контрольная работа №4.	Контрольная работа №4.	2
Раздел 6. Начала математического анализа		48/2
Тема 6.1. Ознакомление с понятием числовой последовательности	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов.	2
Тема 6.2. Предел последовательности	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятием предела последовательности.	2
Тема 6.3. Вычисление суммы бесконечного числового ряда	Содержание учебного материала. Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.	2
Тема 6.4. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	Практическое занятие Решение задач на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии	2
Тема 6.5. Понятие производной, ее механический смысл	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятием производной. Изучение и формулирование ее механического смысла. Изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости.	2
Тема 6.6. Производная степенной функции	Содержание учебного материала. Вывод формулы для вычисления производной степенной функции. Вычисление производной степенной функции.	2

Тема 6.7. Правила дифференцирования	Содержание учебного материала. Производная от суммы, произведения и частного двух функций. Производная сложной функции	2
Тема 6.8. Производные элементарных функций	Содержание учебного материала. Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций.	2
Тема 6.9. Применение таблицы производных элементарных функций	Практическое занятие Применение таблицы производных элементарных функций и правил дифференцирования для нахождения производных функций.	2
Тема 6.10. Геометрический смысл производной	Содержание учебного материала. Ознакомление с понятием углового коэффициента прямой. Введение понятия касательной к графику функции. Геометрический смысл производной. Формула для составления уравнения касательной к графику функции в точке x_0 .	2
Тема 6.11. Связь производной и промежутков возрастания и убывания функции	Содержание учебного материала. Применение производной к нахождению промежутков возрастания и убывания функций. Теорема Лагранжа.	2
Тема 6.12. Производная и экстремумы функции	Содержание учебного материала. Необходимое условие существования экстремума – теорема Ферма. Достаточное условие существования экстремума.	2
Тема 6.13. Проведение с помощью производной исследования функции	Практическое занятие Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой. Установление связи свойств функции и производной по их графикам.	2
Тема 6.14. Наибольшее и наименьшее значение функции	Содержание учебного материала. Наибольшее и наименьшее значения функции на заданном отрезке. Алгоритм нахождения наибольшего и наименьшего значений	2
Тема 6.15. Выпуклость графика функции, точки перегиба	Практическое занятие Понятие производной второго порядка. Выпуклость функции. Точки перегиба.	2
Тема 6.16. Контрольная работа №5	Контрольная работа №5	2
Тема 6.17. Понятие первообразной функции	Содержание учебного материала. Понятие первообразной. Связь между производной функции и ее первообразной.	2
Тема 6.18. Правила нахождения первообразных	Содержание учебного материала. Операция интегрирования. Таблица первообразных элементарных функций	2
Тема 6.19. Решение задач на связь первообразной и ее производной	Практическое занятие Решение задач на связь первообразной и ее производной.	2
Тема 6.20. Площадь криволинейной трапеции и интеграл	Содержание учебного материала. Определение криволинейной трапеции. Определение интеграла. Формула Ньютона-Лейбница	2
Тема 6.21.	Содержание учебного материала.	2

Вычисление интегралов		
Тема 6.22. Применение интеграла для вычисления площадей	Содержание учебного материала. Решение задач на применение интеграла для вычисления площадей.	2
Тема 6.23. Применение интеграла для вычисления физических величин	Содержание учебного материала. Применение интеграла для вычисления физических величин.	2
	Самостоятельная работа обучающихся Подготовка к контрольной работе	2
Тема 6.24. Контрольная работа №6	Контрольная работа №6	2
Раздел 7. Уравнения и неравенства		24
Тема 7.1. Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений	Содержание учебного материала. Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений.	2
Тема 7.2. Изучение теории равносильности уравнений и ее применения	Содержание учебного материала. Равносильные уравнения. Теоремы о равносильности уравнений. Преобразование данного уравнения в уравнение-следование. Проверка корней. Потеря корней.	2
Тема 7.3. Общие методы решения уравнений	Содержание учебного материала. Метод замены переменной. Исключение возможной потери корней.	2
Тема 7.4. Метод разложения на множители	Содержание учебного материала. Суть метода разложения на множители. Решение рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений данным методом	2
Тема 7.5. Метод введения новой переменной для решения уравнений	Содержание учебного материала. Суть метода введения новой переменной. Решение рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений данным методом	2
Тема 7.6. Функционально-графический метод	Содержание учебного материала. Суть функционально-графического метода. Решение рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений данным методом	2
Тема 7.7. Решение неравенств с одной переменной	Практическое занятие Равносильность неравенств. Система и совокупность неравенств. Иррациональные неравенства. Неравенства с модулем.	2
Тема 7.8. Система уравнений. Метод подстановки	Практическое занятие Суть метода подстановки. Решение систем уравнений методом подстановки	2
Тема 7.9. Система уравнений. Метод алгебраического сложения	Содержание учебного материала. Суть метода алгебраического сложения. Решение систем методом алгебраического сложения	2
Тема 7.10. Система уравнений. Метод введения новых переменных	Содержание учебного материала. Суть метода введения новых переменных для систем. Решение систем методом введения новой переменной.	2
Тема 7.11. Применение математических	Содержание учебного материала. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики.	2

методов для решения содержательных задач	Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений.	
Тема 7.12. Контрольная работа №7	Контрольная работа №7	2
Геометрия		
Раздел 8. Прямые и плоскости в пространстве		20/2
Тема 8.1. Предмет стереометрии, аксиомы стереометрии	Содержание учебного материала. Геометрические тела и поверхности в стереометрии. Аксиомы стереометрии. Следствия из аксиом.	2
Тема 8.2. Параллельность прямых, прямой и плоскости	Содержание учебного материала. Параллельность прямых в пространстве. Теорема о параллельных прямых. Параллельность прямой и плоскости.	2
Тема 8.3. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между двумя прямыми	Содержание учебного материала. Скрещивающиеся прямые. Теорема о скрещивающихся прямых. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между двумя прямыми.	2
Тема 8.4. Параллельность плоскостей	Содержание учебного материала. Параллельные плоскости. Признак параллельности двух плоскостей. Свойства параллельных плоскостей.	2
Тема 8.5. Тетраэдр и параллелепипед	Содержание учебного материала. Определение тетраэдра и его свойства. Определение параллелепипеда и его свойства. Задачи на построение сечений.	2
Тема 8.6. Перпендикулярность прямой и плоскости	Содержание учебного материала. Перпендикулярные прямые в пространстве. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Теорема о прямой перпендикулярной к плоскости.	2
Тема 8.7. Перпендикуляр и наклонные. Угол между прямой и плоскостью	Содержание учебного материала. Расстояние от точки до плоскости. Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью.	2
Тема 8.8. Двугранный угол. Перпендикулярность плоскостей	Содержание учебного материала. Двугранный угол. Признак перпендикулярности двух плоскостей.	2
Тема 8.9. Прямоугольный параллелепипед	Практическое занятие Определение прямоугольного параллелепипеда. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Решение задач.	2

	Самостоятельная работа обучающихся Подготовка к контрольной работе	2
Тема 8.10. Контрольная работа №8	Контрольная работа №8	2
Раздел 9. Многогранники и круглые тела		26
Тема 9.1. Понятие многогранника. Призма	Содержание учебного материала. Понятие многогранника. Геометрическое тело.. Призма. Площадь боковой поверхности призмы.	2
Тема 9.2. Пирамида	Содержание учебного материала. Понятие пирамиды. Правильная пирамида. Площадь боковой и полной поверхности пирамиды.	2
Тема 9.3. Усеченная пирамида	Содержание учебного материала. Усеченная пирамида и ее свойства. Площадь боковой и полной поверхности усеченной пирамиды. Решение задач.	2
Тема 9.4. Цилиндр	Содержание учебного материала. Понятие цилиндрической поверхности и цилиндра. Решение задач.	2
Тема 9.5. Площадь поверхности цилиндра	Практическое занятие Вывод формулы для нахождения площади боковой и полной поверхности цилиндра. Решение задач.	2
Тема 9.6. Конус	Содержание учебного материала. Понятие конической поверхности и конуса. Усеченный конус.	2
Тема 9.7. Площадь боковой и полной поверхности конуса	Содержание учебного материала. Понятие развертки конуса. Вывод формулы для вычисления боковой и полной поверхности конуса.	2
Тема 9.8. Сфера и шар. Уравнение сферы	Содержание учебного материала. Понятие сферы и шара. Вывод уравнения сферы. Решение задач.	2
Тема 9.9. Взаимное расположение сферы и плоскости	Содержание учебного материала. Взаимное расположение сферы и плоскости. Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы.	2
Тема 9.10. Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда	Содержание учебного материала. Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда. Решение задач.	2
Тема 9.11.	Содержание учебного материала.	2

Объем прямой призмы и цилиндра	Объем прямой призмы. Объем цилиндра. Решение задач.	
Тема 9.12. Объем пирамиды, конуса, шара	Практическое занятие Вычисление объемов тел с помощью определенного интеграла. Объем пирамиды, конуса, шара. Решение задач	2
Тема 9.13. Контрольная работа №9	Контрольная работа №9	2
Раздел 10. Координаты и векторы		20/2
Тема 10.1. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора	Содержание учебного материала. Определение прямоугольной системы координат в пространстве. Координатные плоскости. Координаты вектора. Правила нахождения координат суммы, разности и произведения векторов.	2
Тема 10.2. Простейшие задачи в координатах	Содержание учебного материала. Координаты середины отрезка. Вычисление длины вектора по его координатам. Расстояние между двумя точками.	2
Тема 10.3. Скалярное произведение векторов	Содержание учебного материала. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Решение задач	2
Тема 10.4. Угол между прямой и плоскостью	Содержание учебного материала. Вычисление углов между прямыми и плоскостями.	2
Тема 10.5. Решение задач с помощью координат	Содержание учебного материала. Применение метода координат при нахождении углов, длин и расстояний.	2
Тема 10.6. Уравнение плоскости	Содержание учебного материала. Вывод уравнения плоскости. Решение задач	2
Тема 10.7. Движения. Центральная и осевая симметрии	Содержание учебного материала. Понятие движения. Центральная симметрия. Осевая симметрия Решение задач	2
Тема 10.8. Зеркальная симметрия. Параллельный перенос	Содержание учебного материала. Зеркальная симметрия. Параллельный перенос. Решение задач	2
Тема 10.9. Повторение изученного	Практическое занятие Повторение изученного материала. Решение задач.	2

Тема 10.10. Повторение изученного	Практическое занятие Повторение изученного материала. Решение задач.	1
	Самостоятельная работа обучающихся Решение задач. Подготовка к экзамену.	2
Экзамен		6
Всего:		257/6/6

учебной дисциплины, календарные объемы, виды занятий, формы организации самостоятельной работы также конкретизируются в календарно-тематическом плане (Приложение № 1)

3. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ И МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, ПРАКТИЧЕСКОГО ОПЫТА, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Фонд оценочных средств (далее – ФОС) – комплект методических и контрольных материалов, используемых при проведении текущего контроля освоения результатов обучения и промежуточной аттестации. (Приложение № 2).

4. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

Аудитория № 4. Учебная аудитория для проведения: лекционных, семинарских, практических занятий, уроков, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, курсового проектирования (выполнения курсовых работ)

Учебная мебель, доска.

Аудитория № 144. Читальный зал. Помещение для самостоятельной работы обучающихся.

Учебная мебель, компьютеры.

4.2. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

4.2.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная учебная литература:

1. *Богомолов, Н. В.* Математика : учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 401 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-07878-7. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/449006>.

Дополнительная учебная литература:

1. *Богомолов, Н. В.* Алгебра и начала анализа : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — Москва : Издательство Юрайт, 2018. — 200 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-9916-9858-0. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/413816>.
2. *Богомолов, Н. В.* Геометрия : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 108 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-09528-9. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/449038>.

4.2.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее - сеть «Интернет»), необходимых для освоения дисциплины (модуля)

№	Наименование электронной библиотечной системы	Срок действия документа
1	Договор на доступ к ЭБС «ЭБС ЮРАЙТ» (полная коллекция) между БашГУ в лице директора СФ БашГУ и ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ» № 223/596 от 04.03.2020	С 04.03.2020 по 03.03.2022
2	Договор на доступ к ЭБС «Университетская библиотека онлайн» между БашГУ и «Нексмедиа» № 1132 от 23.09.2020	С 01.10.2020 по 30.09.2020
3	Договор на доступ к ЭБС «Лань» между БашГУ и издательством «Лань» № 1130 от 28.09.2020	С 01.10.2020 по 30.09.2020
4	Договор на доступ к ЭБС «Лань» между БашГУ и издательством «Лань» № 1131 от 28.09.2020	С 01.10.2020 по 30.09.2020
5	ЭБС «ЭБ БашГУ», бессрочный договор между БашГУ и ООО «Открытые библиотечные системы» № 095 от 01.09.2014 г.	бессрочный
6	Договор на доступ к электронным научным периодическим изданиям между БашГУ и РУНЭБ № 1512 от 26.11.2020	С 01.01.2020 по 21.12.2020
7	Договор на БД периодических изданий между БашГУ и «ИВИС» № 122-П/632 от 16.06.2020	С 01.07.2020 по 30.06.2020
8	Договор о подключении к НЭБ и о предоставлении доступа к объектам НЭБ между БашГУ в лице директора СФ БашГУ с ФГБУ «РГБ» № 101/НЭБ/1438-П от 11.06.2019	С 11.06.2019 по 10.06.2024

№	Адрес (URL)
1.	www.fcior.edu.ru Информационные, тренировочные и контрольные материалы
2.	www.school-collection.edu.ru Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов

4.2.3. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Наименование программного обеспечения
Office Standart 2007 Russian OpenLicensePack NoLevel Acdmc

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Стерлитамакский филиал

Колледж

Календарно-тематический план

по дисциплине

ПУД.03 Математика

специальность

09.02.07

Информационные системы и программирование

код

наименование специальности

квалификация

Администратор баз данных

Разработчик (составитель)

преподаватель первой категории

Кучер А.М.

ученая степень, ученое звание,
категория, Ф.И.О.

1 семестр

№ п/п	Наименование разделов и тем	Кол-во часов	Календарные сроки изучения (план)	Вид занятия	Домашнее задание
1	Введение	2/2	Сентябрь	Лекция	Решить задачи
Раздел 1. Алгебра					
2	Целые и рациональные числа	2/4	Сентябрь	Урок	Решить задачи
3	Действительные числа	2/6	Сентябрь	Урок	Решить задачи
4	Выполнение арифметических действий над числами	2/8	Сентябрь	Урок	Решить задачи
5	Приближенные вычисления. Погрешность в преобразованиях и вычислениях	2/10	Сентябрь	Урок	Решить задачи
6	Комплексные числа	2/12	Сентябрь	Урок	Решить задачи
7	Степень с натуральным и целым показателем	2/14	Сентябрь	Урок	Решить задачи
8	Арифметический корень натуральной степени	2/16	Сентябрь	Урок	Решить задачи
9	Вычисление корней натуральной степени	2/18	Сентябрь	Урок	Решить задачи
10	Степени с рациональным и действительным показателем	2/20	Сентябрь	Урок	Решить задачи
11	Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени	2/22	Сентябрь	Урок	Решить задачи
12	Определение равносильности выражений с радикалами. Иррациональные уравнения	2/24	Сентябрь	Урок	Решить задачи
13	Решение показательных уравнений	2/26	Сентябрь	Урок	Решить задачи
14	Решение прикладных задач на сложные проценты	2/28	Октябрь	Практическое занятие	Решить задачи
15	Определение логарифма	2/30	Октябрь	Урок	Решить задачи
16	Свойства логарифмов	2/32	Октябрь	Урок	Решить задачи
17	Десятичные и натуральные логарифмы	2/34	Октябрь	Урок	Решить задачи
18	Правила действий с логарифмами	2/36	Октябрь	Урок	Решить задачи
19	Логарифмические уравнения	2/38	Октябрь	Урок	Решить задачи
20	Контрольная работа №1	2/40	Октябрь		Повторить пройденный материал
Раздел 2. Основы тригонометрии					
21	Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат	2/42	Октябрь	Урок	Решить задачи
22	Определение синуса, косинуса и тангенса угла	2/44	Октябрь	Урок	Решить задачи
23	Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла	2/46	Октябрь	Урок	Решить задачи

24	Применение основных тригонометрических тождеств	2/48	Октябрь	Практическое занятие	Решить задачи
25	Формулы сложения	2/50	Октябрь	Урок	Решить задачи
26	Синус, косинус и тангенс двойного угла	2/52	Октябрь	Урок	Решить задачи
27	Формулы приведения	2/54	Ноябрь	Урок	Решить задачи
28	Сумма и разность синусов и косинусов	2/56	Ноябрь	Урок	Решить задачи
29	Применение формул тригонометрии при решении задач	2/58	Ноябрь	Урок	Решить задачи
30	Арккосинус. Решение уравнения $\cos(x) = a$	2/60	Ноябрь	Урок	Решить задачи
31	Арксинус. Решение уравнений $\sin(x) = a$	2/62	Ноябрь	Урок	Решить задачи
32	Арктангенс и арккотангенс. Решение уравнений $\operatorname{tg}(x) = a$ и $\operatorname{ctg}(x) = a$	2/64	Ноябрь	Урок	Решить задачи
33	Решение простейших тригонометрических уравнений	2/66	Ноябрь	Урок	Решить задачи
34	Тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным	2/68	Ноябрь	Урок	Решить задачи
35	Однородные тригонометрические уравнения	2/70	Ноябрь	Урок	Решить задачи
36	Решение простейших тригонометрических неравенств	2/72	Ноябрь	Урок	Решить задачи
37	Контрольная работа №2	2/74	Ноябрь		Повторить пройденный материал
Раздел 3. Функции, их свойства и графики					
38	Определение числовой функции и способы ее задания	2/76	Ноябрь	Урок	Решить задачи
39	Свойства функций	2/78	Ноябрь	Урок	Решить задачи
40	Изучение понятия обратной функции	2/80	Ноябрь	Урок	Решить задачи
41	Функциональные зависимости в реальных процессах	2/82	Декабрь	Практическое занятие	Решить задачи
42	Исследование функции	2/84	Декабрь	Урок	Решить задачи
43	Преобразования функций и действия над ними	2/86	Декабрь	Урок	Решить задачи
44	Степенные, показательные и логарифмические функции	2/88	Декабрь	Урок	Решить задачи
45	Тригонометрические функции	2/90	Декабрь	Урок	Решить задачи
46	Контрольная работа №3	2/92	Декабрь		Повторить пройденный материал
Раздел 4. Комбинаторика					
47	Изучение правила комбинаторики. Правило произведения	2/94	Декабрь	Урок	Решить задачи
48	Размещения, сочетания, перестановки	2/96	Декабрь	Урок	Решить задачи
49	Решение практических задач с использованием правил комбинаторики	2/98	Декабрь	Урок	Решить задачи
50	Бином Ньютона	2/100	Декабрь	Урок	Решить задачи

51	Подготовка к дифференцированному зачету	2/102	Декабрь	Практическое занятие	Решить задачи
52	Дифференцированный зачет	2/104	Декабрь		
Всего часов		104			

2 семестр

№ п/п	Наименование разделов и тем	Кол-во часов	Календарные сроки изучения (план)	Вид занятия	Домашнее задание
Раздел 5. Элементы теории вероятностей и статистики					
53	События. Вероятность события	2/106	Январь	Урок	Решить задачи
54	Сложение вероятностей	2/108	Январь	Урок	Решить задачи
55	Решение задач с применением свойств вероятностей	2/210	Январь	Практическое занятие	Решить задачи
56	Случайные величины	2/112	Январь	Урок	Решить задачи
57	Центральные тенденции случайной величины	2/114	Январь	Урок	Решить задачи
58	Меры разброса случайной величины	2/116	Январь	Урок	Решить задачи
59	Решение практических задач на обработку числовых данных	2/118	Январь	Практическое занятие	Решить задачи
60	Контрольная работа №4	2/120	Январь		Повторить пройденный материал
Раздел 6. Начала математического анализа					
61	Ознакомление с понятием числовой последовательности	2/122	Январь	Урок	Решить задачи
62	Предел последовательности	2/124	Январь	Урок	Решить задачи
63	Вычисление суммы бесконечного числового ряда	2/126	Февраль	Урок	Решить задачи
64	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	2/128	Февраль	Практическое занятие	Решить задачи
65	Понятие производной, ее механический смысл	2/130	Февраль	Урок	Решить задачи
66	Производная степенной функции	2/132	Февраль	Урок	Решить задачи
67	Правила дифференцирования	2/134	Февраль	Урок	Решить задачи
68	Производные элементарных функций	2/136	Февраль	Урок	Решить задачи
69	Применение таблицы производных элементарных функций	2/138	Февраль	Практическое занятие	Решить задачи
70	Геометрический смысл производной	2/140	Февраль	Урок	Решить задачи
71	Связь производной и промежутков возрастания и убывания функции	2/142	Февраль	Урок	Решить задачи
72	Производная и экстремумы функции	2/144	Февраль	Урок	Решить задачи
73	Проведение с помощью производной исследования функции	2/146	Февраль	Практическое занятие	Решить задачи

74	Наибольшее и наименьшее значение функции	2/148	Февраль	Урок	Решить задачи
75	Выпуклость графика функции, точки перегиба	2/150	Февраль	Практическое занятие	Решить задачи
76	Контрольная работа №5	2/152	Февраль		Решить задачи
77	Понятие первообразной функции	2/154	Февраль	Урок	Решить задачи
78	Правила нахождения первообразных	2/156	Март	Урок	Решить задачи
79	Решение задач на связь первообразной и ее производной	2/158	Март	Практическое занятие	Решить задачи
80	Площадь криволинейной трапеции и интеграл	2/160	Март	Урок	Решить задачи
81	Вычисление интегралов	2/162	Март	Урок	Решить задачи
82	Применение интеграла для вычисления площадей	2/164	Март	Урок	Решить задачи
83	Применение интеграла для вычисления физических величин	2/166	Март	Урок	Решить задачи
84	Контрольная работа №6	2/168	Март		Повторить пройденный материал
Раздел 7. Уравнения и неравенства					
85	Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений	2/170	Март	Урок	Решить задачи
86	Изучение теории равносильности уравнений и ее применения	2/172	Март	Урок	Решить задачи
87	Общие методы решения уравнений.	2/174	Март	Урок	Решить задачи
88	Метод разложения на множители.	2/176	Март	Урок	Решить задачи
89	Метод введения новой переменной для решения уравнений.	2/178	Март	Урок	Решить задачи
90	Функционально-графический метод	2/180	Март	Урок	Решить задачи
91	Решение неравенств с одной переменной.	2/182	Март	Практическое занятие	Решить задачи
92	Системы уравнений. Метод подстановки	2/184	Март	Практическое занятие	Решить задачи
93	Системы уравнений. Метод алгебраического сложения.	2/186	Март	Урок	Решить задачи
94	Системы уравнений. Метод введения новых переменных	2/188	Март	Урок	Решить задачи
95	Применение математических методов для решения содержательных задач	2/190	Март	Урок	Решить задачи
96	Контрольная работа №7	2/192	Апрель		Повторить пройденный материал
Раздел 8. Прямые и плоскости в пространстве					
97	Предмет стереометрии, аксиомы стереометрии	2/194	Апрель	Урок	Решить задачи
98	Параллельность прямых, прямой и плоскости	2/196	Апрель	Урок	Решить задачи
99	Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между двумя	2/198	Апрель	Урок	Решить задачи

	прямыми				
100	Параллельность плоскостей	2/200	Апрель	Урок	Решить задачи
101	Тетраэдр и параллелепипед	2/202	Апрель	Урок	Решить задачи
102	Перпендикулярность прямой и плоскости	2/204	Апрель	Урок	Решить задачи
103	Перпендикуляр и наклонные. Угол между прямой и плоскостью	2/206	Апрель	Урок	Решить задачи
104	Двугранный угол. Перпендикулярность плоскостей	2/208	Апрель	Урок	Решить задачи
105	Прямоугольный параллелепипед	2/210	Апрель	Практическое занятие	Решить задачи
106	Контрольная работа №8	2/212	Апрель		Повторить пройденный материал
Раздел 9. Многогранники и круглые тела					
107	Понятие многогранника. Призма	2/214	Апрель	Урок	Решить задачи
108	Пирамида	2/216	Май	Урок	Решить задачи
109	Усеченная пирамида	2/218	Май	Урок	Решить задачи
110	Цилиндр	2/220	Май	Урок	Решить задачи
111	Площадь поверхности цилиндра	2/222	Май	Практическое занятие	Решить задачи
112	Конус	2/224	Май	Урок	Решить задачи
113	Площадь боковой и полной поверхности конуса	2/226	Май	Урок	Решить задачи
114	Сфера и шар. Уравнение сферы	2/228	Май	Урок	Решить задачи
115	Взаимное расположение сферы и плоскости	2/230	Май	Урок	Решить задачи
116	Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда	2/232	Май	Урок	Решить задачи
117	Объем прямой призмы и цилиндра	2/234	Май	Урок	Решить задачи
118	Объем пирамиды, конуса и шара	2/236	Май	Практическое занятие	Решить задачи
119	Контрольная работа №9	2/238	Май		Повторить пройденный материал
Раздел 10. Координаты и векторы					
120	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора	2/240	Май	Урок	Решить задачи
121	Простейшие задачи в координатах	2/242	Май	Урок	Решить задачи
122	Скалярное произведение векторов	2/244	Май	Урок	Решить задачи
123	Угол между прямой и плоскостью	2/246	Июнь	Урок	Решить задачи
124	Решение задач с помощью координат	2/248	Июнь	Урок	Решить задачи
125	Уравнение плоскости	2/250	Июнь	Урок	Решить задачи

125	Движения. Центральная и осевая симметрии	2/252	Июнь	Урок	Решить задачи
126	Зеркальная симметрия. Параллельный перенос	2/254	Июнь	Урок	Решить задачи
127	Повторение изученного	2/256	Июнь	Практическое занятие	Решить задачи
128	Повторение изученного	1/257	Июнь	Практическое занятие	Повторить пройденный материал
Экзамен					
Всего часов		257			

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«БАШКИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Стерлитамакский филиал

Колледж

Фонд оценочных средств

по дисциплине

ПУД.03 Математика

Общеобразовательный цикл, обязательная часть

цикл дисциплины и его часть (обязательная, вариативная)

специальность

09.02.07

Информационные системы и программирование

код

наименование специальности

квалификация

Администратор баз данных

Разработчик (составитель)

Преподаватель первой категории

Кучер А.М.

ученая степень, ученое звание,
категория, Ф.И.О.

I Паспорт фондов оценочных средств

1. Область применения

Фонд оценочных средств (ФОС) предназначен для проверки результатов освоения дисциплины ПУД.03 Математика, входящей в состав программы подготовки специалистов среднего звена по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование. **Работа обучающихся во взаимодействии с преподавателем 257 часов, на самостоятельную работу 6 часов.**

2. Объекты оценивания – результаты освоения дисциплины

ФОС позволяет оценить следующие результаты освоения дисциплины:

Личностных:

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к себе, к своему здоровью, к познанию себя:

-готовность и способность обучающихся к отстаиванию личного достоинства, собственного мнения, готовность и способность вырабатывать собственную позицию по отношению к общественно-политическим событиям прошлого и настоящего на основе осознания и осмысления истории, духовных ценностей и достижений нашей страны;

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к России как к Родине (Отечеству):

-формирование уважения к русскому языку как государственному языку Российской Федерации, являющемуся основой российской идентичности и главным фактором национального самоопределения;

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к закону, государству и к гражданскому обществу:

-мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки и общественной практики, основанное на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся с окружающими людьми:

-нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения;

-развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.

Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к окружающему миру, живой природе, художественной культуре:

-готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

-эстетическое отношения к миру, готовность к эстетическому обустройству собственного быта.

Личностные результаты в сфере отношения обучающихся к труду, в сфере социально-экономических отношений:

-осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов;

-готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

-готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей.

Метапредметных:

Метапредметные результаты освоения основной образовательной программы представлены тремя группами универсальных учебных действий (УУД).

1. Регулятивные универсальные учебные действия

Обучающийся научится:

-ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;

2. Познавательные универсальные учебные действия

Обучающийся научится:

-находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;

3. Коммуникативные универсальные учебные действия

Обучающийся научится:

-развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств.

Предметных:

В результате изучения учебного предмета «Математика» на уровне среднего общего образования обучающийся на углубленном уровне научится:

- использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений; проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов;
- выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений; записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения; составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов;
- составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов; выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов; составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов; составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты; использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств;
- определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.); интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации; определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.);
- решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов; интерпретировать полученные результаты;
- вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни; выбирать методы подходящего представления и обработки данных;
- составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат;

- владеть понятиями векторы и их координаты; уметь выполнять операции над векторами; использовать скалярное произведение векторов при решении задач; применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач; применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач.

Обучающийся на углубленном уровне получит возможность научиться:

- использовать теоретико-множественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов
- свободно оперировать числовыми множествами при решении задач;
- понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;
- владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач
- иметь базовые представления о множестве комплексных чисел;
- свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;
- владеть формулой биннома Ньютона;
- уметь выполнять запись числа в позиционной системе счисления;
- применять при решении задач Основную теорему алгебры;
- применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования
- свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;
- свободно решать системы линейных уравнений;
- решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;
- применять при решении задач неравенства Коши-Буняковского, Бернулли;
- владеть понятием асимптоты и уметь его применять при решении задач;
- применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков;
- свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;
- свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования на выпуклость;
- оперировать понятием первообразной функции для решения задач;
- овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона–Лейбница и его простейших применениях
- оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;
- уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;
- уметь применять приложение производной и определенного интеграла к решению задач естествознания;
- владеть понятиями вторая производная, выпуклость графика функции и уметь исследовать функцию на выпуклость
- иметь представление о центральной предельной теореме
- иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;
- иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;
- иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений
- иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;
- иметь представление об аксиоматическом методе;
- уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла;

- владеть понятием перпендикулярное сечение призмы и уметь применять его при решении задач;
- иметь представление о двойственности правильных многогранников;
- иметь представление об аксиомах объема, применять формулы объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы и пирамиды, тетраэдра при решении задач;
- иметь представление о движениях в пространстве: параллельном переносе, симметрии относительно плоскости, центральной симметрии, повороте относительно прямой, винтовой симметрии, уметь применять их при решении задач;
- уметь применять формулы объемов при решении задач;
- находить объем параллелепипеда и тетраэдра, заданных координатами своих вершин;
- задавать прямую в пространстве;
- находить расстояние от точки до плоскости в системе координат;
- находить расстояние между скрещивающимися прямыми, заданными в системе координат.

3 Формы контроля и оценки результатов освоения дисциплины

Контроль и оценка результатов освоения – это выявление, измерение и оценивание результатов освоения дисциплины.

В соответствии с учебным планом специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование, рабочей программой общеобразовательной учебной дисциплины Математика предусматривается текущий и промежуточный контроль результатов освоения.

3.1 Формы текущего контроля

Текущий контроль успеваемости представляет собой проверку усвоения учебного материала, регулярно осуществляемую на протяжении курса обучения.

Текущий контроль результатов освоения дисциплины в соответствии с рабочей программой и календарно-тематическим планом происходит при использовании следующих обязательных форм контроля:

- выполнение и защита практических работ,
- проверка выполнения самостоятельной работы студентов,
- проверка выполнения контрольных работ.

Во время проведения учебных занятий дополнительно используются следующие формы текущего контроля – устный опрос, решение задач, тестирование по темам отдельных занятий.

Выполнение и защита практических работ. Практические работы проводятся с целью усвоения и закрепления результатов освоения дисциплины. В ходе практической работы обучающиеся учатся использовать формулы, и применять различные методики расчета, анализировать полученные результаты и делать выводы, опираясь на теоретические знания.

Список практических работ:

- Практическая работа №1 «Решение прикладных задач на сложные проценты»
- Практическая работа №2 «Применение основных тригонометрических тождеств»
- Практическая работа №3 «Функциональные зависимости в реальных процессах»
- Практическая работа №4 «Подготовка к дифференцированному зачету»
- Практическая работа №5 «Решение задач с применением свойств вероятностей»
- Практическая работа №6 «Решение практических задач на обработку числовых данных»
- Практическая работа №7 «Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии»
- Практическая работа №8 «Применение таблицы производных элементарных функций»

- Практическая работа №9 «Проведение с помощью производной исследования функции»
- Практическая работа №10 «Выпуклость графика функции, точки перегиба»
- Практическая работа №11 «Решение задач на связь первообразной и ее производной»
- Практическая работа №12 «Решение неравенств с одной переменной»
- Практическая работа №13 «Системы уравнений. Метод подстановки»
- Практическая работа №14 «Прямоугольный параллелепипед»
- Практическая работа №15 «Площадь поверхности цилиндра»
- Практическая работа №16 «Объем пирамиды, конуса и шара»
- Практическая работа №17 «Повторение изученного»

Практическая работа №1

«Решение прикладных задач на сложные проценты»

Существует формула для начисления сложного процента:

$$S=A*(1+R)^T$$

A- сумма вклада;

R- ставка процента;

T- количество периодов;

S- получаемая сумма.

Рассмотрим несколько задач, решаемых по этой формуле.

Задание 1.

Рассчитать сумму вклада через 3 года при сложной процентной ставке 10% годовых, если было вложено 100000 рублей.

Задание 2.

С какой процентной ставкой необходимо вложить деньги в банк, если через 2 года вкладчик хочет получить 120000 рублей при первоначальном взносе 100000 рублей?

Задание 3.

За 5 лет при сложной процентной ставке 7% годовых на счету у вкладчика стало 200000 рублей. Сколько денег он вложил в банк?

Задание 4.

Для обучения в колледже необходимо 120000 рублей. Родители Оксаны положили в банк 75000 рублей под 6% годовых (сложная процентная ставка). Будет ли у них необходимая сумма, если пока Оксана в первом классе (считать обучение в школе 9 лет)?

Задание 5.

Борис хочет вложить 50000 рублей на 5 лет, чтобы получить не меньше 70000 рублей. Один банк предлагает вложить деньги под 8% годовых, а другой - под 0,5% в месяц. Какому банку отдать предпочтение Борису?

Задание 6.

Какую сумму нужно вложить в банк, чтобы через 3 года на счету было 59550 рублей, если сложная процентная ставка банка равна 0,5% в месяц?

Практическая работа №2

«Применение основных тригонометрических тождеств»

Основное тригонометрическое тождество

$$\sin^2\alpha + \cos^2\alpha = 1$$

Вспомним, что квадрат любого числа всегда больше или равен нулю и еще раз внимательно посмотрим на основное тригонометрическое тождество.

Замечаем, что $\sin^2\alpha \ll 1$ и $\cos^2\alpha \ll 1$

Откуда $-1 \ll \sin\alpha \ll 1$ и $-1 \ll \cos\alpha \ll 1$

Найдем $\sin\beta$ и $\cos\beta$, заметим, что $\sin\alpha = \cos\beta$; $\cos\alpha = \sin\beta$; $\operatorname{tg}\alpha = \operatorname{ctg}\beta$

То есть в прямоугольном треугольнике синус одного острого угла равен косинусу

другого (и наоборот).

Заметим, что зная косинус одного угла, можно найти синус (тангенс, котангенс). И наоборот.

$$\cos \alpha = +/\!-\sqrt{1 - \sin^2 \alpha}$$
$$\sin \alpha = +/\!-\sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$$

Знак +/- зависит от того, какой четверти принадлежит угол α .

Задание 1

Отвечаем на вопрос, может ли синус произвольного угла равняться -2; 8; 1; 0,2; 1/8; $\sqrt{3}/2$

Может ли косинус произвольного угла равняться -6; -0,6; 1/2; 1/14; $\sqrt{5}/25$

Задание 2

Может ли синус и косинус одного и того же угла удовлетворять условиям (либо задание может звучать так – существует ли такой угол α , что его синус и косинус равны соответственно)

1) $\sin \alpha = \frac{1}{2}; \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$

Подставляем значение в основное тригонометрическое тождество, проверяем

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} + \frac{3}{4} = 1 \quad \text{Ответ: ДА(существует)}$$

2) $\sin \alpha = \frac{1}{4}; \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{4}$

Подставляем значение в основное тригонометрическое тождество, проверяем

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = \left(\frac{1}{4}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{4}\right)^2 = \frac{1}{16} + \frac{3}{16} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

Ответ: НЕТ (такого угла α не существует)

Задание 3

Найти множество значений функции $y = 7 \cos \alpha - 3$

Вспоминаем

$$-1 \ll \cos \alpha \ll 1$$

$$-7 \ll 7 \cos \alpha \ll 7$$

$$-7 - 3 \ll 7 \cos \alpha - 3 \ll 7 - 3$$

$$-10 \ll y \ll 4$$

Ответ : $-10 \ll y \ll 4$

Тангенс острого угла прямоугольного треугольника – отношение противолежащего катета к прилежащему

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{b} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

Котангенс острого угла прямоугольного треугольника – отношение прилежащего катета к противолежащему

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{b}{a} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

Откуда $\operatorname{tg} \alpha * \operatorname{ctg} \alpha = 1$, либо, что тоже самое $\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{\operatorname{ctg} \alpha}$

Задание 4

Чему равен тангенс, если котангенс равен -2; -7; 1/3; 15/2?

Задание 5

Может ли тангенс угла равняться -4; 6; -3; 0; 1000000?

Задание 6

Доказать тождество $\cos^4\alpha - \sin^4\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$
 $\cos^4\alpha - \sin^4\alpha = (\cos^2\alpha - \sin^2\alpha)(\cos^2\alpha + \sin^2\alpha) = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$

Практическая работа №3

«Функциональные зависимости в реальных процессах»

Ответить на вопросы:

- Кто из ученых дал определение функции как изменение ординаты точки в зависимости от изменения ее абсциссы?
- Кто впервые стал употреблять слово "функция"?
- Кто впервые дал явное определение функции?
- Кто ввел обозначение функции символом f?
- Охарактеризуйте функциональные зависимости в музыке.
- В чем заключается математический портрет пословиц? Приведите два конкретных примера.
- Какие функциональные зависимости встречаются в биологии?
- Какие функциональные зависимости встречаются в информатике?

Практическая работа №4

«Подготовка к дифференцированному зачету»

Задание 1

Вычислить

- $23,267 : 2,3 - 3,6 \cdot (17,2 \cdot 0,125 + 0,005 : 0,1) + 6,25 \cdot 3,2 ;$
- $9,25 \cdot 1,04 - (6,372 : 0,6 + 1,125 \cdot 0,8) : 1,2 + 0,16 \cdot 6,25 \cdot$

Задание 2

Упростить

- $3\sqrt{\frac{5}{9}} - \frac{1}{2}\sqrt{20} + 3\sqrt{180} - 4\sqrt{\frac{125}{4}} ;$
- $\frac{1-\sqrt{5}}{\sqrt{6}} - \frac{3}{\sqrt{5+\sqrt{2}}} - \frac{4}{\sqrt{6-\sqrt{2}}}.$

Задание 3

Вычислить

- $8^{\log_2 \frac{1}{3}} ;$
- $\log_2 \frac{1}{32} ;$
- $\log_{3\sqrt{2}} \frac{1}{18} ;$
- $\frac{2}{3} \log_{\frac{1}{2}} \log_3 9$

Задание 4

Решить уравнение

- $(\log_2 x)^2 - 3 \log_2 x + 2 = 0 ;$
- $(\log x)^2 + 5 = 2 \log x^3 ;$
- $\log_2 (2x - 18) + \log_2 (x - 9) = 5$

Задание 5

Вычислите

- $\log_2 \left(\cos \frac{\pi}{3} \right) ;$
- $\log_3 \left(\operatorname{tg} \frac{\pi}{3} \right)$

Задание 6

Найти градусную меру угла, выраженного в радианах:

- $\frac{\pi}{6} ;$
- $\frac{\pi}{9} ;$
- $\frac{3\pi}{4} ;$
- 2 ;
- 3 ;
- 0,36

Задание 7

Укажите четверть, в которой лежит угол α , если $\alpha = 300^\circ$.

Задание 8

Найдите значение косинуса угла α , если известно, что: $\sin \alpha = -0,6$ и $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$

Задание 9

Найдите область определения функции $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 3x - 2}}{16 - x^2}$.

Задание 10

Банковская процентная ставка равна 12% годовых. Какова должна быть первоначальная сумма вклада, чтобы через 2 года его размер составил 56448 рублей.

Задание 11

Сколькими способами можно разместить 6 различных автомобилей в семи одноместных боксах?

Практическая работа №5

«Решение задач с применением свойств вероятностей»

Задание 1

В урне находится 15 белых, 5 красных и 10 чёрных шаров. Наугад извлекается 1 шар, найти вероятность того, что он будет: а) белым, б) красным, в) чёрным.

Задание 2

В магазин поступило 30 холодильников, пять из которых имеют заводской дефект. Случайным образом выбирают один холодильник. Какова вероятность того, что он будет без дефекта?

Задание 3

Набирая номер телефона, абонент забыл две последние цифры, но помнит, что одна из них – ноль, а другая – нечётная. Найти вероятность того, что он наберёт правильный номер.

Задание 4

Абонент забыл пин-код к своей сим-карте, однако помнит, что он содержит три «пятёрки», а одна из цифр – то ли «семёрка», то ли «восьмёрка». Какова вероятность успешной авторизации с первой попытки?

Задание 5

Найти вероятность того, что при бросании двух игральных костей в сумме выпадет: а) пять очков; б) не более четырёх очков; в) от 3 до 9 очков включительно.

Задание 6

В лифт 20-этажного дома на первом этаже зашли 3 человека. И поехали. Найти вероятность того, что: а) они выйдут на разных этажах б) двое выйдут на одном этаже; в) все выйдут на одном этаже.

Задание 7

Какова вероятность того, что в четырех сданных картах будет один туз и один король?

Задание 8

В ящике находится 15 качественных и 5 бракованных деталей. Наудачу извлекаются 2 детали. Найти вероятность того, что: а) обе детали будут качественными; б) одна деталь будет качественной, а одна – бракованной; в) обе детали бракованные.

Задание 9

Игроку в покер сдаётся 5 карт. Найти вероятность того, что он получит: а) пару десятков и пару валетов; б) флеш (5 карт одной масти); в) каре (4 карты одного номинала). Какую из перечисленных комбинаций вероятнее всего получить?

Практическая работа №6

«Решение практических задач на обработку числовых данных»

Задание 1

Найдем математическое ожидание случайной величины X – числа стандартных деталей среди трех, отобранных из партии в 10 деталей, среди которых 2 бракованных. Составим ряд распределения для X . Из условия задачи следует, что X может принимать значения 1, 2, 3.

Задание 2

Задан закон распределения дискретной случайной величины X :

X	40	42	41	44
p	0,1	0,3	0,2	0,4

Найдите: 1) математическое ожидание; 2) дисперсию; 3) среднее квадратическое отклонение.

Задание 3

Найти: а) математическое ожидание, б) дисперсию, в) среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины X по известному закону ее распределения, заданному таблично:

	8	4	6	5
	0,2	0,5	0,2	0,1

Задание 4

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ x^3 & \text{при } 0 \leq x \leq 1, \\ 1 & \text{при } x > 1. \end{cases}$$

Найти: 1) дифференциальную функцию распределения $f(x)$; 2) математическое ожидание $M(x)$; 3) дисперсию $D(x)$.

Задание 5

Рабочий обслуживает три станка. Известно, что вероятность бесперебойной работы на протяжении одного часа после наладки равна для первого станка 0,9, для второго станка – 0,8 и для третьего станка – 0,7. Найти вероятность того, что за этот час лишь один станок откажет в работе и потребует вмешательства рабочего.

Задание 6

Вероятность попадания в цель при отдельном выстреле равна 0,6. Найти вероятность того, что число попаданий при 600 выстрелах будет заключено в пределах от 330 до 375.

Задание 7

Найти: а) математическое ожидание, б) дисперсию, в) среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины X по известному закону ее распределения, заданному таблично:

	8	4	6	5
	0,2	0,5	0,2	0,1

Практическая работа №7

«Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии»

Задание 1

Представить в виде обыкновенной дроби число $0,(6)$.

Задание 2

Дана последовательность $C_n = 5(-2)^n$. Докажите, что эта последовательность является геометрической прогрессией.

Задание 3

Дана геометрическая прогрессия $b_n = 2(-3)^n$. Найдите пятый член прогрессии.

Задание 4

Найдите сумму первых восьми членов прогрессии.

Задание 5

Найдите сумму бесконечной геометрической прогрессии $8; 2; 0,5; \dots$

Задание 6

Дана геометрическая прогрессия C_n с положительными членами, в которой $C_4=24; C_6=96$. а) Найдите C_1 . б) Определите количество членов прогрессии, начиная с первого, сумма которых равна 45.

Задание 6

Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии равна 150. Найти b_1 , если $q = 1/3$

Задание 7

Сумма членов бесконечной геометрической прогрессии b_n в три раза больше ее первого члена. Найдите отношение b_2/b_4 .

Практическая работа №8

«Применение таблицы производных элементарных функций»

Задание

Вычислить производную функции:

1. $x^7 + 5x^6 + 24x^2 - 7$
2. $7x^4 - \sqrt[3]{x^2}$
3. $\frac{2}{\sqrt[5]{x^7}} - 4x^8$
4. $(5x^2 - 3x)^4$
5. $(7x + 4)^3 \cdot (8 - 6x)^5$
6. $12x^4 - 5x^7 + 8 - 3x$
7. $12x^3 - \sqrt[5]{x^4}$
8. $12x^3 + \frac{4}{\sqrt[7]{x^3}}$
9. $(4x^3 - 12)^5$
10. $(12 - 7x)^3 \cdot (x^3 - 2x)^4$

Практическая работа №9

«Проведение с помощью производной исследования функции»

Задание 1

С помощью производной найдите промежутки возрастания и убывания функции:
 $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 36x + 40$.

Задание 2

Исследуйте функцию и постройте её график: $f(x) = -0,5x^2 + 2x + 6$.

Задание 3

Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^4 - 8x^2 + 5$ на промежутке $[-3; 2]$.

Задание 4

С помощью производной найдите промежутки возрастания и убывания функции: $f(x) = x^4 - 8x^2 + 3$.

Задание 5

Исследуйте функцию и постройте её график: $f(x) = -x^2 - 2x + 8$.

Задание 6

Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 36x$ на отрезке $[-2; 1]$.

Задание 7

С помощью производной найдите промежутки возрастания и убывания функции: $f(x) = 2x^3 - 15x^2 + 36x$.

Задание 8

Исследуйте функцию и постройте её график: $f(x) = -x^2 + 3x + 4$.

Задание 9

Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^4 - 2x^2 + 3$ на промежутке $[-4; 3]$.

Практическая работа №10

«Выпуклость графика функции, точки перегиба»

Практическая работа №11

«Решение задач на связь первообразной и ее производной»

Задание

Найдите первообразную

1. $f(x) = 6x - 9 + 3x^5 - \frac{3}{\sqrt{x}}$

2. $f(x) = 5 \cos(4x - 2) + 5x$

3. $f(x) = \frac{3}{4 \sin^2(5 - 2x)}$

4. $f(x) = \frac{2}{\sqrt{4x + 3}} - \frac{4}{x^5}$

5. $f(x) = \frac{3}{(5 - 7x)^4}$

6. $f(x) = 5e^{2x+3} + 4x^2$

7. $f(x) = \frac{4}{x} + 5^x$

8. $f(x) = \frac{3}{2x - 5} - 4$

9. $f(x) = 3^{4x-5} + 8e^{\frac{x}{5}+3}$

Практическая работа №12 «Решение неравенств с одной переменной»

Рассмотрим решение в общем виде: $f(x) > g(x)$ (1).

x_0 называется частным решением, если $f(x_0) > g(x_0)$.

Множество всех частных решений есть общее решение (или просто решение) неравенства. Решить неравенство – значит найти его общее решение.

Рассмотрим отличия неравенств от уравнений:

1. Имеет бесконечное множество решений (как правило).
2. Невозможна проверка подстановкой в исходное неравенство.

Поэтому неравенства можно решать только равносильными преобразованиями:

$$f(x) > g(x) \dots \Leftrightarrow (2) \dots x \in X$$

Решение неравенства заключается в замене исходного неравенства более простым, но равносильным неравенством.

Определение 1.

Неравенства $f(x) > g(x)$ (1) и $p(x) > k(x)$ (2) называются равносильными, если их решения совпадают. $f(x) > g(x) \Leftrightarrow p(x) > k(x)$.

Пример 1

Пример 1.

$$1. \quad 2x - 1 > 0 \Leftrightarrow x > \frac{1}{2}$$

$$2. \quad \log(4x - 1) > 0 \Leftrightarrow 4x - 1 > 1 \Leftrightarrow 4x > 2 \Leftrightarrow x > \frac{1}{2}$$

Множества решений совпадают. Значит:

$$2x - 1 > 0 \Leftrightarrow \log(4x - 1) > 0$$

Определение 2. Равносильность неравенств

Определение 2. Если решение неравенства $f(x) > g(x)$ (1) содержится в решении неравенства $p(x) > k(x)$ (2), то неравенство (2) есть следствие неравенства (1).

$$f(x) > g(x) \Rightarrow p(x) > k(x)$$

Рассмотрим некоторые из равносильных преобразований:

$$1. \quad f(x) > g(x) \Leftrightarrow f(x) - g(x) > 0$$

$$2. \quad f(x) > g(x) \Leftrightarrow f^{2n+1}(x) > g^{2n+1}(x)$$

$$3. \quad a^{f(x)} > a^{g(x)} \stackrel{a>1}{\Leftrightarrow} f(x) > g(x)$$

$$4. \quad a^{f(x)} > a^{g(x)} \stackrel{0<a<1}{\Leftrightarrow} f(x) < g(x)$$

$$5. f(x) > g(x) \xLeftrightarrow{h(x) > 0} f(x) * h(x) > g(x) * h(x)$$

$$6. f(x) > g(x) \xLeftrightarrow{h(x) < 0} f(x) * h(x) < g(x) * h(x)$$

Рассмотрим примеры, в которых можно допустить типовые ошибки:

Пример 2

$$1. \frac{1}{x} \leq 1$$

«Решение»:

$$x \neq 0$$

$$\frac{1}{x} * x \leq 1 * x$$

$$x \geq 1$$

«Ответ»: $x \geq 1$ ($x = -10, = -11$ – частные решения)

Проблема в умножении на x . Он мог быть и отрицательным, и положительным. Надо менять знак.

Правило: в неравенствах нельзя умножать на x , если его знак не известен.

$$2. \frac{1}{x} = 1$$

Решение:

$$\frac{1}{x} * x = 1 * x$$

$$x = 1$$

Ответ: $x = 1$ (верно)

Правильное решение:

3.

$$1. \begin{cases} \frac{1}{x} \leq 1 \\ x > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \leq x \\ x > 0 \end{cases} \Leftrightarrow x \geq 1$$



Рис. 1. Иллюстрация к примеру 1

$$2. \begin{cases} \frac{1}{x} \leq 1 \\ x < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \geq x \\ x < 0 \end{cases} \Leftrightarrow x < 0$$



Рис. 2. Иллюстрация к примеру 2

Ответ: $x < 0$ или $x \geq 1$

Практическая работа №13 «Системы уравнений. Метод подстановки»

Рассмотрим системы двух уравнений с двумя неизвестными (1) и трех уравнений с тремя неизвестными (2).

$$\begin{cases} p(x, y) = 0 \\ q(x, y) = 0 \end{cases} \quad (1)$$

Здесь p и q – некоторые выражения, зависящие от пары переменных x и y .

$$\begin{cases} p(x, y, z) = 0 \\ q(x, y, z) = 0 \\ r(x, y, z) = 0 \end{cases} \quad (2)$$

Здесь p , q и r – некоторые выражения, зависящие от тройки переменных x , y и z .

Частным решением системы 1 называется пара чисел $(x_0; y_0)$ такая, при подстановке которой в уравнения системы получим верные равенства.

Частным решением системы 2 называется тройка чисел $(x_0; y_0; z_0)$ такая, при подстановке которой в уравнения системы получим верные равенства.

Решить систему уравнений означает найти множество всех ее решений.

Чтобы найти множество всех решений системы, лучше всего пользоваться эквивалентными или равносильными преобразованиями, то есть такими, которые не искажают множество решений. В результате таких преобразований мы получаем

равносильные системы, то есть имеющие одно и то же множество решений

Таким образом, процесс решения системы сводится к постепенному переходу от заданной сложной системы к все более простой и так до тех пор, пока не получим ответ.

Методы решения систем с помощью эквивалентных преобразований:

-метод подстановки;

-метод алгебраического сложения;

-метод введения новых переменных;

2. Суть метода подстановки

Повторим метод подстановки. Напомним суть данного метода. Мы рассматриваем заданную систему вида 1 и замечаем, что в одном из уравнений, пусть во втором, легко выразить одну переменную через другую, пусть y через x :

$$\begin{cases} p(x, y) = 0 \\ q(x, y) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} p(x, y) = 0 \\ y = y(x) \end{cases}$$

Полученное выражение подставляем в первое уравнение системы:

$$\begin{cases} p(x, y) = 0 \\ y = y(x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} p(x, y(x)) = 0 \\ y = y(x) \end{cases}$$

Таким образом мы получаем одно уравнение (в данном случае первое) только относительно x . решаем это уравнение, находим все значения x , подставляем их в выражение для y и находим соответствующие значения y .

3. Решение примеров

Пример 1 – решить систему методом подстановки:

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ xy = -2 \end{cases}$$

В данном случае удобно из первого уравнения выразить y :

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ xy = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - x \\ xy = -2 \end{cases}$$

Подставим полученное выражение во второе уравнение:

$$\begin{cases} y = 1 - x \\ xy = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - x \\ x(1 - x) = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - x \\ x - x^2 = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - x \\ x^2 - x - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - x \\ x = 2 \\ y = 1 - x \\ x = -1 \end{cases}$$

Находим соответствующие значения y :

$$\begin{cases} y = 1 - x \\ x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - 2 \\ x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -1 \\ x = 2 \end{cases} \\ \begin{cases} y = 1 - x \\ x = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - (-1) \\ x = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2 \\ x = -1 \end{cases}$$

Ответ: (2;-1), (-1;2)

Пример 2 – решить систему методом подстановки:

$$\begin{cases} x - y = 2 \\ 2^x 3^y = 24 \end{cases}$$

В данном случае удобно из первого уравнения выразить x:

$$\begin{cases} x - y = 2 \\ 2^x 3^y = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ 2^x 3^y = 24 \end{cases}$$

Подставим полученное выражение во второе уравнение:

$$\begin{cases} x = y + 2 \\ 2^x 3^y = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ 2^{y+2} 3^y = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ 4 * 2^y 3^y = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ 4 * (2 * 3)^y = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ 4 * 6^y = 24 \end{cases} \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ 6^y = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y + 2 \\ y = 1 \end{cases}$$

Находим соответствующее значение x:

$$\begin{cases} x = y + 2 \\ y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 + 2 \\ y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \end{cases}$$

Ответ: (3;1)

В следующей системе важно обратить внимание на ОДЗ.

Пример 3 – решить систему методом подстановки:

$$\begin{cases} \log_{y+2}(x+3) = 1 \\ x^2 - 3y = 1 \end{cases}$$

Укажем ОДЗ для первого уравнения:

$$\begin{cases} x + 3 > 0 \\ y + 2 > 0 \\ y + 2 \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -3 \\ y > -2 \\ y \neq -1 \end{cases}$$

При соблюдении ОДЗ первое уравнение можно преобразовать:

$$(y + 2)^1 = x + 3 \Leftrightarrow y + 2 = x + 3$$

Имеем систему:

$$\begin{cases} y + 2 = x + 3 \\ x^2 - 3y = 1 \end{cases}$$

В данном случае удобно из первого уравнения выразить y :

$$\begin{cases} y + 2 = x + 3 \\ x^2 - 3y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 - 3y = 1 \end{cases}$$

Подставим полученное выражение во второе уравнение:

$$\begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 - 3y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 - 3(x + 1) = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 - 3x - 3 = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 - 3x - 4 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 1 \\ x = 4 \\ y = x + 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

Находим соответствующие значения y :

$$\begin{cases} y = x + 1 \\ x = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 4 + 1 \\ x = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 5 \\ x = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = x + 1 \\ x = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -1 + 1 \\ x = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 0 \\ x = -1 \end{cases}$$

Сверившись с ОДЗ, выписываем ответ.

Ответ: (5;4), (-1;0)

Пример 4 – решить систему методом подстановки:

$$\begin{cases} x + y = \pi \\ \cos x - \cos y = 1 \end{cases}$$

В данном случае удобно из первого уравнения выразить y :

$$\begin{cases} x + y = \pi \\ \cos x - \cos y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ \cos x - \cos y = 1 \end{cases}$$

Подставим полученное выражение во второе уравнение:

$$\begin{cases} y = \pi - x \\ \cos x - \cos y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ \cos x - \cos(\pi - x) = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ \cos x - (-\cos x) = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ 2 \cos x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ \cos x = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ x = \arccos \frac{1}{2} + 2\pi n \\ y = \pi - x \\ x = -\arccos \frac{1}{2} + 2\pi n \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - x \\ x = \frac{\pi}{3} + 2\pi n \\ y = \pi - x \\ x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases}$$

Находим соответствующие значения y :

$$\begin{cases} y = \pi - x \\ x = \frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi - \frac{\pi}{3} - 2\pi n \\ x = \frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \frac{2\pi}{3} - 2\pi n \\ x = \frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = \pi - x \\ x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pi + \frac{\pi}{3} - 2\pi n \\ x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \frac{4\pi}{3} - 2\pi n \\ x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi n \end{cases}$$

Ответ: $(\frac{\pi}{3} + 2\pi n; \frac{2\pi}{3} - 2\pi n), (-\frac{\pi}{3} + 2\pi n; \frac{4\pi}{3} - 2\pi n)$

Обратим внимание, что n здесь пробегает все целочисленные значения

Пример 5 – решить систему методом подстановки:

$$\begin{cases} \log_{\sqrt{2}}(y - x) = 4 \\ 3^x + 2 * 3^{y-2} = 171 \end{cases}$$

Рассмотрим первое уравнение:

$$y - x = \sqrt{2^4} = 4 > 0 \rightarrow \text{ОДЗ соблюдено}$$

Получили равносильную систему:

$$\begin{cases} \log_{\sqrt{2}}(y - x) = 4 \\ 3^x + 2 * 3^{y-2} = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y - x = 4 \\ 3^x + 2 * 3^{y-2} = 171 \end{cases}$$

В данном случае удобно из первого уравнения выразить y :

$$\begin{cases} y - x = 4 \\ 3^x + 2 * 3^{y-2} = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x + 2 * 3^{y-2} = 171 \end{cases}$$

Подставим полученное выражение во второе уравнение:

$$\begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x + 2 * 3^{y-2} = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x + 2 * 3^{x+4-2} = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x + 2 * 3^{x+2} = 171 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x + 2 * 9 * 3^x = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x + 18 * 3^x = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 19 * 3^x = 171 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ 3^x = 9 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = x + 4 \\ x = 2 \end{cases}$$

Находим соответствующие значения y :

$$\begin{cases} y = x + 4 \\ x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2 + 4 \\ x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 6 \\ x = 2 \end{cases}$$

Ответ: (2;6)

Практическая работа №14 «Прямоугольный параллелепипед»

Поверхность, составленная из двух равных параллелограммов $ABCD$ и $A_1B_1C_1D_1$ и четырех параллелограммов ABB_1A_1 , BCC_1B_1 , CDD_1C_1 , DAA_1D_1 , называется **параллелепипедом** (рис. 1).

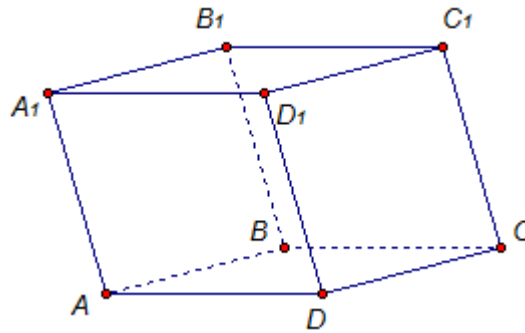


Рис. 1 Параллелепипед

То есть: имеем два равных параллелограмма $ABCD$ и $A_1B_1C_1D_1$ (основания), они лежат в параллельных плоскостях так, что боковые ребра AA_1 , BB_1 , DD_1 , CC_1 параллельны. Таким образом, составленная из параллелограммов поверхность называется **параллелепипедом**.

Таким образом, поверхность параллелепипеда - это сумма всех параллелограммов, из которых составлен параллелепипед.

Свойства параллелепипеда

1. *Противоположные грани параллелепипеда параллельны и равны.*

(фигуры равны, то есть их можно совместить наложением)

Например:

$ABCD = A_1B_1C_1D_1$ (равные параллелограммы по определению),

$AA_1B_1B = DD_1C_1C$ (так как AA_1B_1B и DD_1C_1C – противоположные грани параллелепипеда),

$AA_1D_1D = BB_1C_1C$ (так как AA_1D_1D и BB_1C_1C – противоположные грани параллелепипеда).

2. *Диагонали параллелепипеда пересекаются в одной точке и делятся этой точкой пополам.*

Диагонали параллелепипеда AC_1 , B_1D , A_1C , D_1B пересекаются в одной точке O , и каждая диагональ делится этой точкой пополам (рис. 2).

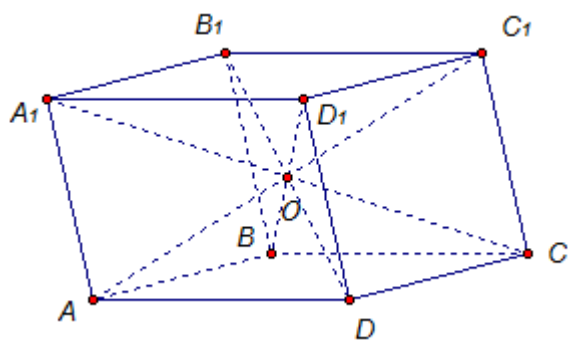


Рис. 2 Диагонали параллелепипеда пересекаются и делятся точкой пересечения пополам.

3. Имеются три четверки равных и параллельных ребер параллелепипеда: 1 – AB, A_1B_1, D_1C_1, DC , 2 – AD, A_1D_1, B_1C_1, BC , 3 – AA_1, BB_1, CC_1, DD_1 .

Прямой параллелепипед

Определение. Параллелепипед называется прямым, если его боковые ребра перпендикулярны основаниям.

Пусть боковое ребро AA_1 перпендикулярно основанию (рис. 3). Это означает, что прямая AA_1 перпендикулярна прямым AD и AB , которые лежат в плоскости основания. А, значит, в боковых гранях лежат прямоугольники. А в основаниях лежат произвольные параллелограммы. Обозначим, $\angle BAD = \varphi$, угол φ может быть любым.

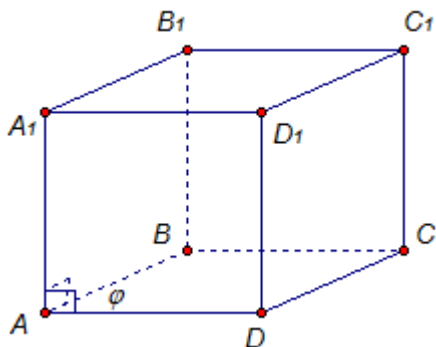


Рис. 3 Прямой параллелепипед

Итак, прямой параллелепипед - это параллелепипед, в котором боковые ребра перпендикулярны основаниям параллелепипеда.

Прямоугольный параллелепипед

Определение. Параллелепипед называется прямоугольным, если его боковые ребра перпендикулярны к основанию. Основания являются прямоугольниками.

Параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ – прямоугольный (рис. 4), если:

1. $AA_1 \perp ABCD$ (боковое ребро перпендикулярно плоскости основания, то есть параллелепипед прямой).

2. $\angle BAD = 90^\circ$, т. е. в основании лежит прямоугольник.

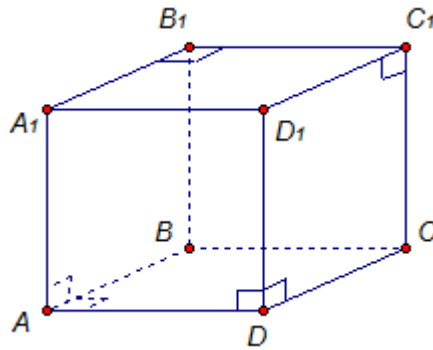


Рис. 4 Прямоугольный параллелепипед

Прямоугольный параллелепипед обладает всеми свойствами произвольного параллелепипеда. Но есть дополнительные свойства, которые выводятся из определения прямоугольного параллелепипеда.

Итак, **прямоугольный параллелепипед** - это параллелепипед, у которого боковые ребра перпендикулярны основанию. **Основание прямоугольного параллелепипеда - прямоугольник.**

Свойства прямоугольного параллелепипеда

1. *В прямоугольном параллелепипеде все шесть граней прямоугольники.*

$ABCD$ и $A_1 B_1 C_1 D_1$ – прямоугольники по определению.

2. *Боковые ребра перпендикулярны основанию.* Значит, все боковые грани прямоугольного параллелепипеда - прямоугольники.

3. *Все двугранные углы прямоугольного параллелепипеда прямые.*

Рассмотрим, например, двугранный угол прямоугольного параллелепипеда с ребром AB , т. е. двугранный угол между плоскостями ABB_1 и ABC .

AB – ребро, точка A_1 лежит в одной плоскости – в плоскости ABB_1 , а точка D в другой – в плоскости $A_1 B_1 C_1 D_1$. Тогда рассматриваемый двугранный угол можно еще обозначить следующим образом: $\angle A_1 ABD$.

Возьмем точку A на ребре AB . AA_1 – перпендикуляр к ребру AB в плоскости ABB_1 , AD перпендикуляр к ребру AB в плоскости ABC . Значит, $\angle A_1 AD$ – линейный угол данного двугранного угла. $\angle A_1 AD = 90^\circ$, значит, двугранный угол при ребре AB равен

90°.

$$\angle(ABB_1, ABC) = \angle(AB) = \angle A_1ABD = \angle A_1AD = 90^\circ.$$

Аналогично доказывается, что любые двугранные углы прямоугольного параллелепипеда прямые.

Теорема

Квадрат диагонали прямоугольного параллелепипеда равен сумме квадратов трех его измерений.

Примечание. Длины трех ребер, исходящих из одной вершины прямоугольного параллелепипеда, являются измерениями прямоугольного параллелепипеда. Их иногда называют длина, ширина, высота.

Дано: $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ – прямоугольный параллелепипед (рис. 5).

Доказать: $AC_1^2 = AB^2 + AD^2 + AA_1^2$.

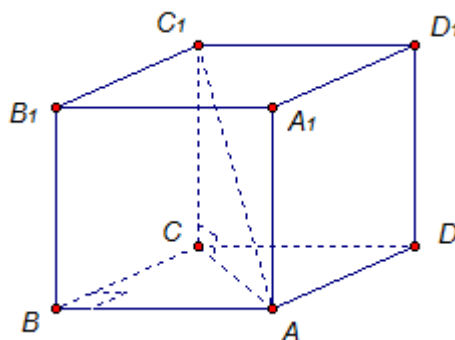


Рис. 5 Прямоугольный параллелепипед

Доказательство:

Прямая CC_1 перпендикулярна плоскости ABC , а значит, и прямой AC . Значит, треугольник CC_1A – прямоугольный. По теореме Пифагора:

$$AC_1^2 = AC^2 + CC_1^2$$

Рассмотрим прямоугольный треугольник ABC . По теореме Пифагора:

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

Но BC и AD – противоположные стороны прямоугольника. Значит, $BC = AD$. Тогда:

$$AC^2 = AB^2 + AD^2$$

Так как $AC_1^2 = AC^2 + CC_1^2$, а $AC^2 = AB^2 + AD^2$, то $AC_1^2 = AB^2 + AD^2 + CC_1^2$. Поскольку

$CC_1 = AA_1$, то $AC_1^2 = AB^2 + AD^2 + AA_1^2$ что и требовалось доказать.

Следствие - Диагонали прямоугольного параллелепипеда равны

Диагонали прямоугольного параллелепипеда равны.

Обозначим измерения параллелепипеда ABC как a, b, c (см. рис. 6), тогда $AC_1 = CA_1 = B_1D = DB_1 = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$.

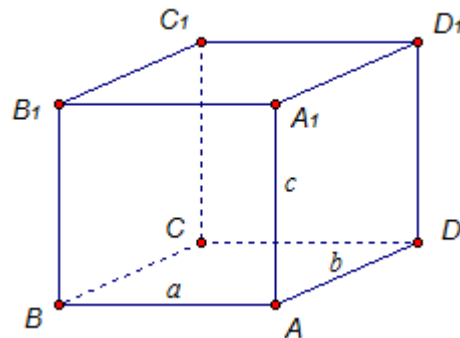


Рис. 6

Куб

Определение. Прямоугольный параллелепипед, у которого все три измерения равны, называется кубом.

Все грани куба – это равные квадраты.

Задача 1 Найти диагональ куба

Найти диагональ куба с ребром 1 (рис. 7).

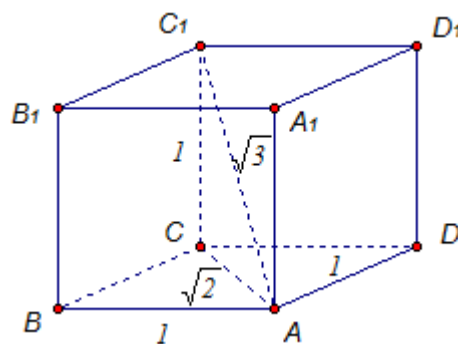


Рис. 7

Решение:

$$AC_1 = \sqrt{AB^2 + AD^2 + AA_1^2} = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{3} \text{ см.}$$

Ответ: $\sqrt{3}$ см.

Задача 2

Рисунок

Дан куб $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ (рис. 8). Докажите, что плоскости ABC_1 и $A_1 B_1 D$ перпендикулярны.

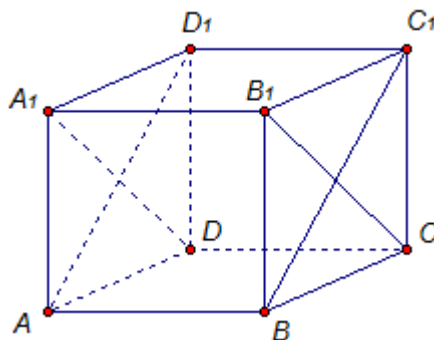


Рис. 8

Доказательство:

Прямые BC_1 и B_1C перпендикулярны как диагонали квадрата BB_1C_1C .

Прямая DC перпендикулярна плоскости BB_1C_1 , а значит, и прямой BC_1 , которая лежит в этой плоскости.

Имеем, прямая BC_1 перпендикулярна двум пересекающимся прямым B_1C и DC плоскости, значит $A_1 B_1 D$. Значит, прямая BC_1 перпендикулярна плоскости $A_1 B_1 D$.

Плоскость ABC_1 проходит через перпендикуляр BC_1 ко второй плоскости $A_1 B_1 D$, значит, плоскости ABC_1 и $A_1 B_1 D$ перпендикулярны по признаку, что и требовалось доказать.

Практическая работа №15 «Площадь поверхности цилиндра»



Рис. 1. Цилиндрическая бочка

Мы с вами знаем, что такое цилиндр, попробуем найти площадь его поверхности. Зачем нужно решать такую задачу? Например, нужно понять, сколько материала пойдет на изготовление цилиндрической бочки (См. Рис. 1).

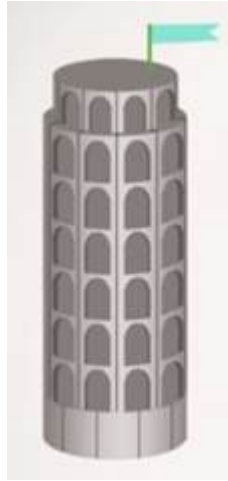
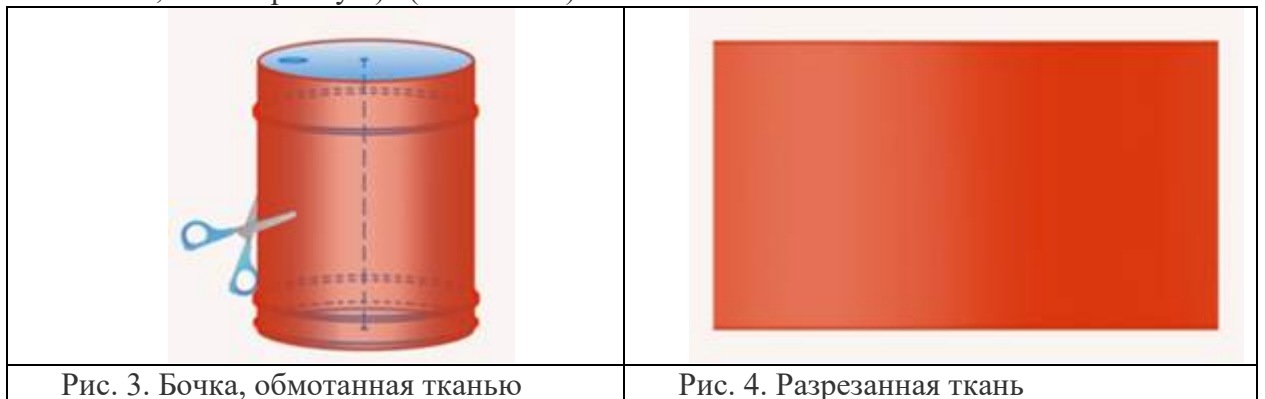


Рис. 2. Пизанская башня

Или сколько кирпичей понадобится, чтобы сложить кирпичную башню (вроде Пизанской, только ровную)? (См. Рис. 2.)



Конечно, измерить площадь боковой поверхности цилиндра просто так не получится. Но представим себе все ту же бочку, обмотанную тканью. (См. Рис. 3.) Как найти площадь куска ткани? Ну конечно, разрезав ткань и разложив ее на столе! Получится прямоугольник, его площадь легко найдем. (См. Рис. 4.)

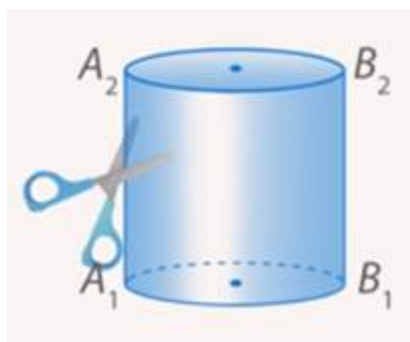


Рис. 5

Сделаем так же с цилиндром. «Разрежем» его боковую поверхность вдоль любой образующей, например A_1A_2 . (См. Рис. 5.)

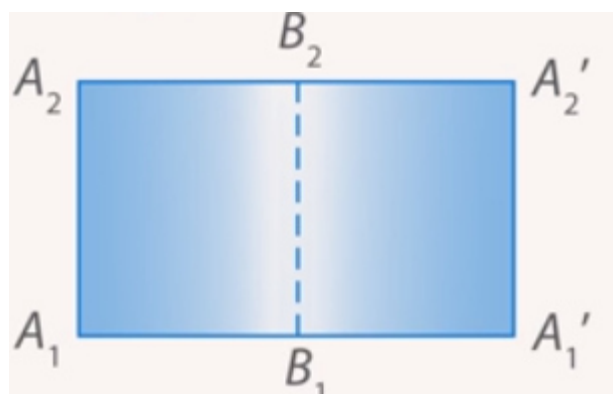


Рис. 6. Развертка боковой поверхности

Теперь «размотаем» боковую поверхность на плоскость. Получаем прямоугольник $A_1A_2B_2B_1$, где A_1 и A_1' – одна и та же точка на цилиндре (аналогично A_2 и A_2'). (См. Рис. 6.)

Такой прямоугольник называется разверткой боковой поверхности цилиндра.

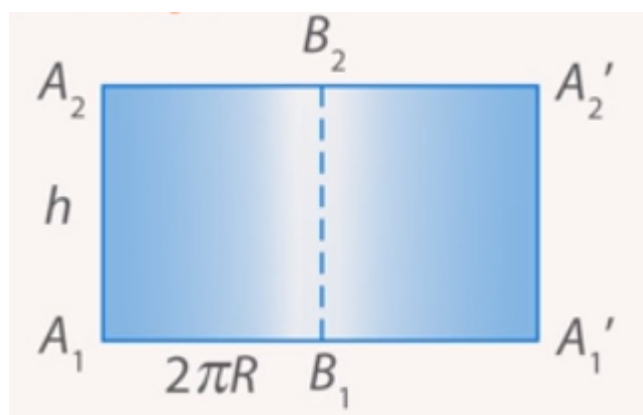


Рис. 7. Развертка боковой поверхности

Что мы знаем про этот прямоугольник? Его сторона A_1A_2 равна высоте цилиндра (ведь образующая равна высоте). Другая сторона A_1A_1' равна длине окружности основания, то есть $2\pi R$. (См. Рис. 7.)

Значит, площадь прямоугольника равна $2\pi R h$. Итак, $S_{б.п.} = 2\pi R h$, где R – радиус основания цилиндра, h – высота.

Площадь полной поверхности цилиндра

Наряду с площадью боковой поверхности можно найти и площадь полной поверхности. Для этого к площади боковой поверхности надо прибавить площади

оснований. Но каждое основание – это круг радиуса R , чья площадь по формуле равна πR^2 .

Окончательно, имеем:

$$S_{\text{пол.}} = S_{\text{б.п.}} + 2\pi R^2 = 2\pi R(R + h), \text{ где } R \text{ – радиус основания цилиндра, } h \text{ – высота.}$$

Примеры задач на применение выведенных формул

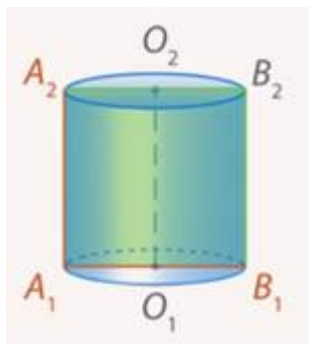


Рис. 8. Иллюстрация к примеру 1

Пример 1. Площадь боковой поверхности цилиндра равна S . Найти площадь осевого сечения цилиндра. (См. Рис. 8.)

Решение. Как мы знаем, $S_{\text{б.п.}} = 2\pi R h$, а $S_{\text{ос.}} = 2R h$. Значит $S_{\text{ос.}} = S_{\text{б.п.}} : \pi = \frac{S}{\pi}$.

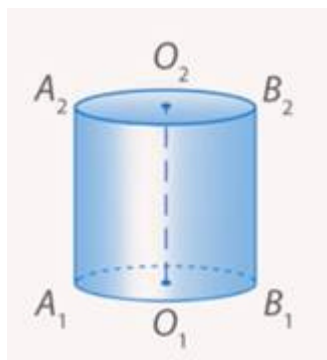


Рис. 9. Иллюстрация к примеру 2

Ответ: $\frac{S}{\pi}$.

Пример 2. Высота цилиндра на 12 см больше его радиуса, а площадь полной поверхности равна $288\pi \text{ см}^2$. Найти радиус основания и высоту. (См. Рис. 9.)

Решение. По формуле имеем: $2\pi R(R + h) = 288\pi$; $R(R + h) = 144$.

По условию, $h = R + 12$, имеем:

$$R(2R + 12) = 144; R^2 + 6R - 72 = 0;$$

$$\begin{cases} R = 6 \\ R = -12 \end{cases}$$

Так как радиус положителен, то $R = 6$ см; $h = 18$ см.

Ответ: $R = 6$ см; $h = 18$ см.

Практическая работа №16 «Объем пирамиды, конуса и шара»

Легко или сложно вычислять объемы? Пока мы умеем находить лишь объемы параллелепипедов, цилиндров и призм, поэтому задача вычисления объемов кажется довольно легкой. Действительно, и формулы доказывались без труда, и вычисления были не слишком громоздкими. Собственно, формула для нахождения объема прямоугольного параллелепипеда известна еще с начальной школы.

Идея была относительно проста. Мы ввели объем куба, через него нашли объем прямоугольного параллелепипеда, по сути, «разбив» его на кубики, отсюда пришли к призмам, а от них – к цилиндрам. Но в случае пирамиды и конуса «разбить» их на кубики не получится.

Хотя древние греки пробовали. В V веке до н. э. греческим математиком Демокритом было высказано предположение, что объем пирамиды равен трети объема призмы с тем же основанием и той же высотой. Доказать это не смог ни он, ни получивший позднее тот же результат Евклид. Впрочем, данная формула подтверждалась практикой – действительно, мы можем измерить объем любой конкретной пирамиды с любой степенью точности. Например, если взять пирамидку и заполнить ее чем-нибудь (водой, песком), а потом вычислить объем того, чем мы заполняли. Впрочем, ученые и по сей день пытаются разбить призму на три равных пирамиды, что доказало бы формулу.

Объем пирамиды и усеченной пирамиды

В наши дни формула давно доказана. И сделано это с помощью интегралов. Помним, что $V = \int_a^b S(x) dx$, где $S(x)$ – это площадь сечения фигуры плоскостью, перпендикулярной некоторой оси, которую мы провели.

С помощью этого метода выведем объем пирамиды. Начнем с объема треугольной пирамиды.

Рассмотрим пирамиду $OABC$ (O – вершина), обозначим ее объем через V ; площадь ее основания $S_{ABC} = S$; ее высота $OH = h$ (см. Рис. 1).

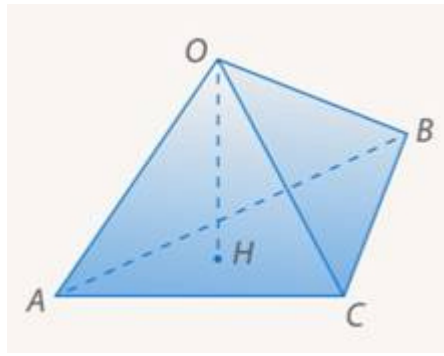


Рис. 1. Пирамида $OABC$

Проведем ось OX , совпадающую с лучом OH . Рассмотрим произвольную точку M на этой оси внутри пирамиды. Через эту точку проведем сечение $A_1B_1C_1$, перпендикулярное нашей оси. Помним, что $V = \int_0^h S(x) dx$, где $S(x)$ – площадь сечения $A_1B_1C_1$ (см. Рис. 2). Выразим, чему равно $S(x)$.

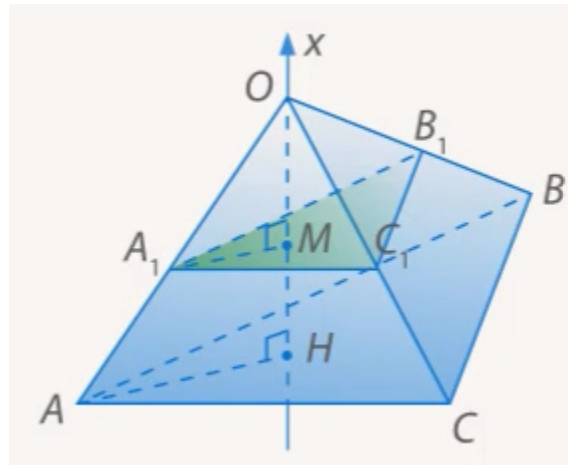


Рис. 2. Проведенные ось OX и перпендикулярное оси сечение $A_1B_1C_1$

Заметим, что $\Delta A_1B_1C_1 \sim \Delta ABC$: из того, что плоскости $A_1B_1C_1$ и ABC перпендикулярны оси OX , следует, что плоскости параллельны, а значит, $A_1C_1 \parallel AC$, $B_1C_1 \parallel BC$ и $A_1B_1 \parallel AB$. Тогда получается, что $\Delta A_1OC_1 \sim \Delta AOC$, $\Delta B_1OC_1 \sim \Delta BOC$ и $\Delta A_1OB_1 \sim \Delta AOB$, откуда следует, что $\frac{A_1C_1}{AC} = \frac{OC_1}{OC} = \frac{B_1C_1}{BC} = \frac{A_1B_1}{AB} = k$ (по третьему признаку подобия) (см. Рис. 3).

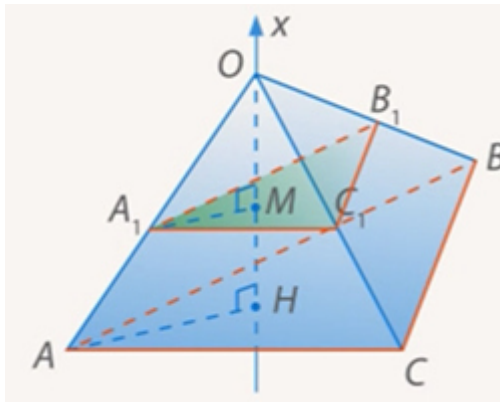


Рис. 3. Подобные треугольники

Найдем, чему равен коэффициент подобия k .

Рассмотрим $\triangle AHO$ и $\triangle A_1MO$. Они подобны с тем же коэффициентом k , т. е. $\frac{OA_1}{OA} = \frac{OM}{OH} = k$, а значит, $\frac{OA_1}{OA} = \frac{OM}{OH} = k$. Из условия $OH = h$, и пусть $MH = x$, тогда $OM = h - x$. Получаем, что $\frac{OM}{OH} = \frac{h-x}{h} = k$.

Учитывая, что $\frac{S_{\triangle A_1B_1C_1}}{S_{\triangle ABC}} = k^2$, получаем $\frac{s(x)}{S} = \frac{(h-x)^2}{h^2}$; $S(x) = \frac{S(h-x)^2}{h^2}$.

Окончательно,

$$V = \int_0^h S(x) dx = \int_0^h \frac{S(h-x)^2}{h^2} dx = S \int_0^h \frac{(x-h)^2}{h^2} d(x-h) = S \cdot \frac{(x-h)^3}{3h^2} \Big|_0^h = 0 - \left(-\frac{S \cdot h^3}{3h^2} \right) = \frac{Sh}{3}$$

Итак, мы доказали, что объем треугольной пирамиды $V = \frac{1}{3} S \cdot h$.

Осталось вывести формулу для произвольной пирамиды. Это делается просто: разбиваем произвольную пирамиду на треугольные (см. Рис. 4).

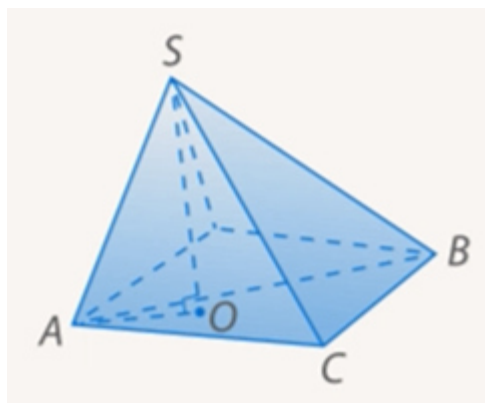


Рис. 4. Разбиение произвольной пирамиды на треугольные

Тогда

$$V_{\text{пир.}} = V_{1\text{тр.пир.}} + V_{2\text{тр.пир.}} = \frac{S_1 \text{осн.} \cdot h}{3} + \frac{S_2 \text{осн.} \cdot h}{3} = \frac{1}{3} \cdot h \cdot (S_1 \text{осн.} + S_2 \text{осн.}) = \frac{1}{3} h \cdot S_{\text{пир.}}$$

Итак, окончательно, теорема, которую мы доказали: объем пирамиды равен трети произведения площади ее основания и высоты $V = \frac{1}{3} S \cdot h$.

В качестве следствия можно доказать и формулу для вычисления объема усеченной пирамиды (см. Рис. 10): $V_{\text{успир.}} = \frac{1}{3} h (S_1 + \sqrt{S_1 S_2} + S_2)$, где h – высота усеченной пирамиды, а S_1 и S_2 – площади ее оснований.

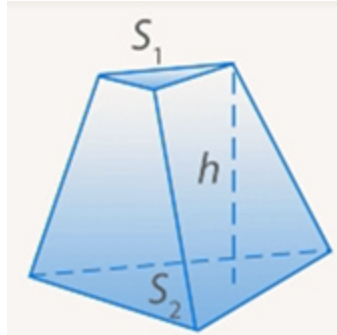


Рис. 10. Усеченная пирамида

Доказательство (без интеграла)

Докажем, что $V_{\text{пир.}} = \frac{1}{3} S \cdot h$. Как и в первом доказательстве, мы докажем формулу для треугольной пирамиды, а как она обобщается до произвольной, вы уже знаете.

Пусть $SABC$ – треугольная пирамида, S – вершина, $\triangle ABC$ – основание (см. Рис. 5).

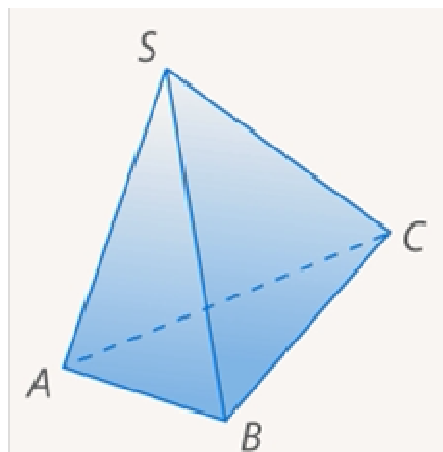


Рис. 5. $SABC$ – треугольная пирамида

Дополним эту пирамиду до призмы с тем же основанием и высотой (см. Рис. 6).

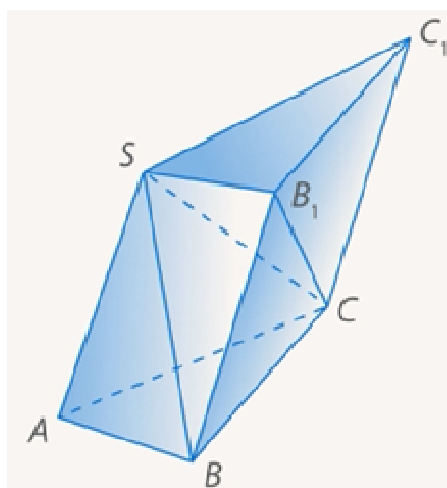


Рис. 6. Призма $ABCSB_1C_1$

Эта призма составлена из трех пирамид: данной $SABC$, $SBCB_1$ и SCC_1B_1 (см. Рис. 7).

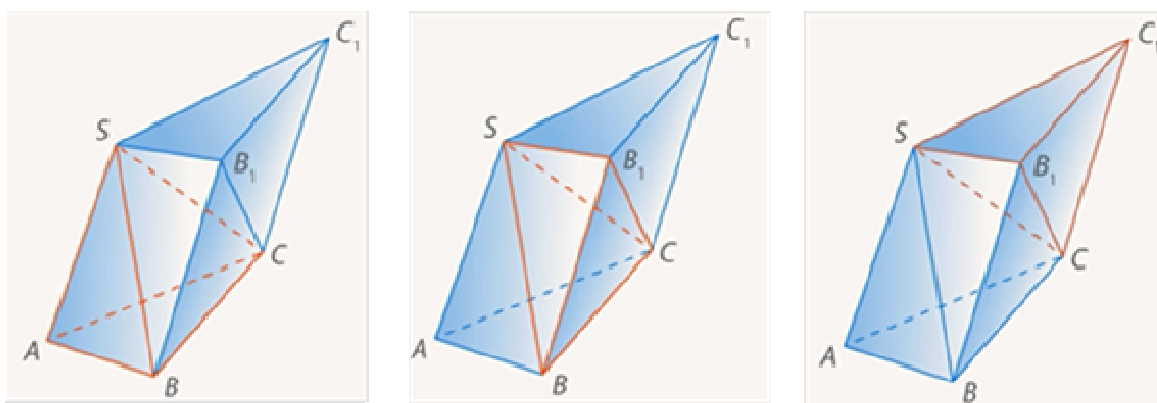


Рис. 7. Призма из трех пирамид

Рассмотрим исходную пирамиду $ABCS$ и пирамиду $BCSB_1$. Заметим, что у них $\Delta ASB = \Delta B_1BS$ (как треугольники, образовавшиеся при проведении диагонали SB в параллелограмме AB_1B). Высоты, проведенные из точки C на каждую из этих плоскостей, совпадают $h_1 = h_2$ (см. Рис. 8).

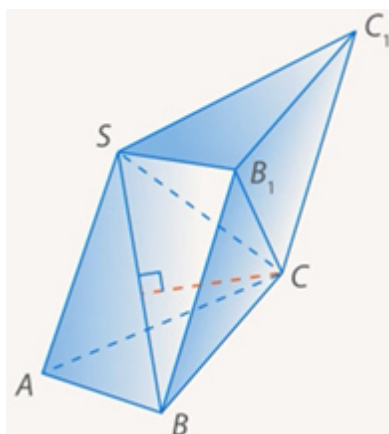


Рис. 8. Высота, проведенная к плоскости ASB_1B

Раз у пирамид $ABCS$ и $BCSB_1$ равны высоты и основания, то равны и объемы $V_{ABCS} = V_{BCSB_1}$ (следует из равенства объемов равновеликих тел).

Аналогично если рассмотреть пирамиды SCC_1B_1 и $SCBB_1$, то $V_{SCC_1B_1} = V_{SCBB_1}$, т. к. $\Delta CC_1B_1 = \Delta B_1BC$ (как треугольники, образовавшиеся при проведении диагонали B_1C в параллелограмме BB_1C_1C). Высоты, проведенные из точки S на каждую из этих плоскостей, совпадают $h_1 = h_2$ (см. Рис. 9). То есть площади оснований и высоты равны.

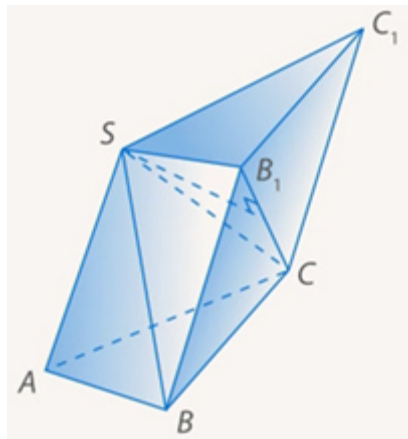


Рис. 9. Высота, проведенная к плоскости BB_1C_1C

Получили, что все три пирамиды имеют один и тот же объем $V_{SCC_1B_1} = V_{SCBB_1} = V_{ABCS}$, то есть $V_{пр.} = V_{SCC_1B_1} + V_{SCBB_1} + V_{ABCS} = 3V_{ABCS} = Sh$, откуда $V_{ABCS} = \frac{Sh}{3}$. Теорема доказана.

Объем усеченной пирамиды

Итак, пусть у усеченной пирамиды $A_1B_1C_1A_2B_2C_2$ основания имеют площади S_1, S_2 ; высота – h . Достроим эту усеченную пирамиду до обычной пирамиды. Пусть O – вершина пирамиды. Опустим высоту, она пересечет основания в точках M_1 и M_2 соответственно. Пусть $OM_2 = x$ (см. Рис. 11).

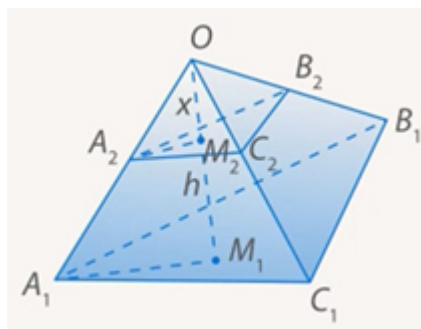


Рис. 11. Иллюстрация к условию

Заметим, что $\Delta A_1 B_1 C_1 \sim \Delta A_2 B_2 C_2$ и коэффициент подобия $k = \sqrt{\frac{S_1}{S_2}}$ (обосновывалось ранее).

Тогда очевидно, что объем усеченной пирамиды равен разности объемов большой пирамиды и малой, то есть:

$$V = V_{O A_2 B_2 C_2} - V_{O A_1 B_1 C_1} = \frac{1}{3} S_1 (x + h) - \frac{1}{3} S_2 \cdot x$$

Осталось найти x .

Из того, что $\Delta A_1 B_1 C_1 \sim \Delta A_2 B_2 C_2$, получаем $\frac{A_2 M_2}{A_1 M_1} = \sqrt{\frac{S_1}{S_2}}$ (в силу того что это соответствующие отрезки подобных фигур, чьи площади нам известны).

С другой стороны, $\Delta O M_2 A_2 \sim \Delta O M_1 A_1$ (было выведено ранее), тогда $\frac{O M_1}{O M_2} = \frac{h+x}{x} = \sqrt{\frac{S_1}{S_2}}$.

$$\text{Значит, } (h+x)\sqrt{S_2} = x\sqrt{S_1}; \quad h = x\sqrt{\frac{S_1}{S_2}} - x; \quad x = \frac{h\sqrt{S_2}}{\sqrt{S_1} - \sqrt{S_2}}$$

Окончательно,

$$\begin{aligned} V &= \frac{1}{3} \left(S_1 \cdot \left(h + \frac{h\sqrt{S_2}}{\sqrt{S_1} - \sqrt{S_2}} \right) - S_2 \cdot \frac{h\sqrt{S_2}}{\sqrt{S_1} - \sqrt{S_2}} \right) = \\ &= \frac{1}{3} \left(\frac{hS_1\sqrt{S_1} - hS_2\sqrt{S_2}}{\sqrt{S_1} - \sqrt{S_2}} \right) = \frac{1}{3} \cdot \frac{h}{\sqrt{S_1} - \sqrt{S_2}} \cdot (S_1\sqrt{S_1} - S_2\sqrt{S_2}) = \frac{1}{3} h(S_1 + \sqrt{S_1 S_2} + S_2) \end{aligned}$$

в силу формулы разности кубов. Что и требовалось доказать.

Пример 1

Закрепим выведенную формулу объема пирамиды примером.

Чему равен объем V правильной треугольной пирамиды $SABC$, если $AB = 6$, $AS = 4$? (См. Рис. 12.)

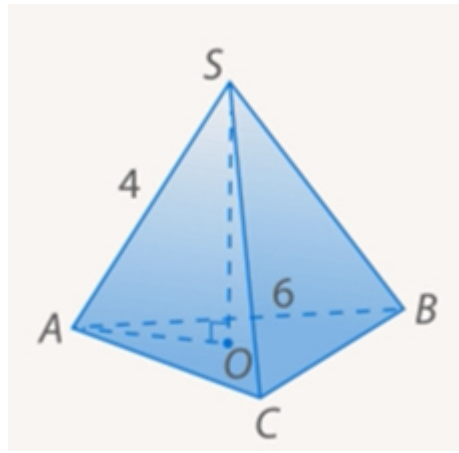


Рис. 12. Иллюстрация к задаче

Решение. Как мы знаем, $V = \frac{1}{3} S \cdot h$.

Поскольку в основании лежит правильный треугольник (см. Рис. 13),
 то $S = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} = \frac{36 \sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3}$.

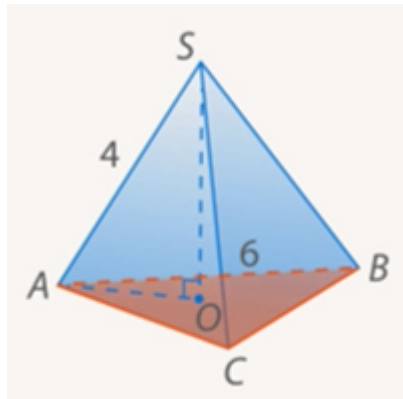


Рис. 13. Правильный треугольник в основании

Найдем высоту SO из прямоугольного треугольника $\triangle SOA$. Гипотенуза $SA = 4$, а катет OA – радиус описанной окружности, который равен $\frac{a\sqrt{3}}{3}$, то есть $OA = \frac{6\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3}$ (см. Рис. 14).

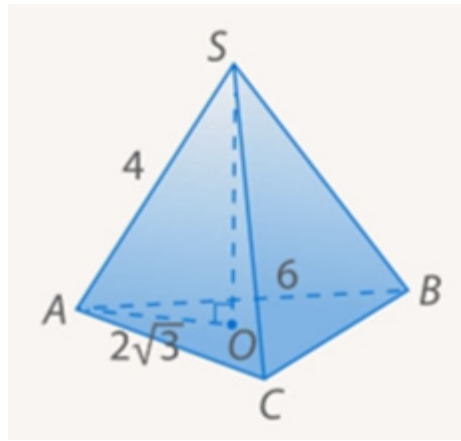


Рис. 14. Стороны ΔSOA

Отсюда по теореме Пифагора $SO = \sqrt{SA^2 - OA^2} = \sqrt{16 - 12} = 2$. А значит, объем равен

$$V = \frac{1}{3} \cdot 9\sqrt{3} \cdot 2 = 6\sqrt{3}$$

Ответ: $6\sqrt{3}$.

Объем конуса и усеченного конуса

Теорема. Объем конуса (см. Рис. 15) равен $V = \frac{1}{3}\pi R^2 h = \frac{1}{3}Sh$, где R – радиус основания конуса, h – его высота.

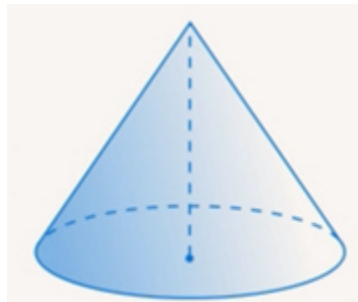


Рис. 15. Конус

Формула для вычисления объема конуса в точности совпадает с аналогичной формулой для пирамиды, так как конус – это, по сути, и есть пирамида, только в основании лежит «бесконечноугольник» – окружность (см. Рис. 16).

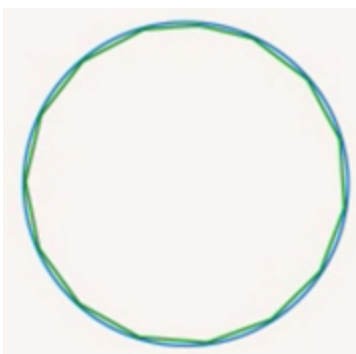


Рис. 16. Многоугольник, стремящийся к окружности

Если подставить в формулу объема пирамиды площадь основания конуса, то есть площадь круга, то мы и приходим к формуле $V = \frac{1}{3} \pi R^2 h$.

Доказывается же формула для конуса абсолютно аналогично пирамиде. Рассматривается такая же ось, отмечается точно такое же подобие, а дальше берется тот же самый интеграл (см. Рис. 17).

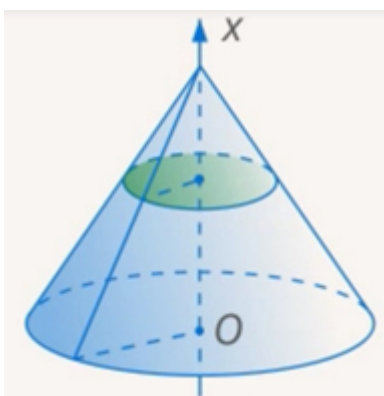


Рис. 17. Иллюстрация для доказательства формулы

Аналогичным выглядит и следствие про усеченный конус (см. Рис. 18): $V_{\text{уск.}} = \frac{1}{3} h (S_1 + \sqrt{S_1 S_2} + S_2) = \frac{1}{3} \pi h (R_1^2 + R_1 R_2 + R_2^2)$. Доказательство абсолютно аналогично тому, что было приведено для усеченной пирамиды.

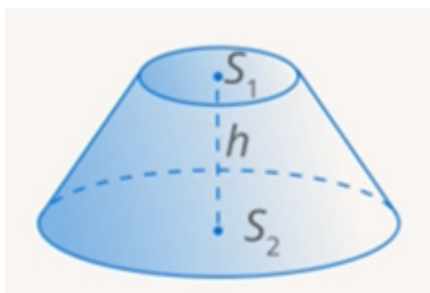


Рис. 18. Усеченная пирамида

Список задач для самостоятельного решения

1. Выяснить, каким числом (рациональным или иррациональным) является числовое значение выражения: 1) $(\sqrt{8} - 3)(3 + 2\sqrt{2})$; 2) $(\sqrt{27} - 2)(2 - 3\sqrt{3})$; 3) $(\sqrt{50} + 4\sqrt{2})\sqrt{2}$;
2. Найти абсолютную погрешность приближения 0,55 числа $\frac{5}{8}$
3. Запишите число в стандартном виде. Укажите его порядок и округлите мантиссу до тысячных. 1) 735274; 2) 32465103; 3) 6,0054;
4. Найдите значение выражения: $(2^{\frac{5}{3}} \cdot 3^{-\frac{1}{3}} - 3^{\frac{5}{3}} \cdot 2^{-\frac{1}{3}}) \cdot \sqrt[3]{6}$.
5. Вычислите: $\frac{(0,216^{\frac{4}{9}})^{\frac{3}{2}}}{0,09^{\frac{3}{4}} \cdot 0,027^{\frac{1}{6}}}$
6. Вычислите: $2^3 \cdot 2^{-2} + 2^{-3} \cdot 2^2 + 1,25$.
7. Найдите значение выражения: $\left(\frac{x^{-\frac{1}{2}} \cdot x^{\frac{1}{3}}}{\sqrt{x} \cdot \sqrt[3]{x^{-1}}}\right)^{\frac{3}{4}}$ при $x = 0,0625$
8. Решить уравнения: 1) $(x - 2)(x + 3) = 0$; 2) $(x - 1)\sqrt{x + 4} = 0$;
9. Найдите корень уравнения: 1) $(\frac{1}{4})^{x-3} = 64$; 2) $(\frac{1}{7})^{x-3} = 49$.
10. С какой процентной ставкой необходимо вложить деньги в банк, если через 2 года вкладчик хочет получить 120000 рублей при первоначальном взносе 100000 рублей?
11. Вычислить, используя определение и свойства логарифмов: $5^{\log_5 16} - 11^{\log_{11} 12}$
12. Решите уравнение: $\log(2x^2 - 7x + 6) - \log(x - 2) = \log x$
13. Найдите значение выражения 1) $3\operatorname{tg}45^\circ - \sqrt{3}\operatorname{ctg}60^\circ + 4\sin30^\circ$
14. Доказать тождество $\cos^4\alpha - \sin^4\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$
15. Вычислить $\cos(\alpha + \beta)$, если $\cos\alpha = \frac{5}{13}$ и $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$, $\cos\beta = -\frac{12}{13}$ и $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$
16. Преобразовать в произведение $\sin 18^\circ + \sin 20^\circ$
17. Упростить выражение $\cos\left(\frac{\pi}{3} - \alpha\right) + \cos\left(\alpha + \frac{\pi}{3}\right)$
18. Вычислить 1) $\cos 315^\circ + \sin 210^\circ + \operatorname{tg} 420^\circ$; 2) $\sin \frac{13\pi}{6} - \cos \frac{11\pi}{6} + \operatorname{ctg} \frac{11\pi}{4}$.
19. Решить уравнение, разложив на множители его левую часть $\sin x - \sin 3x = 0$
20. Решить неравенство 1) $\cos x \geq -\frac{1}{\sqrt{2}}$; 2) $\sin 2x > \frac{1}{2}$
21. Вычислите $2\arcsin\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + \operatorname{arctg}(-1) + \arccos\frac{\sqrt{2}}{2}$
22. Решить уравнение $\sin\left(\frac{\pi}{10} - \frac{x}{2}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$
23. Найти все решения уравнения на заданном отрезке $\cos \frac{x}{3} = \frac{1}{2}$, $[-6\pi; 6\pi]$

24. Найти область определения и область значений каждой из функций 1)

$$y = 2 \cos\left(x - \frac{\pi}{3}\right); 2) y = 2 + \frac{4}{x-3}$$

25. Найдите точки максимума и минимума функции ее максимумы и минимумы
 $y = -x^2 + 6x - 8$

26. Выяснить, является ли, четной, нечетной или не является ни четной, ни

нечетной функция: 1) $y = x^3 - \frac{x}{2} + \sin x$; 2) $y = x^2 + \cos 3x$;

27. Сколько различных двухзначных чисел с разными цифрами можно составить, используя цифры: 1) 1 и 5; 2) 0 и 6; 3) 2,4 и 6; 4) 0,1 и 8; 5) 3, 4, 5 и 6; 6) 0, 2, 3, 4 и 6?

28. Администрация города решила переименовать 3 улицы. К выбору были предложены 7 названий. Сколькими способами могут быть переименованы эти 3 улицы?

29. Сколькими способами можно разместить 6 различных автомобилей в семи одноместных боксах?

30. В магазин поступило 30 холодильников, пять из которых имеют заводской дефект. Случайным образом выбирают один холодильник. Какова вероятность того, что он будет без дефекта?

31. Какова вероятность того, что в четырех сданных картах будет один туз и один король?

32. Найти: а) математическое ожидание, б) дисперсию, в) среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины X по известному закону ее распределения, заданному таблично:

X	8	4	6	5
P	0,2	0,5	0,2	0,1

33. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии равна 150. Найти b_1 , если $q = 1/3$

34. Вычислить производную функции $(12 - 7x)^3 \cdot (x^3 - 2x)^4$

35. С помощью производной найдите промежутки возрастания и убывания функции: $f(x) = x^4 - 8x^2 + 3$.

36. Составьте уравнение касательной к графику функции $y = x^3 + x^2$ в точке с абсциссой $x_0 = 1$.

37. Найти площадь фигуры, ограниченной графиком функции $y = \cos x$, осью Ox и прямыми $x = -\frac{\pi}{6}$ и $x = \pi$

38. Найдите первообразную $f(x) = 5e^{2x+3} + 4x^2$

39. Решить уравнение $x^4 - 5x^3 + 8x^2 - 5x + 1 = 0$

40. Решить систему уравнений $\begin{cases} 3^{y+1} - 2^x = 5, \\ 4^x - 6 \cdot 3^y + 2 = 0. \end{cases}$

41. Решите уравнение: $\sqrt{2x - x^2 + 8} + \sqrt{x^2 - 4x} = \sqrt{-x - 2} + 1$

42. Решить неравенство $\frac{1}{x^2 - 8x + 7} > \frac{\sqrt{x}}{x^2 - 8x + 7}$

43. Изобразите расстояние и угол между скрещивающимися диагоналями параллельных граней куба.

44. В кубе $ABCDA_1B_1C_1D_1$ найти угол между прямыми A_1D и D_1E , где E - середина ребра CC_1

45. Дана прямая и две точки А и В, расположенные по одну сторону от неё. Найдите на прямой такую точку С, чтобы треугольник АВС имел наименьший периметр.
46. Найдите объем цилиндра с высотой, равной 5 см, если диагональ осевого сечения цилиндра образует с плоскостью основания угол 45 градусов.
47. Площадь сечения шара плоскостью, проведенной через конец диаметра под углом 60° к нему, равна $75\pi\text{см}^2$. Найдите площадь поверхности шара.
48. Найдите диаметр шара, объем которого равен $36\pi\text{см}^3$.
49. Стороны треугольника равны 12см и 9 см, а угол между ними 30° . найти площадь треугольника
50. Написать уравнение сферы с центром в точке С (2; —3; 5) и радиусом, равным 6.

Проверка выполнения контрольных работ. Контрольная работа проводится с целью результатов обучения и последующего анализа типичных ошибок и затруднений обучающихся в конце изучения темы или раздела. Согласно календарно-тематическому плану дисциплины предусмотрено проведение следующих контрольных работ:

- Контрольная работа №1 по разделу «Алгебра»
- Контрольная работа №2 по разделу «Основы тригонометрии»
- Контрольная работа №3 по разделу «Функции, их свойства и графики»
- Контрольная работа №4 по разделу «Элементы теории вероятностей и статистики»
- Контрольная работа №5 по теме «Производная и ее применение»
- Контрольная работа №6 по разделу «Первообразная и интеграл»
- Контрольная работа №7 по разделу «Уравнения и неравенства»
- Контрольная работа №8 по разделу «Прямые и плоскости в пространстве»
- Контрольная работа №9 по разделу «Многогранники и круглые тела»

Контрольная работа №1

Вариант 1

1. Запишите числа в виде бесконечных периодических дробей: $\frac{7}{25}$, $\frac{41}{30}$
2. Записать в виде обыкновенной дроби бесконечную десятичную дробь: 1,(7); -5,3(23).
3. Вычисление: $\left(\frac{1}{6}\right)^{\frac{1}{2}}$
4. Вычислите: $(2\sqrt[3]{2})^6$
5. Вычислите: $\sqrt[3]{54} \cdot \sqrt[3]{4}$
6. Представьте в виде степеней с рациональным показателем $\frac{\sqrt[3]{x\sqrt{x}}}{x}$.
7. Найдите значение выражений $\sqrt{a^2} + \sqrt{16b^2} + 4b$ при $a = -2000$, $b = -3000$
8. Расположите числа в порядке возрастания $\left(\frac{1}{3}\right)^2$; $\left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{2}}$; $9^{-\frac{1}{3}}$; $3^{\frac{3}{4}}$; $\left(\frac{1}{9}\right)^{\frac{3}{2}}$
9. Упростите выражение $\frac{x-16}{x+x^{0,5}+1} : \frac{x^{0,5}+4}{x^{1,5}-1}$ и найдите его значение при $x = 2,25$

Вариант 2

1. Запишите числа в виде бесконечных периодических дробей: $\frac{2}{7}$, $\frac{8}{15}$
2. Записать в виде обыкновенной дроби бесконечную десятичную дробь: 4,(8);

- 2,6(93).
3. Вычислите: $810000^{\frac{1}{4}}$
 4. Вычислите: $(-3\sqrt{2})^4$
 5. Вычислите: $\sqrt[4]{144} \cdot \sqrt[4]{9}$
 6. Представьте в виде степеней с рациональным показателем $\frac{\sqrt{x^5 \cdot \sqrt{x}}}{x}$.
 7. Найдите значение выражений $\sqrt{9a^2} + \sqrt{b^2} + 3a$ при $a = -100$, $b = -2000$
 8. Расположите числа в порядке возрастания $2^{-\frac{3}{4}}$; 2 ; $\frac{1}{2}$; $2^{\frac{2}{3}}$; $2^{-\frac{4}{3}}$
 9. Упростите выражение $\frac{x-9}{x-x^{0,5}+1} : \frac{x^{0,5}+3}{x^{1,5}+1}$ и найдите его значение при $x = 6,25$

Вариант № 1

1. Вычислить $\log_3 81$
2. Вычислить $\log_{169} 13$
3. Вычислить $\log_4 \log_3 9$
4. Вычислить $\frac{\lg 125}{\lg 5}$
5. Вычислить $\log_6 12 - \log_6 3 + \log_6 9$
6. Вычислить $2 \log_2 6 + \log_2 \frac{35}{9} - \log_2 35$
7. Вычислить $\log_3 2 - \log_3 2 \cdot \log_2 6 + \log_3 6$
8. Вычислить $\lg 7(\log_7 15 + \log_7 4 - \log_7 6)$
9. Вычислить $0,3^{2 \log_{0,3} 4 + 2}$
10. Решите уравнение $\log_5(7 - x) = 2$.
11. Найдите корень уравнения $\log_5(x - 1) = \log_5(2x - 3)$.
12. Найдите корень уравнения $2 \log_5^2 x - 7 \log_5 x + 3 = 0$.
13. Найдите корень уравнения $\log_3(7 - x) = \log_3(1 - x) + 1$
14. Найдите корень уравнения $2 \log_4(3x - 5) = \log_2(15 - x)$

Вариант №2

1. Вычислить $\log_5 125$
2. Вычислить $\log_{25} 5$
3. Вычислить $\log_3 \log_4 64$
4. Вычислить $\frac{\lg 256}{\lg 4}$
5. Вычислить $\log_3 6 + \log_3 4 + \log_3 \frac{9}{24}$
6. Вычислить $2 \log_6 27 - \log_6 81 - 2 \log_6 18$
7. Вычислить $2 \log_2 8 + \log_2 \frac{25}{16} - \log_2 25$

8. Вычислить $\lg 3(\log_3 25 - \log_3 2 + \log_3 8)$
9. Вычислить $9^{\log_9 2 + \log_5 \frac{1}{25}}$
10. Решите уравнение $\log_6(-3 + x) = 1$
11. Решите уравнение $\log_6(x + 17) = \log_6(2x + 7)$
12. Решите уравнение $\log_2(3x + 8) = \log_2(3 - x) + 1$
13. Решите уравнение $\log_3^2 x - 3 \log_3 x + 2 = 0$
14. Решите уравнение $\log_6(18 - x) = 4 \log_{36} 2$

Вариант №3

1. Вычислить $\log_4 \frac{1}{16}$
2. Вычислить $\log_{81} 9$
3. Вычислить $\log_2 \log_4 256$
4. Вычислить $\frac{\lg 32}{\lg 2}$
5. Вычислить $\log_4 5 + \log_4 25 + \log_4 \frac{2}{125}$
6. Вычислить $\log_2 10 - \log_2 5 + \log_2 8$
7. Вычислить $2 \log_7 32 - \log_7 256 - 2 \log_7 14$
8. Вычислить $\lg 2(\log_2 75 - \log_2 15 + \log_2 20)$
9. Вычислить: $4^{\log_2 9} + 9$
10. Решите уравнение $\log_7(-5 - x) = 3$
11. Решите уравнение $\log_{17}(4x - 9) = \log_{17} x$
12. Решите уравнение $2 \log_6^2 x + 5 \log_6 x + 2 = 0$.
13. Решите уравнение $\log_{26}(2x - 1) - \log_{26} x = 0$
14. Решите уравнение $11^{\log_{11}(x+1)} = 2$.

Вариант №4

1. Вычислить $\log_5 \frac{1}{25}$
2. Вычислить $\log_{121} 11$
3. Вычислить $\log_5 \log_{32} 2$
4. Вычислить $\frac{\lg 27}{\lg 3}$
5. Вычислить $\log_5 10 + \log_5 50 - \log_5 4$
6. Вычислить $\log_2 8 - \log_2 3 + \log_2 12$
7. Вычислить $3 \log_2 4 + \log_2 \frac{15}{16} - \log_2 15$
8. Вычислить $\lg 4(\log_4 35 + \log_4 2 - \log_4 7)$
9. Вычислить $25^{\log_5 3 - \log_{25} 27}$

10. Решите уравнение $\log_2(6 - x) = 5$
 11. Найдите корень уравнения $\log_2(x + 3) = \log_2(3x - 15)$
 12. Решите уравнение $\log_5 x = -\log_{0,2}(14 - x)$
 13. Решите уравнение $\log_6(x + 17) = \log_6(2x + 7)$
 14. Решите уравнение $3 \log_4^2 x - 7 \log_4 x + 2 = 0$

Контрольная работа №2

1 вариант

1. а) перевести градусы в радианы: 155° , 55° ;
 б) перевести радианы в градусы $\frac{2\pi}{7}$, $\frac{\pi}{15}$.
2. Найдите $\operatorname{ctg} \alpha$, если $\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$ и α лежит во 2 четверти.
3. Вычислите:
 а) $\sqrt{3} \sin 60^\circ + \cos 60^\circ \sin 30^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ \operatorname{ctg} 135^\circ + \operatorname{ctg} 90^\circ$;
 б) $\cos \frac{\pi}{6} - \sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4} + \sqrt{3} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3}$. в) $\sin\left(-\frac{19\pi}{6}\right) + 2 \sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12}$
4. Решите уравнение: $\sqrt{2} \sin 3x - 1 = 0$.
 5. Решите уравнение: $2 \cos^2 x - 3 \cos x - 2 = 0$
 6. Упростите выражение:
 а) $\frac{(1 - \cos \alpha)(1 + \cos \alpha)}{\sin^2(-\alpha)}$, $\alpha \neq \pi n, n \in \mathbb{Z}$;
 б) $\cos(\alpha - \beta) - 2 \sin \alpha \sin \beta$ в) $\frac{\cos\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) - 2 \sin(\pi - \alpha)}{\sin(\alpha + \pi)}$
 г) $\sin(3\pi + \alpha) + \cos(\pi - \alpha) - \sin(-\alpha) + \cos(-\alpha)$.
7. Решите уравнение: $\cos 3x \cos 5x = \sin 3x \sin 5x$

2 вариант

1. а) перевести градусы в радианы: 175° , 75° ;
 б) перевести радианы в градусы $\frac{2\pi}{9}$, $\frac{\pi}{12}$.
2. Найти $\operatorname{tg} \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$ и α лежит в 3 четверти.
3. Вычислите:
 а) $\sin 30^\circ + \sqrt{6} \cos 45^\circ \sin 60^\circ - \operatorname{tg} 30^\circ \operatorname{ctg} 150^\circ + \operatorname{ctg} 45^\circ$;
 б) $\cos \frac{\pi}{3} - \sqrt{2} \sin \frac{3\pi}{4} + \sqrt{3} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3}$. в) $4 \sin^2 120^\circ - 2 \cos 60^\circ + \sqrt{27} \operatorname{tg} 660^\circ$.
4. Решите уравнение: $2 \cos 3x - \sqrt{2} = 0$.
 5. Решите уравнение: $2 \sin^2 x - 3 \sin x - 2 = 0$
 6. Упростите выражение:
 а) $\frac{(1 - \cos \alpha)(1 + \cos \alpha)}{\sin \alpha}$, $\alpha \neq \pi n, n \in \mathbb{Z}$;
 б) $\sin(2\pi + \alpha) + \cos(\pi + \alpha) + \sin(-\alpha) + \cos(-\alpha)$.

в) $\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta)$;

з) $\frac{\sin(-\alpha) + \cos(\pi + \alpha)}{1 + 2\cos(\frac{\pi}{2} - \alpha)\cos(-\alpha)}$.

7. Решите уравнение: $\sin 6x \cos x + \cos 6x \sin x = \frac{1}{2}$

3 вариант

1. а) перевести градусы в радианы: 195° , 95° ;

б) перевести радианы в градусы $\frac{3\pi}{7}$, $\frac{2\pi}{15}$.

2. Найдите $\operatorname{ctg} \alpha$, если $\sin \alpha = \frac{\sqrt{7}}{3}$ и α лежит во 2 четверти.

3. Вычислите:

а) $\sqrt{2}\sin 45^\circ - \cos 30^\circ \sin 60^\circ + \operatorname{ctg} 45^\circ \operatorname{tg} 35^\circ - \operatorname{tg} 0^\circ$;

б) $\sin \frac{\pi}{3} + \sqrt{2} \cos \frac{\pi}{4} - \sqrt{3} \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}$. в) $\cos\left(-\frac{25\pi}{3}\right) - 2\sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12}$.

4. Решите уравнение: $2 \sin 3x - 1 = 0$.

5. Решите уравнение: $2\operatorname{tg}^2 x - 3\operatorname{tg} x - 2 = 0$.

6. Упростите выражение:

а) $\frac{(1 - \sin \alpha)(1 + \sin \alpha)}{\cos \alpha}$, $\alpha \neq \frac{\pi}{2} + \pi, n \in \mathbb{Z}$;

б) $\sin(\pi + \alpha) + \cos(2\pi + \alpha) - \sin(-\alpha) - \cos(-\alpha)$.

в) $\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta)$;

з) $\frac{\sin(\frac{3\pi}{2} + \alpha) + \sin(2\pi + \alpha)}{2\cos(\alpha)\sin(-\alpha) + 1}$.

7. Решите уравнение: $\sin 2x \cos x + \cos 2x \sin x = 1$

4 вариант

1. а) перевести градусы в радианы: 145° , 15° ;

б) перевести радианы в градусы $\frac{5\pi}{9}$, $\frac{\pi}{7}$.

2. Найти $\operatorname{tg} \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{3}$ и α лежит в 3 четверти.

3. Вычислите:

а) $\cos 60^\circ - \sqrt{6} \cos 30^\circ \sin 45^\circ + \operatorname{ctg} 30^\circ \operatorname{tg} 150^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ$;

б) $\sin \frac{\pi}{6} + \sqrt{2} \cos \frac{3\pi}{4} - \sqrt{3} \operatorname{ctg} \frac{\pi}{3}$. в) $2\sin 870^\circ + \sqrt{12} \cos 570^\circ - \operatorname{tg}^2 60^\circ$.

4. Решите уравнение: $2 \cos 3x - 1 = 0$.

5. Решите уравнение: $2\operatorname{ctg}^2 x - 3\operatorname{ctg} x - 2 = 0$.

6. Упростите выражение:

а) $\frac{(1 - \sin \alpha)(1 + \sin \alpha)}{\cos^2(-\alpha)}, a \neq \frac{\pi}{2} + \pi, n \in \mathbb{Z}.$

б) $\sin(\pi - \alpha) + \cos(3\pi - \alpha) + \sin(-\alpha) + \cos(-\alpha).$

в) $\frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{\sin 2x}$

г) $\sin(\alpha - \beta) - \sin(\alpha + \beta)$

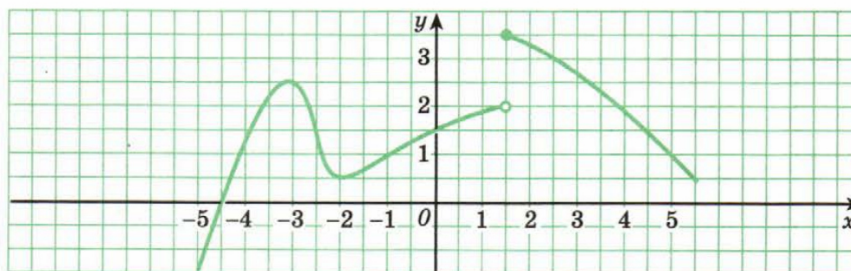
7. Решите уравнение: $\sin 3x \cos 5x - \cos 3x \sin 5x = 0,5$

Контрольная работа №3

Вариант 1

1. По графику функции ответьте на вопросы:

- 1) Каковы промежутки возрастания функции?
- 2) Каковы промежутки убывания функции?
- 3) Назовите точки максимума и минимума функции. Какие значения принимает функция в этих точках?
- 4) Каковы наибольшее и наименьшее значения этих функций на отрезке $[-2; 2]$?
- 5) В каких точках функция не является непрерывной и каковы значения функции в этих точках?
- 6) На каких промежутках функция непрерывна?
- 7) Функция, изображенная на графике, является четной или нечетной?



2. Докажите четность (нечетность) функции: а) $y = x^3 - 3x$; б) $y = \frac{5x^3}{1-x^2}.$

3. Исследуйте функцию и постройте ее график $y = (x-2)^3 - 1.$

4. Найдите область определения функции: $y = \frac{2}{\cos^2 x}.$

5. Найдите область значений функции: $y = 2 \cos x \operatorname{tg} x .$

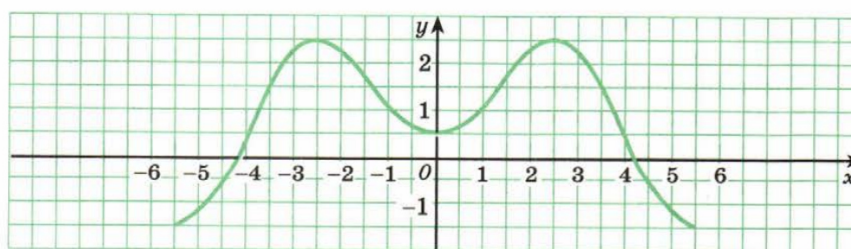
6. В одной системе координат схематически постройте графики функций $y = \log_{\frac{1}{4}} x$ и $y = \left(\frac{1}{4}\right)^x$

7. Решить уравнение: а) $\left(\frac{1}{5}\right)^{2-3x} = 25,$ б) $4^x + 2^x - 20 = 0 .$

Вариант 2

1. По графику функции ответьте на вопросы:

- 1) Каковы промежутки возрастания функции?
- 2) Каковы промежутки убывания функции?
- 3) Назовите точки максимума и минимума функции. Какие значения принимает функция в этих точках?
- 4) Каковы наибольшее и наименьшее значения этих функций на отрезке $[-2; 2]$?
- 5) В каких точках функция не является непрерывной и каковы значения функции в этих точках?
- 6) На каких промежутках функция непрерывна?
- 7) Функция, изображенная на графике, является четной или нечетной?



2. Докажите четность (нечетность) функции: а) $y = x^4(x^2 + 2)$; б) $y = \frac{|x|+2}{x^2}$
3. Исследуйте функцию и постройте ее график $y = 4 - (x+2)^4$.
4. Найдите область определения функции: $y = \frac{1}{1 + 2 \sin 2x}$
5. Найдите область значений функции: $y = 2 + 3 \cos 5x$
6. В одной системе координат схематически постройте графики функций $y = \log_4 x$ и $y = 4^x$.
7. Решить уравнение: а) $0,1^{2x-3} = 10$, б) $9^x - 7 \cdot 3^x - 18 = 0$.

Контрольная работа №4

Вариант 1

1. В ящике лежат 20 шариков, 12 из которых черные. Какова вероятность вытащить наугад:
 - а) черный шарик?
 - б) три черных шарика за один раз?
2. Дана выборка результатов внешнего оценивания по математике нескольких человек (в баллах): 167, 197, 167, 145, 145, 180, 150, 195, 167, 137. Составить таблицу распределения элементов выборки по частотам и относительным частотам. Найти моду, медиану, среднее значение выборки. Построить полигон частот.
3. В коробке лежат карточки, на которых записаны буквы слова ОСНОВАТЕЛЬНОСТЬ. Какова вероятность того, что наугад взятой карточке будет записана буква: а) О; б) согласная буква?
4. Найдите $A \cup B$ и $A \cap B$, если $A = \{2; 3; 7\}$, $B = \{5; 7; 3\}$
5. В коробке лежат 4 голубых, 3 красных, 9 зеленых и 6 желтых шариков. Какова вероятность того, что выбранный шарик будет не зеленый?
6. Какова вероятность того, что при подбрасывании игральной кости выпадет не более трех очков?
7. На десяти карточках записаны натуральные числа от 1 до 10. Наугад берут две из них. Какова вероятность того, что модуль разности чисел на карточках равен 3?
8. Решить уравнение: $C_x^2 = 153$

Вариант 2

1. В вазе лежат 15 конфет, пять из которых шоколадные. Какова вероятность вытащить наугад: а) шоколадную конфету? б) три шоколадные конфеты за один раз?
2. Дана выборка количества новорожденных в городе А на протяжении нескольких дней: 56, 45, 51, 46, 48, 50, 46, 48, 49, 51. Найти моду, медиану, среднее значение выборки. Построить полигон частот.
3. В коробке лежат 30 карточек, на которых записаны числа от 1 до 30. Какова вероятность того, что наугад взятой карточке будет записано число, которое: а) кратно 7; б) не кратно ни числу 2, ни числу 3, ни числу 5?
4. Найдите $A \cup B$ и $A \cap B$, если $A = \{2; 3; 7\}$, $B = \{5; 7; 3\}$

5. Мальчик забыл последнюю цифру семизначного номера телефона друга. Какова вероятность того, что он набрал верный номер.
6. Бросают игральную кость один раз. Какова вероятность того, что выпадет число, не меньше двух?
7. На карточках записаны числа от 1 до 12. Наугад берут две из них. Какова вероятность того, что сумма чисел на карточках будет равна 12?
8. Решить уравнение: $A^2_x = 20$

Контрольная работа №5

Вариант 1

1. Найти производную функции

- а) x^8 ; б) x^{-11} ; в) $x^{\frac{2}{3}}$; г) $\frac{1}{\sqrt[8]{x^3}}$; д) $(1-3x)^4$; е) $(-5x)^3$.

2. Найти $f'(x_0)$

- а) $f(x) = \sqrt{3-2x}, x_0 = -1$; б) $f(x) = \frac{2}{\sqrt{x}} - 3x^2, x_0 = \frac{1}{4}$.

3. Найти производную функции

- а) $x^3 + \frac{1}{x} - 1$; б) $(x+7) \cdot x^2$; в) $\frac{2x+3}{2-3x}$.

4. Найти производную функции

- а) $e^x + \sin x$; б) $\cos x \log x$; в) 3^{2x+1} ; г) $\cos(x^2-3)$.

5. Найти промежутки возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$.

6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$ на отрезке $\left[0; \frac{3}{2}\right]$.

Вариант 2

1. Найти производную функции

- а) x^9 ; б) x^{-12} ; в) $x^{\frac{4}{5}}$; г) $\frac{1}{\sqrt[6]{x^5}}$; д) $(2-5x)^4$; е) $(-2x)^5$

2. Найти $f'(x_0)$

- а) $f(x) = \sqrt{1-5x}, x_0 = -3$; б) $f(x) = 4\sqrt{x} + \frac{1}{10x}, x_0 = \frac{1}{9}$.

3. Найти производную функции

- а) $x^2 - \frac{1}{x} + 3$; б) $(x-6) \cdot x^3$; в) $\frac{2x+3}{3-2x}$.

4. Найти производную функции

- а) $\cos x + 3^x$; б) $\ln x - \sin x$; в) 2^{3x-1} ; г) $\sin(x^3+2)$.

5. Найти промежутки возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$.

6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$ на отрезке $\left[-1; \frac{3}{2}\right]$.

Контрольная работа №6

Вариант 1

1. Показать, что функция $F(x)$ – первообразная функции $f(x)$ на всей числовой прямой

а) $F(x) = \frac{x^4}{4}, f(x) = x^3$; б) $F(x) = \frac{2}{5}x^5, f(x) = 2x^4$.

2. Найти все первообразные данной функции

а) $3x^3 - 4x^2$; б) $\frac{1}{x} - \frac{3}{x^3}$; в) $2\sin x + x^2$; г) $4e^x + x^3$;

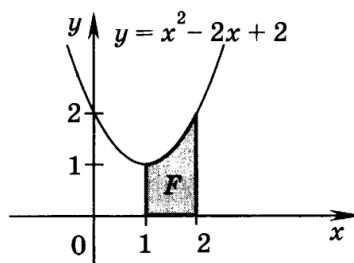
3. Для функции $f(x)$ найти первообразную, график которой проходит через точку M .

а) $f(x) = -\frac{1}{x^3}, M(1; -2)$; б) $f(x) = \sin x - \cos x, M(\frac{\pi}{2}; 1)$.

4. Найти площадь криволинейной трапеции, ограниченной прямыми $x=a, x=b$, графиком функции $y=f(x)$ и осью Ox : $a=0, b=2, f(x)=x^2-2x+2$.

5. Найти площадь фигуры, ограниченной заданными линиями: $y=3x+18-x^2, y=0$.

6. Вычислить площадь фигуры F , изображенной на рисунке.



Вариант 2

1. Показать, что функция $F(x)$ – первообразная функции $f(x)$ на всей числовой прямой

а) $F(x) = 2x^5, f(x) = 10x^4$; б) $F(x) = \frac{x^6}{3}, f(x) = 2x^5$.

2. Найти все первообразные данной функции

а) $2x^4 - 5x$; б) $\frac{1}{x^2} - \frac{2}{x^4}$; в) $3\cos x - x$; г) $5e^x - 2x^4$;

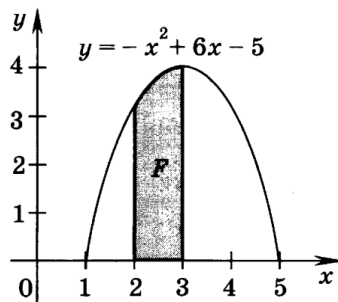
3. Для функции $f(x)$ найти первообразную, график которой проходит через точку M .

а) $f(x) = \frac{2}{x^4}, M(2; -1)$; б) $f(x) = \cos x + \sin x, M(\pi; -2)$.

4. Найти площадь криволинейной трапеции, ограниченной прямыми $x=a, x=b$, графиком функции $y=f(x)$ и осью Ox : $a=1, b=3, f(x)=x^2-4x+5$.

5. Найти площадь фигуры, ограниченной заданными линиями: $y=5x+14-x^2, y=0$.

6. Вычислить площадь фигуры F , изображенной на рисунке.



Контрольная работа №7

Вариант 1

1. Решить неравенство:

a. $\frac{30x-9}{x-2} \geq 25(x+2)$

b. $\frac{4x-x^2}{3+2x} \leq 0$

2. Решить иррациональное уравнение: $\sqrt{x+8} - x + 2 = 0$

3. Решить иррациональное неравенство: $\sqrt{x^2 - x - 2} \geq x - 1$

4. Решить показательное и логарифмическое уравнение:

a. $\log_3(2x+1) = \log_3 13 + 1$

b. $4^{3x} + 2 = 9 * 2^{3x}$

5. Решить показательное неравенство:

a. $32^{2x+3} < 0,25$

b. $\left(\frac{1}{9}\right)^x - \left(\frac{1}{3}\right)^{x-2} \geq 36$

6. Решить логарифмическое неравенство: $\log_5(4x+1) > -1$

7. Решить систему уравнений:

a. $\begin{cases} 2y - 3x = 6, \\ 2x + y = \log_3 135 - \log_3 5 \end{cases}$

b. $\begin{cases} x - y = 6, \\ x^3 - y^3 = 126. \end{cases}$

Вариант 2

1. Решить неравенство:

a. $x > \frac{1}{x-1}$

b. $\frac{4x-9x^2}{10-x} \geq 0$

2. Решить иррациональное уравнение: $\sqrt{2x^2 - 4x} = \sqrt{x^2 + 1} + \sqrt{x^2 - 1}$

3. Решить иррациональное неравенство: $\sqrt{x+3} > x+1$

4. Решить показательное уравнение:

a. $9 \cdot 81^{1-2x} = 27^{2-x}$

b. $4^{-x+\frac{1}{2}} - 7 * 2^{-x} = 4$

5. Решить показательное неравенство:

a. $\left(\frac{3}{4}\right)^{2+4x} \geq 0,75^{1-8x}$

b. $3 \cdot 9^x - 10 \cdot 3^x + 3 < 0$

6. Решить логарифмическое неравенство: $2 \lg 6 - \lg x > 3 \lg 2$

7. Решить систему уравнений:

a. $\begin{cases} 2x - y = 1, \\ \frac{3^y}{27} = \left(\frac{1}{9}\right)^{x-2} \end{cases}$

b. $\begin{cases} y^2 - xy + 1 = 0, \\ x^2 + 2x = -y^2 - 2y - 1. \end{cases}$

Вариант 3

1. Решить неравенство:

a. $\frac{4x^2+8x-5}{x+1} < 0$

b. $\frac{(x-5)(2x+7)}{4-x} \geq 0$

2. Решить иррациональное уравнение: $4\sqrt{x+1} = 2x+2$

3. Решить иррациональное неравенство: $\sqrt{-x^2 + 6x - 5} > 8 - 2x$

4. Решить показательное и логарифмическое уравнение:

a. $0,3^{6x-1} - 0,3^{6x} = 0,7$

b. $-\log_7(5-x) = \log_7 2 - 1$

5. Решить показательное неравенство:

a. $2^{x-1} + 2^x \geq 2^{x+1} - 4$

b. $3^{2x-1} + 3^{2x} < 108$

6. Решить логарифмическое неравенство: $2\lg 6 - \lg x > 3 \lg 2$

7. Решить систему уравнений:

a.
$$\begin{cases} 2x + y = 15, \\ x - 3y = \log_2 144 - \log_2 9 \end{cases}$$

b.
$$\begin{cases} 3(x + 1) + 2(y - 2) = 20, \\ x + 2y = 4. \end{cases}$$

Вариант 4

1. Решить неравенство:

a. $x + 2 < \frac{4}{1-x}$

b. $\frac{3x^2+4x-4}{8+15x} < 0$

2. Решить иррациональное уравнение: $\sqrt{6 - 4x - x^2} = x + 4$

3. Решить иррациональное неравенство: $\sqrt{4x - 8} \geq x - 5$

4. Решить показательное уравнение:

a. $2^x + 2^{x+2} = 20$

b. $7^{x+2} - 14 \cdot 7^x = 5$

5. Решить показательное неравенство:

a. $2^{x-1} > \left(\frac{1}{16}\right)^{\frac{1}{x}}$

b. $8 \cdot 4^x - 6 \cdot 2^x + 1 \geq 0$

6. Решить логарифмическое неравенство: $\log_5(4x+1) > -1$

7. Решить систему уравнений:

a.
$$\begin{cases} 2y - x = 6, \\ 9^{2x+y} = 3^{2-3y} \end{cases}$$

b.
$$\begin{cases} x + 2y = 6, \\ 3x^2 - xy + 4y^2 = 48. \end{cases}$$

Контрольная работа №8

I вариант

№1. Основание AD трапеции $ABCD$ лежит в плоскости α . Через точки B и C проведены параллельные прямые, пересекающие плоскость α в точках E и F соответственно.

а) Каково взаимное положение прямых EF и AB ?

б) Чему равен угол между прямыми EF и AB , если $\angle ABC = 150^\circ$? Поясните ответ.

№2. Прямые a и b лежат в параллельных плоскостях α и β . Могут ли эти прямые быть:

а) параллельными; б) скрещивающимися?

Сделайте рисунок для каждого возможного случая.

№3. Через точку O , лежащую между параллельными плоскостями α и β , проведены прямые l и m . Прямая l пересекает плоскости α и β в точках A_1 и A_2 соответственно,

прямая m – в точках B_1 и B_2 . Найдите длину отрезка A_2B_2 , если $A_1B_1 = 12$ см,

$B_1O : OB_2 = 3 : 4$.

№4. Диагональ куба равна 6 см. Найдите:

а) ребро куба;

б) косинус угла между диагоналями куба и плоскостью одной из его граней.

№5. Из точки A к плоскости α проведены наклонные AB и AC , образующие с плоскостью α равные углы. Известно, что $BC = AB$. Найдите углы треугольника ABC .

II вариант

№1. Треугольники ABC и ADC лежат в разных плоскостях и имеют общую сторону AC . Точка P – середина стороны AD , а K – середина стороны DC .

а) Каково взаимное положение прямых PK и AB ?

б) Чему равен угол между прямыми PK и AB , если $\angle ABC = 40^\circ$ и $\angle BCA = 80^\circ$?

Поясните ответ.

№2. Прямые a и b лежат в пересекающихся плоскостях α и β . Могут ли эти прямые быть:

а) параллельными; б) скрещивающимися?

Сделайте рисунок для каждого возможного случая.

№3. Через точку O , не лежащую между параллельными плоскостями α и β , проведены прямые l и m . Прямая l пересекает плоскости α и β в точках A_1 и A_2 соответственно,

прямая m – в точках B_1 и B_2 . Найдите длину отрезка A_1B_1 , если $A_2B_2 = 15$ см,

$OA_1 : OB_2 = 3 : 5$.

№4. Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат; диагональ параллелепипеда равна $2\sqrt{6}$ см, а его измерения относятся как 1:12. Найдите:

а) измерения параллелепипеда;

б) синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.

№5. Из точки A к плоскости проведены перпендикуляр AO и две равные наклонные AB и AC . Известно, что $BC = BO$. Найдите углы треугольника BOC .

Контрольная работа №9

Вариант 1

1. Основанием для прямой призмы является равнобедренная трапеция, длины боковых сторон которой равны по 13 см, основания 11 см и 21 см, площадь диагонального сечения призмы равна 180 см². Найдите высоту призмы.

А. 16 см. Б. 12 см. В. 9 см.

2. Точка M удалена от каждой вершины квадрата на 10 см. Найдите расстояние от точки M до плоскости квадрата, если его сторона равна $6\sqrt{2}$ см.

А. 8 см. Б. 9 см. В. 10 см.

3. Через точку пересечения диагоналей ромба $ABCD$ проведен к его плоскости перпендикуляр MO длиной 12 см. Диагонали ромба равны 18 см и 10 см. Найдите длину большей наклонной.

А. 15 см. Б. 12 см. В. 10 см.

4. Площадь основания цилиндра относится к площади осевого сечения как $\pi\sqrt{3} : 4$. Найдите угол между диагональю осевого сечения цилиндра и плоскостью основания.

А. 60° . Б. 45° . В. 30° .

5. Высота конуса равна 10 см. Найдите площадь сечения, проходящего через вершину конуса и хорду основания, стягивающую дугу в 60° , если плоскость сечения образует с плоскостью основания конуса угол 30° .

А. 100 см². Б. 200 см². В. 500 см².

6. Найдите объем куба $ABCDA_1B_1C_1D_1$, если $DE = 1$ см, где E – середина ребра AB .

А. $\frac{8}{\sqrt{5}} \text{ см}^3$. Б. $\frac{8}{5\sqrt{5}} \text{ см}^3$. В. $1,5 \text{ см}^3$.

7. Высота цилиндра на 12 см больше его радиуса, а площадь полной поверхности равна $288\pi \text{ см}^2$. Найдите радиус основания цилиндра.

А. 6 см. Б. 9 см. В. 16 см.

8. В цилиндр вписана правильная n -угольная призма. Найдите отношение объемов призмы и цилиндра, если $n = 4$.

А. $\frac{2}{\pi}$. Б. 5. В. $\frac{4}{3\pi}$.

9. Основанием пирамиды $DABC$ является прямоугольный треугольник ABC , у которого гипотенуза AB равна 29 см, катет AC равен 21 см. Ребро DA перпендикулярно к плоскости основания и равно 20 см. Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.

А. 580 см^2 . Б. 650 см^2 . В. 790 см^2 .

Вариант 2

1. Диагональ правильной четырехугольной призмы составляет с боковой гранью угол 30° . Найдите объем призмы, если сторона основания $\sqrt{2}$ см.

А. 2 см^3 . Б. 4 см^3 . В. $5\sqrt{2} \text{ см}^3$.

2. Из точки A проведены к плоскости наклонные AB и AC длиной 12 см и 18 см. Найдите длины проекций наклонных, если одна из них на 10 см больше другой.

А. 14 см и 4 см. Б. 6 см и 9 см. В. 10 см и 20 см.

3. Из точки M к плоскости проведены наклонные MA и MB длиной 10 см и 17 см. Найдите расстояние от точки M до плоскости, если длины проекций пропорциональны числам 2 и 5.

А. 6 см. Б. 7 см. В. 8 см.

4. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 48 см. Угол между этой диагональю и образующей цилиндра равен 60° . Найдите радиус цилиндра.

А. 12 см. Б. $12\sqrt{3}$ см. В. 14 см.

5. Высота конуса равна 8 дм. На каком расстоянии от вершины конуса надо провести плоскость, параллельную основанию, чтобы площадь сечения была равна половине площади основания?

А. $2\sqrt{3}$ дм. Б. 5 дм. В. $4\sqrt{2}$ дм.

6. Какое количество нефти (в тоннах) вмещает цилиндрическая цистерна диаметром 18 м и высотой 7 м, если плотность нефти $0,85 \text{ т/см}^3$?

А. 1513 т. Б. 900 т. В. 2408 т.

7. Наибольшая диагональ правильной шестиугольной призмы равна 8 см и составляет с боковым ребром угол в 30° . Найдите объем призмы.

А. 72 см^3 . Б. 64 см^3 . В. 60 см^3 .

8. Равнобедренная трапеция, основания которой равны 6 см и 10 см, а острый угол 60° , вращается вокруг большего основания. Вычислите площадь поверхности полученного тела.

А. 40 см^2 . Б. $40\sqrt{3} \text{ см}^2$. В. 150 см^2 .

9. В цилиндр вписана правильная n -угольная призма. Найдите отношение объемов призмы и цилиндра, если $n = 3$.

А. $\frac{3\sqrt{3}}{4\pi}$. Б. $\sqrt{\frac{\pi}{2}}$. В. $\frac{3\pi}{7}$.

Вариант 3

1. Основание прямой призмы - треугольник со сторонами 5 см и 3 см и углом, равным 120° , между ними. Наибольшая из площадей боковых граней равна 35 см^2 . Найдите площадь боковой поверхности призмы.

А. 42 см^2 . Б. 75 см^2 . В. 108 см^2 .

2. Основанием пирамиды $DABC$ является равнобедренный треугольник ABC , в котором $AB = AC$, $BC = 6$ см, высота $AH = 9$ см. Известно также, что $DA = DB = DC = 13$ см. Найдите высоту пирамиды.

А. 12 см. Б. 13 см. В. 16 см.

3. Точка M одинаково удалена от всех вершин правильного треугольника ABC и от его плоскости на 6 см. Найдите расстояние от точки M до вершин треугольника, если его сторона равна $8\sqrt{3}$ см.

А. 8 см. Б. 10 см. В. 12 см.

4. Отрезок AD перпендикулярен к плоскости равнобедренного треугольника ABC . Известно, что $AB = AC = 5$ см, $BC = 6$ см, $AD = 12$ см. Найдите расстояние от точки D до отрезка BC .

А. 6,5 см. Б. $10\sqrt{3}$ см. В. $4\sqrt{10}$ см.

5. Найдите высоту конуса, если площадь его осевого сечения равна 6 дм², а площадь основания равна 8 дм².

А. $6\sqrt{\frac{\pi}{8}}$. Б. $8\sqrt{\frac{\pi}{6}}$. В. $\sqrt{\frac{\pi}{8}}$.

6. Диаметр Луны составляет (приблизительно) четвертую часть диаметра Земли. Найдите отношение объемов Луны и Земли, считая их шарами.

А. $\frac{1}{64}$. Б. $\frac{1}{16}$. В. $\frac{1}{8}$.

7. Найдите образующую усеченного конуса, если радиусы оснований 3 см и 6 см, а высота 4 см.

А. 4 см. Б. 5 см. В. 6,5 см.

8. Равнобедренная трапеция, основания которой равны 6 см и 10 см, а острый угол 60° , вращается вокруг большего основания. Найдите объем тела вращения.

А. 48π см³. Б. $100\pi + 6$ см³. В. 120π см³.

9. Основанием пирамиды является треугольник со сторонами 12 см, 10 см, 10 см. Каждая боковая грань наклонена к основанию под углом 45° . Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.

А. 48 см². Б. $48\sqrt{3}$ см². В. $48\sqrt{2}$ см².

Вариант 4

1. Основание прямой призмы – равнобедренный треугольник со стороной 6 см, а диагональ боковой грани 10 см. Найдите площадь боковой поверхности призмы.

А. 2 см². Б. $2\sqrt{2}$ см². В. 4 см².

2. Основание пирамиды - прямоугольник со сторонами 6 см и 8 см. Высота пирамиды равна 12 см и проходит через точку пересечения диагоналей основания. Найдите боковые ребра пирамиды.

А. 12 см. Б. 13 см. В. $13\sqrt{2}$ см.

3. Через вершину B ромба $ABCD$ проведена прямая BM , перпендикулярная к его плоскости. Найдите расстояние от точки M до прямых, содержащих стороны ромба, если $AB = 25$ см, $\angle BAD = 60^\circ$, $BM = 12,5$ см.

А. 12,5 см и 25 см Б. 13 см и 25 см. В. 12,5 см и 24 см.

4. Высота цилиндра равна 10 дм. Площадь сечения цилиндра плоскостью, параллельной оси цилиндра и удаленной на 9 дм от нее, равна 240 дм². Найдите радиус цилиндра.

А. 15 дм. Б. 15,5 дм. В. $15\sqrt{2}$ дм.

5. Площадь осевого сечения конуса равна 0,6 см². Высота конуса равна 1,2 см. Найдите площадь полной поверхности конуса.

А. $1,5\pi$ см². Б. $0,9\sqrt{2}\pi$ см². В. $0,9\pi$ см².

6. Найдите образующую усеченного конуса. Если радиусы оснований равны 3 см и 6 см, а высота равна 4 см.

А. 5,5 см. Б. 5 см. В. $5\sqrt{2}$ см.

7. Диагональ прямоугольного параллелепипеда равна 18 см и составляет угол в 30° с плоскостью боковой грани и угол в 45° с боковым ребром. Найдите объем параллелепипеда.

А. $729\sqrt{2}\text{ см}^3$. Б. 729 см^3 . В. $729\sqrt{2}\text{ см}^3$.

8. Разверткой боковой поверхности конуса является сектор с дугой β . Найдите β , если высота конуса равна 4 см, а радиус основания равен 3 см.

А. 230° . Б. 250° . В. 216° .

9. Сколько понадобится краски, чтобы покрасить бак цилиндрической формы с диаметром основания 1,5 м и высотой 3 м, если на 1 м^2 расходуется 200 г краски.

А. $1,125\pi\text{ кг}$. Б. $1,5\pi\text{ кг}$. В. $1\frac{3}{8}\pi\text{ кг}$

Ответы:	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Вариант 1	В	А	А	В	Б	Б	А	А	В
Вариант 2	Б	А	В	Б	В	А	А	Б	А
Вариант 3	Б	А	Б	В	А	А	Б	В	В
Вариант 4	А	В	А	А	В	Б	В	В	А

Сводная таблица по применяемым формам и методам текущего контроля и оценки результатов обучения

Результаты обучения	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
ЛИЧНОСТНЫХ:	
<p><i>Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к себе, к своему здоровью, к познанию себя:</i></p> <p>-готовность и способность обучающихся к отстаиванию личного достоинства, собственного мнения, готовность и способность вырабатывать собственную позицию по отношению к общественно-политическим событиям прошлого и настоящего на основе осознания и осмысления истории, духовных ценностей и достижений нашей страны;</p> <p><i>Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к России как к Родине (Отечеству):</i></p> <p>-формирование уважения к русскому языку как государственному языку Российской Федерации, являющемуся основой российской идентичности и главным фактором национального самоопределения;</p> <p><i>Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к закону, государству и к гражданскому обществу:</i></p> <p>-мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки и общественной практики, основанное на диалоге</p>	<p>Выполнение практических работ № 1 – 17</p> <p>Оценка правильности выполнения самостоятельной работы</p> <p>Решение задач во время занятия</p>

<p>культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;</p> <p><i>Личностные результаты в сфере отношений обучающихся с окружающими людьми:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения; - развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности. <p><i>Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к окружающему миру, живой природе, художественной культуре:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности; - эстетическое отношения к миру, готовность к эстетическому обустройству собственного быта. <p><i>Личностные результаты в сфере отношения обучающихся к труду, в сфере социально-экономических отношений:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов; - готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем; - готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей. 	
<p>метапредметных:</p>	
<ul style="list-style-type: none"> ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях; - находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении 	<p>Оценка правильности выполнения Контрольные работы №1 – 9 Выполнение практических работ № 1 – 17 Оценка правильности выполнения самостоятельной работы Решение задач во время занятия</p>

<p>собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;</p> <p>-развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств.</p>	
<p>предметных:</p> <ul style="list-style-type: none"> – использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений; проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов; – выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений; записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения; составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов; – составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов; выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов; составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов; составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты; использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств; – определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.); интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации; определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.); – решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик 	<p>Оценка правильности выполнения Контрольные работы №1 – 9 Выполнение практических работ № 1 – 17 Оценка правильности выполнения самостоятельной работы Решение задач во время занятия</p>

<p>процессов; интерпретировать полученные результаты;</p> <p>– вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни; выбирать методы подходящего представления и обработки данных;</p> <p>– составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат;</p> <p>– владеть понятиями векторы и их координаты; уметь выполнять операции над векторами; использовать скалярное произведение векторов при решении задач; применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач; применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач.</p>	
--	--

3.2 Форма промежуточной аттестации

Промежуточная аттестация по дисциплине математика в 1 семестре – дифференцированный зачет, во 2 семестре – экзамен.

Дифференцированный зачет проводится за счет времени отведенного на изучение дисциплины, при условии своевременного и качественного выполнения обучающимся всех видов работ, предусмотренных рабочей программой дисциплины математика.

Перечень вопросов к дифференцированному зачету

Вариант 1

1. Вычислите: $4^7 \cdot 11^4 : 44^4$
2. Найдите значение выражения: $\frac{2 \cdot \sqrt{128}}{\sqrt{32}}$.
3. Вычислите: $\log 8 + \log_5 100 - \log_5 4$.
4. Найдите решение уравнения: $\log_6 (x^2 - 5) = \log_6 4x$
5. Вычислите $\log_2 \left(\cos \frac{\pi}{3} \right)$.
6. Переведите из радиан в градусы $\frac{5\pi}{6}$.
7. Укажите четверть, в которой лежит угол α , если $\alpha = 470^\circ$

8. Найдите значение косинуса угла α , если известно, что: $\sin \alpha = 0,6$ и $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$
9. Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{\frac{x+4}{x^2-49}}$.
10. Банковская процентная ставка равна 7% годовых. Какова должна быть первоначальная сумма вклада, чтобы через 2 года его размер составил 34347 рублей.
11. В вазе лежат яблоки: 10 зеленых и 5 красных. Сколькими способами можно взять из вазы 2 зеленых и 3 красных яблока?

Вариант 2

1. Вычислите: $7^2 \cdot 3^7 : 21^2$.
2. Найдите значение выражения: $\frac{3 \cdot \sqrt{108}}{\sqrt{3}}$
3. Вычислите: $\log_8 36 + \log_9 99 - \log_3 11$.
4. Найдите решение уравнения: $\log_3(10 - x^2) = \log_3 3x$
5. Вычислите $\log_3 \left(\operatorname{tg} \frac{\pi}{3} \right)$
6. Переведите из радиан в градусы $\frac{7\pi}{6}$.
7. Укажите четверть, в которой лежит угол α , если $\alpha = 500^\circ$.
8. Найдите значение косинуса угла α , если известно, что: $\sin \alpha = 0,8$ и $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$.
9. Найдите область определения функции $f(x) = \log_5 \frac{6x - x^2}{x + 2}$.
10. Банковская процентная ставка равна 9% годовых. Какова должна быть первоначальная сумма вклада, чтобы через 2 года его размер составил 59405 рублей.
11. В вазе лежат яблоки: 5 зеленых и 10 красных. Сколькими способами можно взять из вазы 3 зеленых и 2 красных яблока?

Вариант 3

1. Вычислите: $3^5 \cdot 25^6 : 75^5$.
2. Найдите значение выражения: $\frac{\sqrt{405}}{4\sqrt{5}}$.

3. Вычислите: $\log 96 - \log 3 - \log 81$.
4. Найдите решение уравнения: $\log_5(x^2 - 8) = \log_5 2x$.
5. Вычислите $\log_2 \left(\sin \frac{\pi}{6} \right)$.
6. Переведите из радиан в градусы $\frac{5\pi}{3}$.
7. Укажите четверть, в которой лежит угол α , если $\alpha = 380^\circ$.
8. Найдите значение косинуса угла α , если известно, что: $\sin \alpha = -0,6$ и $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$
9. Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{\frac{36 - x^2}{x - 3}}$.
10. Банковская процентная ставка равна 12% годовых. Какова должна быть первоначальная сумма вклада, чтобы через 2 года его размер составил 56448 рублей.
11. В вазе лежат яблоки: 6 желтых и 12 красных. Сколькими способами можно взять из вазы 4 желтых и 2 красных яблока?

Вариант 4

1. Вычислите: $9^5 \cdot 11^5 : 99^4$.
2. Найдите значение выражения: $\frac{5 \cdot \sqrt[3]{108}}{\sqrt[3]{4}}$.
3. Вычислите: $\log_3 320 - \log_3 5 - \log_3 216$.
4. Найдите решение уравнения: $\log_2(6 - x^2) = \log_2 5x$.
5. Вычислите $\log_3 \left(\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} \right)$.
6. Переведите из радиан в градусы $\frac{7\pi}{3}$.
7. Укажите четверть, в которой лежит угол α , если $\alpha = 700^\circ$.
8. Найдите значение косинуса угла α , если известно, что: $\sin \alpha = -0,8$ и $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$.
9. Найдите область определения функции $f(x) = \log_5 \frac{x - 3}{x^2 + 7x}$.

10. Банковская процентная ставка равна 11% годовых. Какова должна быть первоначальная сумма вклада, чтобы через 2 года его размер составил 73926 рублей.

11. В вазе лежат яблоки: 6 желтых и 12 красных. Сколькими способами можно взять из вазы 2 желтых и 4 красных яблока?

Обучающиеся допускаются к сдаче экзамена при выполнении всех видов самостоятельной работы, практических и контрольных работ, предусмотренных рабочей программой и календарно-тематическим планом дисциплины.

Перечень вопросов к экзамену

Часть А

1. Корень n -ой степени. Свойства корня n -ой степени. Обобщение понятия о показателе степени
2. Понятие логарифма и его свойства. Основное логарифмическое тождество.
3. Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию.
4. Логарифмические уравнения. Приемы решения. Примеры.
5. Логарифмическая функция. Ее свойства, график
6. Тригонометрические функции. Определение синуса, косинуса, тангенса, котангенса.
7. Радианная мера угла. Переход от градусной меры к радианной и наоборот.
8. Зависимость между тригонометрическими функциями одного угла.
9. Формулы двойного угла. Формулы сложения.
10. Решение простейших тригонометрических уравнений.
11. Тригонометрические функции. Область определения и множество значений тригонометрических функций.
12. Обратные тригонометрические функции.
13. Основные понятия комбинаторики: размещения, перестановки и сочетания.
14. Теория вероятностей. Событие, вероятность события.
15. Зависимость и независимость событий. Совместность и несовместность событий. Противоположность событий.
16. Теория вероятностей. Сложение и умножение вероятностей.
17. Приращение функции и приращение аргумента. Определение производной.
18. Физический и механический смысл производной.
19. Уравнение касательной к графику функции
20. Правила и формулы дифференцирования.
21. Применение производной для нахождения экстремума функции
22. Понятие интеграла и первообразной
23. Теорема Ньютона – Лейбница
24. Стереометрия. Основные аксиомы стереометрии и следствия из аксиом.
25. Прямые и плоскости в пространстве. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.
26. Взаимное расположение прямой и плоскости. Параллельность прямой и плоскости.

27. Взаимное расположение двух плоскостей в пространстве. Перпендикулярность двух плоскостей.
28. Двугранный угол. Угол между плоскостями.
29. Многогранники. Вершины, ребра, грани многогранника. Формула Эйлера.
30. Призма и ее свойства. Прямая и наклонная призмы.
31. Правильная призма. Площадь боковой и полной поверхности призмы.
32. Куб. Параллелепипед и его свойства. Объем куба. Объем параллелепипеда.
33. Пирамида и ее свойства. Площадь боковой и полной поверхности пирамиды.
34. Правильная пирамида. Усеченная пирамида.
35. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).
36. Тела и поверхности вращения. Цилиндр. Основания, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Площадь боковой и полной поверхности.
37. Тела и поверхности вращения. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Площадь боковой и полной поверхности.
38. Шар и сфера. Площадь поверхности сферы.
39. Сечения шара и сферы.
40. Формулы объема пирамиды, цилиндра и конуса. Формула объема шара.

Часть В

1. Упростите выражение $\frac{x-16}{x+x^{0,5}+1} : \frac{x^{0,5}+4}{x^{1,5}-1}$ и найдите его значение при $x = 2,25$
2. Расположите числа в порядке возрастания $2^{-\frac{3}{4}}$; 2 ; $\frac{1}{2}$; 2^3 ; $2^{-\frac{4}{3}}$
3. Записать в виде обыкновенной дроби бесконечную десятичную дробь: $4,(8)$; $-2,6(93)$.
4. Расположите числа в порядке возрастания $\left(\frac{1}{3}\right)^2$; $\left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{2}}$; $9^{-\frac{1}{3}}$; $3^{\frac{3}{4}}$; $\left(\frac{1}{9}\right)^{\frac{3}{2}}$
5. Вычислите: $\log_4 5 + \log_4 25 + \log_4 \frac{2}{125}$
6. Вычислите: $\log_3 72 - \log_3 \frac{16}{27} + \log_3 18$
7. Вычислите: $\log_4 \frac{1}{5} + \log_4 36 + \frac{1}{2} \log_4 \frac{25}{81}$
8. Решите логарифмическое уравнение: $\log(2x-1)=2$
9. Решите логарифмическое уравнение $\log(x+1)=\log(4x-5)$
10. Решите логарифмическое уравнение $\log_3(3x-5) = \log_3(x-3)$
11. Решите логарифмическое уравнение $\log_2(x+3) = 4$
12. Решите логарифмическое уравнение $\log_2(4-x) + \log_2(1-2x) = 2 \log_2 3$
13. Решите логарифмическое уравнение $\lg(3-x) - \lg(x+2) = 2 \lg 2$
14. Упростите выражение: $\frac{1-\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha - 1}$

15. Упростите выражение: $\frac{\sin(360^\circ - \alpha) \cos(-\alpha)}{\cos(180^\circ + \alpha)}$
16. Упростите выражение: $1 + \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$
17. Упростите выражение: $\frac{\sin(\alpha - \frac{\pi}{2}) \operatorname{tg}(-\alpha)}{\cos(\frac{\pi}{2} + \alpha)}$
18. Найдите $\cos \alpha$ и $\operatorname{tg} \alpha$, если $\sin \alpha = \frac{5}{13}$ и α - угол II координатной четверти
19. Найдите $\cos \alpha$ и $\operatorname{tg} \alpha$, если $\sin \alpha = 0,6$ и α - угол I координатной четверти
20. Найдите $\cos \alpha$ и $\operatorname{tg} \alpha$, если $\sin \alpha = -0,8$ и α - угол III координатной четверти
21. Найдите $\sin \alpha$ и $\operatorname{tg} \alpha$, если $\cos \alpha = 0,6$ и α - угол I координатной четверти
22. Решите тригонометрическое уравнение: $2 \cos(x + \frac{\pi}{4}) = \sqrt{2}$
23. Решите тригонометрическое уравнение: $\sin^2 x - 0,25 = 0$
24. Решите тригонометрическое уравнение: $2 \cos x + \sqrt{2} = 0$
25. Решите тригонометрическое уравнение: $2 \sin^2 x + \sin x - 1 = 0$
26. Решите тригонометрическое уравнение: $2 \sin^2 x + 7 \sin x - 4 = 0$
27. Решите тригонометрическое уравнение: $2 \sin(x + \frac{\pi}{2}) + \sqrt{2} = 0$
28. Решите тригонометрическое уравнение: $2 \cos x - \sqrt{3} = 0$
29. Решите показательное уравнение: $\left(\frac{16}{25}\right)^{x+3} = \left(\frac{125}{64}\right)^2$
30. Решите показательное уравнение: $2 \cdot 4^{2x} - 17 \cdot 4^x + 8 = 0$
31. Решите показательное уравнение: $3^{2x} - 4 \cdot 3^x + 3 = 0$
32. Решите показательное уравнение: $\left(\frac{2}{9}\right)^{2x+3} = 4,5^{x-2}$
33. Напишите уравнение касательной к графику функции $f(x) = 5 - \frac{1}{2}x^2$ в точке $x_0 = 2$.
34. Составьте уравнение касательной к графику функции $f(x) = e^{2x}$ в точке $x_0 = 0$.
35. Запишите уравнение касательной к графику функции $f(x) = 3x^3 + 5x$ в точке $(1; 8)$.
36. Найдите производную функции $y = \frac{5-x}{x+2}$
37. Найдите значение производной функции $y = 3x + 4 - 5 \sin x$ в точке $x_0 = \frac{\pi}{2}$
38. Найдите производную функции $y = \frac{3+2x}{x-5}$
39. Найдите производную функции $y = -\frac{5}{4}x^4 + 3x^2 - 2x + 11$
40. Найдите производную функции $y = x^5 - x(x^3 + 7)$.
41. Найти промежутки возрастания функции $y = x^2 - 2x + 3$.
42. Исследуйте функцию $f(x) = 3x^5 - 20x^3$ на возрастание (убывание) и экстремумы.
43. Исследуйте функцию $f(x) = \frac{1}{2}x^4 + \frac{1}{3}x^3 - 3$ на возрастание (убывание).

44. Вычислите интеграл $\int_{-1}^2 (x^2 + 2x + 1) dx$
45. Вычислите интеграл $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} \sin 2x dx$.
46. Вычислите интеграл $\int_1^9 \frac{6x}{\sqrt{x}} dx$
47. Вычислите интеграл $\int_1^8 \sqrt[3]{x^2} dx$
48. Вычислите интеграл $\int_0^1 (1 + 2x)^4 dx$
49. Найдите общий вид первообразной для функции $f(x) = \frac{1}{x} - \sin 3x$
50. Найти первообразную функции $f(x) = 3x^2 + 2x - 1$, график которой проходит через точку $M(2; 4)$.
51. Найдите первообразную функции $x\sqrt{x} - 3\sqrt[5]{x^2}$
52. Для функции $f(x) = (2x + 5)^6$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $M(-2; 3)$.
53. В ящике 20 шаров, из них 12 белых, остальные голубые. Извлекают 2 шара. Найти вероятности, что оба шара белые.
54. В первой урне содержится 8 синих и 10 желтых шаров, во второй 4 белых и 12 желтых шаров. Из каждой урны наудачу извлекли по одному шару. Найти вероятность того, что оба извлеченных шара желтого цвета.
55. Алфавит некоторого языка содержит 12 букв. Сколько существует трехбуквенных слов, составленных из букв этого алфавита, если буквы в словах могут повторяться?
56. Алфавит некоторого языка содержит 12 букв. Сколько существует трехбуквенных слов, составленных из букв этого алфавита, если буквы в словах не могут повторяться?
57. В корзине 16 шаров, из них 14 белых, остальные синие. Извлекают 2 шара. Найти вероятности событий того, что оба шара синие; первый шар белый, а второй синий.
58. На дежурство из 3 мальчиков и 4 девочек случайно отбирают 4 дежурных. Сколькими способами их можно отобрать при условии, что будут отобраны 2 мальчика и 2 девочки?
59. Устройство состоит из трех элементов, работающих независимо. Вероятности безотказной работы за определенный промежуток времени первого, второго и третьего элемента соответственно равны 0,4; 0,3; 0,5. Найти вероятность того, что за это время откажут все три элемента.
60. Из 15 туристов надо выбрать дежурного и его помощника. Сколькими способами это можно сделать?

61. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 12 см, а радиус основания – 6 см.
Найдите высоту цилиндра.
62. В правильной четырёхугольной пирамиде высота равна 12см, а апофема - 15см.
Найдите площадь полной поверхности пирамиды.
63. В основании правильной четырёхугольной призмы $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ лежит квадрат со стороной 4 см. Диагональ призмы AC_1 образует с плоскостью основания $ABCD$ угол 60° . Найдите высоту призмы и площадь полной поверхности.
64. Диагональ правильной четырёхугольной призмы составляет с боковой гранью угол 60° . Найдите объем призмы, если сторона основания 8см
65. Радиусы оснований усеченного конуса равны 12 см и 6 см, а образующая наклонена к плоскости основания под углом 45° . Найдите площадь и объем усеченного конуса.
66. Найдите полную площадь поверхности и объем пирамиды, у которой высота равна 2 м, а основанием пирамиды является квадрат со стороной 3 м.
67. Основанием пирамиды является треугольник со сторонами **12 см, 10 см, 10 см**. Каждая боковая грань наклонена к основанию под углом 60° . Найдите объем и площадь боковой поверхности пирамиды.
68. Найдите сторону основания и высоту правильной четырёхугольной призмы, если $S_{\text{полн}}=90\text{см}^2$, $S_{\text{бок}}=40\text{см}^2$.
69. Высота цилиндра равна 10 дм. Площадь сечения цилиндра плоскостью, параллельной оси цилиндра и удаленной на 9 дм от нее, равна 240 дм^2 . Найдите радиус цилиндра.
70. Основание прямой призмы – равнобедренный треугольник со стороной **6 см**, а диагональ боковой грани 10 см. Найдите площадь боковой поверхности и объем призмы.
71. В правильной четырёхугольной призме площадь основания равна 25 см^2 , а высота 4 см. Найдите диагональ и объем призмы.
72. Основанием прямой призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 12 см и 5 см, высота призмы равна 8 см. Найдите площадь полной поверхности.
73. Радиус окружности, описанной около основания правильной шестиугольной призмы, равен 3 см. Найдите площадь полной поверхности призмы, если её высота равна 10 см.
74. Диагональ правильной четырёхугольной призмы составляет с боковой гранью угол 30° . Найдите площадь боковой поверхности и объем призмы, если сторона основания $\sqrt{2}$ см.
75. Высота цилиндра на **12 см** больше его радиуса, а площадь полной поверхности равна **288** $\pi \text{ см}^2$. Найдите радиус основания цилиндра.
76. Диагональ правильной четырёхугольной призмы составляет с боковой гранью угол 60° . Найдите объем призмы, если сторона основания 6 см.
77. Диаметр шара равен высоте конуса, образующая которого составляет с плоскостью основания угол 60° . Найти отношение объёмов конуса и шара.
78. Радиус шара равен $R=5$. Найдите площадь полной поверхности вписанного в шар куба.
79. Радиусы оснований усеченного конуса равны 4 см и 12 см, а образующая равна 17см. Найдите: а) высоту усеченного конуса; б) площадь осевого сечения.

80. В основании правильной четырехугольной призмы $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ лежит квадрат со стороной 8 см. Диагональ призмы AC_1 образует с плоскостью основания $ABCD$ угол 30° . Найдите высоту призмы и площадь полной поверхности.

4 Система оценивания комплекта ФОС текущего контроля и промежуточной аттестации

При оценивании практической и самостоятельной работы и форм промежуточной аттестации обучающегося учитывается следующее:

- качество выполнения практической части работы;
- качество оформления отчета по работе;
- качество устных ответов на контрольные вопросы при защите работы.

Каждый вид работы оценивается по пяти бальной шкале.

«5» (отлично) – за глубокое и полное овладение содержанием учебного материала, в котором обучающийся свободно и уверенно ориентируется; за умение практически применять теоретические знания, высказывать и обосновывать свои суждения. Оценка «5» (отлично) предполагает грамотное и логичное изложение ответа.

«4» (хорошо) – если обучающийся полно освоил учебный материал, владеет научно-понятийным аппаратом, ориентируется в изученном материале, осознанно применяет теоретические знания на практике, грамотно излагает ответ, но содержание и форма ответа имеют отдельные неточности.

«3» (удовлетворительно) – если обучающийся обнаруживает знание и понимание основных положений учебного материала, но излагает его неполно, непоследовательно, допускает неточности, в применении теоретических знаний при ответе на практико-ориентированные вопросы; не умеет доказательно обосновать собственные суждения.

«2» (неудовлетворительно) – если обучающийся имеет разрозненные, бессистемные знания, допускает ошибки в определении базовых понятий, искажает их смысл; не может практически применять теоретические знания.

Критерии оценивания практических работ.

Практическая работа оценивается максимально оценкой «5» (отлично).

Каждое задание оценивается максимально оценкой «5» (отлично).

По результатам оценивания всех заданий оценка соответствует средней.

Критерии оценивания решений задач.

«5» (отлично) – составлен правильный алгоритм решения задачи, в логическом рассуждении, в выборе нормативных источников и решении нет ошибок, получен верный ответ, задача решена рациональным способом.

«4» (хорошо) – составлен правильный алгоритм решения задачи, в логическом рассуждении и решении нет существенных ошибок; правильно сделан выбор нормативных источников; есть объяснение решения, но задача решена нерациональным способом или допущено не более двух несущественных ошибок, получен верный ответ.

«3» (удовлетворительно) – задание выполнено, в логическом рассуждении нет существенных ошибок, но допущены существенные ошибки в выборе нормативных источников; задача решена не полностью или в общем виде.

«2» (неудовлетворительно) – задача решена неправильно.

Критерии оценивания самостоятельных работ.

Критерии оценивания решений задач.

«5» (отлично) – составлен правильный алгоритм решения задачи, в логическом рассуждении, в выборе нормативных источников и решении нет ошибок, получен верный ответ, задача решена рациональным способом.

«4» (хорошо) – составлен правильный алгоритм решения задачи, в логическом рассуждении и решении нет существенных ошибок; правильно сделан выбор

нормативных источников; есть объяснение решения, но задача решена нерациональным способом или допущено не более двух несущественных ошибок, получен верный ответ.

«3» (удовлетворительно) – задание выполнено, в логическом рассуждении нет существенных ошибок, но допущены существенные ошибки в выборе нормативных источников; задача решена не полностью или в общем виде.

«2» (неудовлетворительно) – задача решена неправильно.

Критерии оценивания контрольных работ.

«5» (отлично) – решено 81-100% заданий.

«4» (хорошо) – решено 61 – 80% заданий.

«3» (удовлетворительно) – решено 41 – 60% заданий.

«2» (неудовлетворительно) – решено менее 40% заданий.

Критерии оценивания дифференцированного зачета

– выполнено правильно 9-11 заданий – оценка «отлично» (80 – 100%);

– выполнено правильно 6-8 заданий – оценка «хорошо» (55– 79%);

– выполнено правильно 4-6 заданий – оценка «удовлетворительно» (36–54%);

– выполнено правильно 0-3 заданий – оценка «неудовлетворительно» (0-35%).

Критерии оценивания ответов по экзаменационным билетам.

Ответ по экзаменационному билету оценивается максимально оценкой «5» (отлично).

Первый вопрос максимально оценивается оценкой «5» (отлично).

Каждая из двух задач оценивается отдельно максимально оценкой «5» (отлично).

По результатам оценивания всех трех заданий оценка соответствует средней.