

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Сыров Игорь Анатольевич  
Должность: Директор  
Дата подписания: 22.08.2023 10:55:45  
Уникальный программный ключ:  
b683afe664d7e9f64175886cf9626a198149ad36

СТЕРЛИТАМАКСКИЙ ФИЛИАЛ  
ФЕДЕРАЛЬНОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО БЮДЖЕТНОГО ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО  
УЧРЕЖДЕНИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»

Факультет Математики и информационных технологий  
Кафедра Прикладной информатики и программирования

**Оценочные материалы по дисциплине (модулю)**

дисциплина ***Криптографические методы защиты информации***

***Блок Б1, базовая часть, Б1.Б.30***

цикл дисциплины и его часть (базовая, вариативная, дисциплина по выбору)

Направление

***10.03.01***

***Информационная безопасность***

код

наименование направления

Программа

***Безопасность компьютерных систем (по отрасли или в сфере профессиональной деятельности)***

Форма обучения

***Очная***

Для поступивших на обучение в  
***2020 г.***

Разработчик (составитель)  
***кандидат физико-математических наук, доцент***  
***Первалова С. Л.***  
ученая степень, должность, ФИО

|  |           |
|--|-----------|
| <b>1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования и описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания .....</b>                                | <b>3</b>  |
| <b>2. Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы.....</b> | <b>7</b>  |
| <b>3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций .....</b>   | <b>25</b> |

**1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования и описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания**

| Формируемая компетенция (с указанием кода)   | Результаты обучения по дисциплине (модулю) | Показатели и критерии оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю)   |  |   |   | Вид оценочного средства |
|--|--|--|--|---|---|-------------------------|
|  |  | 1  | 2  | 3   |   |                         |
|  |  | неуд.  | удовл.   | хорошо  | отлично   |                         |
| Способностью выполнять работы по установке, настройке и обслуживанию программных, программно-аппаратных (в том числе криптографических) и технических средств защиты информации (ПК-1) | 1 этап:<br>Знания                          | Отсутствие владения методом дискретного логарифмирования в конечных циклических группах; методом применения основных криптосистем и систем стенографирования ; методом применения алгоритмов проверки чисел и многочленов на простоту. | В целом успешное, но непоследовательно е владение методом дискретного логарифмирования в конечных циклических группах; методом применения основных криптосистем и систем стенографирования ; методом применения алгоритмов проверки чисел и многочленов на простоту. | В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы владение методом дискретного логарифмирования в конечных циклических группах; методом применения основных криптосистем и систем стенографирования ; методом применения алгоритмов проверки чисел и многочленов на простоту. | Успешное и последовательное владение методом дискретного логарифмирования в конечных циклических группах; методом применения основных криптосистем и систем стенографирования ; методом применения алгоритмов проверки чисел и многочленов на простоту. | Лабораторные работы     |
|  | 2 этап:                                    | Отсутствие   | Неполные   | Сформированные,   | Сформированные  | Письменный              |

|  |   |  |   |   |  |                      |
|--|---|--|---|---|--|----------------------|
|  | Умения  | представления о проблемах информационной безопасности; объектах информатизации; нормативно-правовых, экономических и технологических методы обеспечения информационной безопасности.   | представления о проблемах информационной безопасности; объектах информатизации; нормативно-правовых, экономических и технологических методы обеспечения информационной безопасности.  | но содержащие отдельные пробелы представления о проблемах информационной безопасности; объектах информатизации; нормативно-правовых, экономических и технологических методы обеспечения информационной безопасности.    | систематические представления о проблемах информационной безопасности; объектах информатизации; нормативно-правовых, экономических и технологических методы обеспечения информационной безопасности.                               | опрос                |
|  | 3 этап: Владения (навыки / опыт деятельности) | Отсутствие умений обосновать и сформулировать решения по применению технологических и нормативно-правовых средств и методов обеспечения информационной безопасности; применять криптографические и информационно-аналитические | В целом успешное, но не систематическое умение обосновать и сформулировать решения по применению технологических и нормативно-правовых средств и методов обеспечения информационной безопасности; применять криптографические | В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы в умении обосновать и сформулировать решения по применению технологических и нормативно-правовых средств и методов обеспечения информационной безопасности; применять | Сформированное умение обосновать и сформулировать решения по применению технологических и нормативно-правовых средств и методов обеспечения информационной безопасности; применять криптографические и информационно-аналитические | Практические задания |

|   |                   |   |   |  |   |              |
|---|-------------------|---|---|--|---|--------------|
|   |                   | системы, информационные ресурсы и информационные технологии; сформулировать основные криптографические методы и методы стеганографии.                                   | и информационно-аналитические системы, информационные ресурсы и информационные технологии; сформулировать основные криптографические методы и методы стеганографии.   | криптографические и информационно-аналитические системы, информационные ресурсы и информационные технологии; сформулировать основные криптографические методы и методы стеганографии.                        | системы, информационные ресурсы и информационные технологии; сформулировать основные криптографические методы и методы стеганографии.   |              |
| Способностью определять информационные ресурсы, подлежащие защите, угрозы безопасности информации и возможные пути их реализации на основе анализа структуры и содержания информационных процессов и особенностей функционирования объекта защиты (ОПК-7) | 1 этап:<br>Знания | Отсутствие представления об источниках угроз безопасности информации, методах оценки уязвимости информации; методах пресечения разглашения конфиденциальной информации. | Неполные представления об источниках угроз безопасности информации, методах оценки уязвимости информации; методах пресечения разглашения конфиденциальной информации. | Сформированные, но содержащие отдельные пробелы представления об источниках угроз безопасности информации, методах оценки уязвимости информации; методах пресечения разглашения конфиденциальной информации. | Сформированные систематические представления об источниках угроз безопасности информации, методах оценки уязвимости информации; методах пресечения разглашения конфиденциальной информации. | Устный опрос |
|   | 2 этап:<br>Умения | Отсутствие умений отыскивать необходимые нормативные правовые акты и  | В целом успешное, но не систематическое умение отыскивать необходимые   | В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы в умении отыскивать  | Сформированное умение отыскивать необходимые нормативные правовые акты и  |              |

|  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  | информационные правовые нормы в системе действующего законодательства; применять действующую законодательную базу в области обеспечения информационной безопасности и защиты информации. | нормативные правовые акты и информационные правовые нормы в системе действующего законодательства; применять действующую законодательную базу в области обеспечения информационной безопасности и защиты информации. | необходимые нормативные правовые акты и информационные правовые нормы в системе действующего законодательства; применять действующую законодательную базу в области обеспечения информационной безопасности и защиты информации. | информационные правовые нормы в системе действующего законодательства; применять действующую законодательную базу в области обеспечения информационной безопасности и защиты информации. |  |
| 3 этап: Владения (навыки / опыт деятельности ) | Отсутствие навыков сопровождения и управления системами защиты информации. | В целом успешное, но непоследовательно владение навыками сопровождения и управления системами защиты информации.   | В целом успешное, но содержащее отдельные пробелы владения навыками сопровождения и управления системами защиты информации.  | Успешное и последовательное владение основными навыками сопровождения и управления системами защиты информации.  | Тестирование   |  |

**2. Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы**

**Вопросы для устного опроса**

Перечень вопросов для оценки уровня сформированности компетенции **ОПК-7** на этапе «Знания»

1. Подстановки. Перестановки. Гаммирование.
2. Нелинейное преобразование с помощью S-боксов. Комбинированные методы.
3. Основные алгоритмы донаучного периода.
4. Первые криптографические устройства.
5. Криптография.
6. Сеть Фейштеля.
7. Криптоанализ.
8. Используемые критерии при разработке алгоритмов симметричного шифрования.
9. Алгоритм DES.
10. Алгоритм ГОСТ 28147.
11. Алгоритм IDEA.
12. Режимы выполнения алгоритмов симметричного шифрования.
13. Создание случайных чисел.

**Перечень вопросов для письменного опроса**

Перечень вопросов для оценки уровня сформированности компетенции **ПК-1** на этапе «Знания»

1. Основные понятия информационной безопасности.
2. Важность и сложность проблемы информационной безопасности.
3. Основные определения и критерии классификации угроз.
4. Вредоносное программное обеспечение.
5. Основные угрозы целостности.
6. Основные угрозы конфиденциальности.
7. Примеры угроз доступности.
8. Сетевые сервисы и механизмы безопасности.
9. Классы безопасности.
10. Интерпретация «Оранжевой книги» для сетевых конфигурации.
11. Руководящие документы Гостехкомиссии России

**Лабораторные работы**

Перечень заданий для оценки уровня сформированности компетенции **ОПК-7** на этапе «Умения»:

*Тема 1. Алгоритм шифрования до научного периода*

1. Алгоритм Цезаря
2. Алгоритм Гронефельда

## Тема 2. Алгоритм шифрования ГОСТ 28147-89

Выполните первый цикл алгоритма шифрования ГОСТ 28147 89 в режиме простой замены. Для получения 64 бит исходного текста используйте 8 первых букв из своих данных: Фамилии Имени Отчества. Для получения ключа (256 бит) используют текст, состоящий из 32 букв. Первый подключ содержит первые 4 буквы.

### Пример выполнения заданий

Выполните первый цикл алгоритма шифрования ГОСТ 28147-89 в режиме простой замены. Для получения 64 бит исходного текста используйте 8 первых букв из своих данных: Фамилии Имени Отчества. Для получения ключа (256 бит) используют текст, состоящий из 32 букв. Первый подключ содержит первые 4 буквы.

Исходные данные для зашифрования: КОЗИНА Г

Для ключа возьмем последовательность состоящую из 32 букв:

АЛИНа пошла в лес собирать грибы

Для первого подключа X используем первые 4 буквы ключа: АЛИН.

исходный текст

|        |          |
|--------|----------|
| К      | 11001010 |
| О      | 11001110 |
| З      | 11000111 |
| И      | 11001000 |
| Н      | 11001101 |
| А      | 11000000 |
| пробел | 00100000 |
| Г      | 11000011 |

первый подключ X0

|   |         |
|---|---------|
| А | 1100000 |
|   | 0       |
| Л | 1100101 |
|   | 1       |
| И | 1100100 |
|   | 0       |
| Н | 1100110 |
|   | 1       |

Таким образом, первые 64 бита определяют входную последовательность

L0: 11001010 11001110 11000111 11001000

R0: 11001101 11000000 00100000 11000011

следующие 32 бита определяют первый подключ

X0: 11000000 11001011 11001000 11001101

I. Найдем значение функции преобразования  $f(R0, X0)$  (см. Приложение А)

1). Вычисление суммы R0 и X0 по mod  $2^{32}$

R0: 1100 1101 1100 0000 0010 0000 1100 0011

X0: 1100 0000 1100 1011 1100 1000 1100 1101

---

1000 1110 1000 1011 1110 1001 1001 0000

2). Преобразование в блоке подстановки

Результат суммирования  $R0+X0$  по mod  $2^{32}$

1000 1110 1000 1011 1110 1001 1001 0000

преобразуем в блоке подстановки (см. Приложение В). Для каждого 4-битного блока вычислим его адрес в таблице подстановки. Номер блока соответствует номеру столбца, десятичное значение блока соответствует номеру строки в таблице. Таким образом, 5-тый

блок (1011) заменяется заполнением 11-ой строки и пятого столбца в таблице подстановки (1110).

номера блоков

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 8    | 7    | 6    | 5    | 4    | 3    | 2    | 1    |
| 1000 | 1110 | 1000 | 1011 | 1110 | 1001 | 1001 | 0000 |

соответствующие номера строк в таблице подстановки

|   |    |   |    |    |   |   |   |
|---|----|---|----|----|---|---|---|
| 8 | 14 | 8 | 11 | 14 | 9 | 9 | 0 |
|---|----|---|----|----|---|---|---|

заполнение

|   |   |   |    |   |    |   |   |
|---|---|---|----|---|----|---|---|
| 9 | 2 | 3 | 14 | 5 | 15 | 3 | 4 |
|---|---|---|----|---|----|---|---|

результат

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1001 | 0010 | 0011 | 1110 | 0101 | 1111 | 0011 | 0100 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|

3). Циклический сдвиг результата п.2 на 11 бит влево

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1111 | 0010 | 1111 | 1001 | 1010 | 0100 | 1001 | 0001 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|

Таким образом, нашли значение функции  $f(R_0, X_0)$ :

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1111 | 0010 | 1111 | 1001 | 1010 | 0100 | 1001 | 0001 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|

II. Вычисляем  $R_1 = f(R_0, X_0) \oplus L_0$ .

Результат преобразования функции  $f(R_0, X_0)$  складываем с  $L_0$  по mod2:

$L_0$ :        1100 1010    1100 1110    1100 0111    1100 1000

$f(R_0, X_0)$ : 1111 0010    1111 1001    1010 0100    1001 0001

---

$R_1$ :        0011 1000    0011 0111    0110 0011    0101 1001

### Тема 3.1. Алгоритм шифрования RSA

Сгенерируйте открытый и закрытый ключи в алгоритме шифрования RSA, выбрав простые числа  $p$  и  $q$  из первой сотни. Зашифруйте сообщение, состоящее из ваших инициалов: ФИО.

#### Пример выполнения заданий

Сгенерируйте открытый и закрытый ключи в алгоритме шифрования RSA, выбрав простые числа  $p$  и  $q$  из первой сотни. Зашифруйте сообщение, состоящее из ваших инициалов: ФИО.

I. Генерация ключей.

Выберем два простых числа  $p = 13$  и  $q = 19$  (см. Приложение Д).

Тогда модуль

$$n = pq = 13 \cdot 19 = 247$$

и функция Эйлера

$$\varphi(n) = (p-1)(q-1) = 12 \cdot 18 = 216.$$

Закрытый ключ  $d$  выбираем из условий  $d < \varphi(n)$  и  $d$  взаимно просто с  $\varphi(n)$ , т.е.  $d$  и  $\varphi(n)$  не имеют общих делителей.

Пусть  $d = 25$ .

Открытый ключ  $e$  выбираем из условий  $e < \varphi(n)$  и  $de = 1 \pmod{\varphi(n)}$ :  $e < 216$ ,

$$25e = 1 \pmod{216}.$$

Последнее условие означает, что число  $25e - 1$  должно делиться на 216 без остатка.

Таким образом, для определения  $e$  нужно подобрать такое число  $k$ , что

$$25e - 1 = 216k.$$

При  $k = 14$  получаем  $25e = 3024 + 1$  или

$$e = 121.$$

В нашем примере

(121, 247) – открытый ключ,

(25, 247) – секретный ключ.

## II. Шифрование.

Представим шифруемое сообщение «КГЛ» как последовательность целых чисел. Пусть буква «К» соответствует числу 12, буква «Г» - числу 4 и буква «Л» - числу 13.

Зашифруем сообщение, используя открытый ключ (121, 247):

$$C_1 = (12^{121}) \bmod 247 = 12$$

$$C_2 = (4^{121}) \bmod 247 = 199$$

$$C_3 = (13^{121}) \bmod 247 = 91$$

Таким образом, исходному сообщению (12, 4, 13) соответствует криптограмма (12, 199, 91).

## III. Расшифрование

Расшифруем сообщение (12, 199, 91), пользуясь секретным ключом (25, 247):

$$M_1 = (12^{25}) \bmod 247 = 12$$

$$M_2 = (199^{25}) \bmod 247 = 4$$

$$M_3 = (91^{25}) \bmod 247 = 13$$

В результате расшифрования было получено исходное сообщение (12, 4, 13), то есть "КГЛ".

### Тема 3.2. Функция хеширования

Найти хеш-образ своей Фамилии, используя хеш-функцию  $H_i = (H_{i-1} + M_i)^2 \bmod n$ , где  $n = pq$ .

#### Пример выполнения заданий

Найти хеш-образ своей Фамилии, используя хеш-функцию  $H_i = (H_{i-1} + M_i)^2 \bmod n$ , где  $n = pq$ ,  $p, q$  взять из Задания №3.

Хешируемое сообщение «КОЗИНА». Возьмем два простых числа  $p=13, q=19$  (см. Приложение Е). Определим  $n=pq=13*19=247$ . Вектор инициализации  $H_0$  выберем равным 8 (выбираем случайным образом). Слово «КОЗИНА» можно представить последовательностью чисел (12, 16, 9, 10, 15, 1) по номерам букв в алфавите. Таким образом,

$$n=247, H_0=8, M_1=12, M_2=16, M_3=9, M_4=10, M_5=15, M_6=1.$$

Используя формулу

$$H_i = (H_{i-1} + M_i)^2 \bmod n,$$

получим хеш-образ сообщения «КОЗИНА»:

$$H_1 = (H_0 + M_1)^2 \bmod n = (8 + 12)^2 \bmod 247 = 400 \bmod 247 = 153$$

$$H_2 = (H_1 + M_2)^2 \bmod n = (153 + 16)^2 \bmod 247 = 28561 \bmod 247 = 156$$

$$H_3 = (H_2 + M_3)^2 \bmod n = (156 + 9)^2 \bmod 247 = 27225 \bmod 247 = 55$$

$$H_4 = (H_3 + M_4)^2 \bmod n = (55 + 10)^2 \bmod 247 = 4225 \bmod 247 = 26$$

$$H_5 = (H_4 + M_5)^2 \bmod n = (26 + 15)^2 \bmod 247 = 1681 \bmod 247 = 199$$

$$H_6 = (H_5 + M_6)^2 \bmod n = (199 + 1)^2 \bmod 247 = 40000 \bmod 247 = 233$$

В итоге получаем хеш-образ сообщения «КОЗИНА», равный 233.

### Тема 3.3. Электронная цифровая подпись

Используя хеш-образ своей Фамилии, вычислите электронную цифровую подпись по схеме RSA.

#### Схема подписи RSA

Криптосистема с открытым ключом RSA может использоваться не только для шифрования, но и для построения схемы цифровой подписи.

Для создания подписи сообщения  $M$  отправитель

1. вычисляет хеш-образ  $r = h(M)$  сообщения  $M$  с помощью некоторой хеш-функции;

2. зашифровывает полученный хеш-образ  $r$  на своем секретном ключе  $(d, n)$ , т.е. вычисляет значение  $s = r^d \bmod n$ , которое и является подписью.

Для проверки подписи получатель

1. расшифровывает подпись  $s$  на открытом ключе  $(e, n)$  отправителя, т.е. вычисляет  $r' = s^e \bmod n$  и таким образом восстанавливает предполагаемый хеш-образ  $r'$  сообщения  $M$ ;
2. вычисляет хеш-образ  $h(M) = r$  сообщения  $M$  с помощью той же самой хеш-функции, которую использовал отправитель;
3. сравнивает полученные значения  $r$  и  $r'$ . Если они совпадают, то подпись правильная, отправитель действительно является тем, за кого себя выдает, и сообщение не было изменено при передаче.

#### Пример выполнения заданий

Используя хеш-образ своей Фамилии, вычислите электронную цифровую подпись по схеме RSA.

Пусть хеш-образ Фамилии равен 233, а закрытый ключ алгоритма RSA равен (25, 247). Тогда электронная цифровая подпись сообщения, состоящего из Фамилии, вычисляется по правилу (см. Приложение Ж)

$$s = 233^{25} \bmod 247 = 168.$$

Для проверки ЭЦП, используя открытый ключ (121, 247), найдем

$$H = 168^{121} \bmod 247 = 233.$$

Поскольку хеш-образ сообщения совпадает с найденным значением  $H$ , то подпись признается подлинной.

### **Практические задания**

Перечень заданий для оценки уровня сформированности компетенции **ПК-1** на этапе «Умения».

1. Зашифрование сообщения состоит в замене букв исходного текста на пары цифр в соответствии с некоторой (известной только отправителю и получателю) таблицей, в которой разным буквам алфавита соответствуют разные пары цифр. КRYPTOаналитику дали задание восстановить зашифрованный текст. В каком случае ему будет легче выполнить задание: если известно, что первое слово второй строки - "термометр" или что первое слово третьей строки - "ремонт"? Обоснуйте свой ответ. (Предполагается, что таблица зашифрования криптоаналитику неизвестна).
2. Для зашифрования текста использовался вращающийся диск, центр которого находится на оси, закрепленной на неподвижном основании. Диск разделен на 33 равных сектора, в которые в неизвестном порядке вписаны все буквы русского алфавита (по одной в каждый сектор). На основании, по одной напротив каждого сектора, выписаны буквы в алфавитном порядке по часовой стрелке. Каждое положение диска, получающееся из исходного поворотом на угол, кратный величине сектора, задает соответствие между буквами на диске и на основании. При зашифровании очередной буквы текста, ее заменяли соответствующей ей буквой при текущем положении диска, после чего диск поворачивался на один сектор по часовой стрелке. Докажите, что если в результате зашифрования получился текст

ЖВЦЦФШУФЁУМЙУЩЦЯЦЛМВЧЬБЯВЭЪХПЬМЕДБЙЧМПЬИМЕЕРЧСЩГШ  
ТЩЭ, то в исходном тексте не было слова КРИПТОГРАФИЯ.

3. Сообщение, зашифрованное в пункте А шифром простой замены в алфавите из букв русского языка и знака пробела (-) между словами, передается в пункт Б отрезками по 12 символов. При передаче очередного отрезка сначала передаются символы, стоящие на четных местах в порядке возрастания их номеров, начиная со второго, а затем - символы, стоящие на нечетных местах (также в порядке возрастания их номеров), начиная с первого. В пункте В полученное зашифрованное сообщение дополнительно шифруется с помощью некоторого другого шифра простой замены в том же алфавите, а затем таким же образом, как и из пункта А, передается в пункт В. По перехваченным в пункте В отрезкам:

С О - Г Ж Т П Н Б Л Ж О  
Р С Т К Д К С П Х Е У Б  
- Е - П Ф П У Б - Ю О Б  
С П - Е О К Ж У У Л Ж  
Л С М Ц Х Б Э К Г О Щ П Ы  
У Л К Л - И К Н Т Л Ж Г

восстановите исходное сообщение, зная, что в одном из переданных отрезков зашифровано слово КРИПТОГРАФИЯ.

4. а) Для передачи информации от резидента Гарриваса в Нагонии только что внедренному разведчику был установлен следующий порядок: все сообщения резидента определены заранее и пронумерованы числами 1, 2, 3,... . Разведчик, обладающий феноменальной памятью, полностью запомнил соответствие между сообщениями и их номерами. Теперь для того, чтобы передать информацию разведчику, достаточно было сообщить ему лишь соответствующее число. Для передачи числа в условленном месте оставлялась равная этому числу денежная сумма. На момент разработки операции в Нагонии имели хождение денежные купюры достоинством 1, 3, 7 и 10 бут (бут - денежная единица Нагонии). Однако в результате денежной реформы купюры достоинством 1 и 3 бут были изъяты из обращения. Выясните, начиная с какого номера можно передать разведчику любое сообщение, пользуясь только оставшимися в обращении купюрами.
- б) Пусть имеются в наличии купюры достоинством  $a$  и  $b$  бут, где  $\text{НОД}(a, b) = 1$ . Начиная с какого номера можно передавать разведчику любое сообщение, пользуясь только купюрами названного достоинства?
5. Расшифруйте исходное изречение, зашифрованное методом перестановки: Изречение французского философа Жана-Поля Сартра: ИНККО ОТСОЧ ЯЧПОТ ЕАРЕЯ ОЛНЕА АЕМТК ОНСТШ
6. Вам пришло зашифрованное сообщение: ЫЛЧУЦЗКГУВ. Найдите исходное сообщение, если известно, что шифрпреобразование заключалось в следующем. Пусть  $x_1, x_2$  - корни трехчлена  $x^2+3x+1$ . К порядковому номеру каждой буквы в стандартном русском алфавите (33 буквы) прибавлялось значение многочлена  $f(x)=x^6+3x^5+x^4+x^3+4x^2+4x+4$ , вычисленное либо при  $x=x_1$ , либо при  $x=x_2$  (в неизвестном нам порядке), а затем полученное число заменялось соответствующей ему буквой.
7. На каждой из трех осей установлено по одной вращающейся шестеренке и неподвижной стрелке. Шестеренки соединены последовательно. На первой

шестеренке 33 зубца, на второй - 10, на третьей - 7. На каждом зубце первой шестеренки по часовой стрелке написано по одной букве русского языка в алфавитном порядке: А Б В Г Д Е Ё Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я. На зубцах второй и третьей шестеренки в порядке возрастания по часовой стрелке написаны цифры от 0 до 9 и от 0 до 6 соответственно. Когда стрелка первой оси указывает на букву, стрелки двух других осей указывают на цифры. Буквы сообщения шифруются последовательно. Зашифрование производится вращением первой шестеренки против часовой стрелки до первого попадания шифруемой буквы под стрелку. В этот момент последовательно выписываются цифры, на которые указывают вторая и третья стрелки. В начале шифрования стрелка 1-го колеса указывала на букву А, а стрелки 2-го и 3-го колес - на цифру 0. а) зашифруйте слово ОЛИМПИАДА б) расшифруйте сообщение 0381717491847501.

8. а) Установите, возможно ли создать такую проводную телефонную сеть связи, состоящую из 2005 абонентов, каждый из которых был бы связан ровно с 997 другими?  
б) Пусть в этой сети N абонентов, каждый из которых должен быть связан ровно с K другими. Найти все возможные наборы (N, K) и описать способ построения таких сетей.
9. Расшифруйте исходное изречение, зашифрованное методом перестановки: Изречение немецкого ученого-гуманиста Эразма Роттердамского: ЙЫТЫР КСТНА ЛАТЕН ТЕАДЗ ОСИИЦ АТУПЕ РОООО.

10. Текст

ЦЗЦИОНФЛЩЦРИОПЖЩЭЩХЖНФЛТЪЙ  
ЗНЛУФ\_АЩЛЗПИАЗНЭПЬОИВЛОПАЛ  
АПАЛТЪЙЗЛЖФЛЦЗВХФОЛХПИОЩОН  
ЛЬИЦЩУДЁЩЭПЖЪВЛЗПЁУЪХЖНШЛИ  
ЪЮЭЩУЩЭЛЭЛЩОАЗНОЩЮЛОФАИОФ

получен из исходного текста шифром простой замены. А текст

ЯАЧЕЕТВТВРАКНОО\_ЛТКЛЛОРСТА  
РИФШЫ\_ПС\_ЫЗХО\_ЫКЫК\_ОВОТЕНЕ  
ЛСЯДЫП\_ЧРВПСАК\_ЕЗ\_СГРМАОТН  
СВ\_ЕПР\_Н\_КТСЫОРААИТОООТИК\_  
ТРИ\_НО\_ТЧЪЫШВЮ\_ФАИ\_МЕИСЯ

Получен из исходного простым перестановочным шифром. Найти исходное сообщение.

### Вопросы для тестирования

Перечень вопросов для оценки уровня сформированности компетенции **ОПК-7** на этапе «Владения».

#### 1. Алгоритм подстановки заключается в

- а) Замена символов шифруемого текста другими символами, взятыми из одного или нескольких алфавитов
- б) Перестановке символов шифруемого текста по определенным правилам внутри шифруемого блока символов

- c) посимвольном сложении элементов двух последовательностей – исходного текста и ключевой последовательности

**2. Выберите верное утверждение**

- a) Линейные преобразования являются стойкими
- b) Линейные шифры могут быть вскрыты путем подачи на вход векторов, отличающихся в одном бите
- c) В нелинейном преобразовании изменение одного бита в исходном тексте вызывает изменение одного бита шифрованного текста

**3. Комбинированное использование нескольких различных способов шифрования**

- a) Повышает стойкость шифрования
- b) Понижает стойкость шифрования
- c) Не влияет на стойкость шифрования

**4. В алгоритмах симметричного шифрования секретным должен быть**

- a) Ключ
- b) Весь алгоритм секретного шифрования
- c) Отдельные элементы алгоритма симметричного шифрования (такие как S-box)

**5. Двойной DES не используется, потому что**

- a) Недостаточна длина ключа
- b) Существует атака «встреча посередине», которая позволяет снизить стойкость алгоритма до стойкости простого DES
- c) Слишком увеличивается скорость вычислений

**6. Сеть Фейштеля широко используется при разработке алгоритмов симметричного шифрования, потому что**

- a) Увеличение количества раундов сети Фейштеля приводит к увеличению стойкости алгоритма шифрования
- b) Для обратимости сети Фейштеля не требуется обратимость образующей функции F
- c) Сеть Фейштеля достаточно компактна и проста в реализации
- d) Других способов реализации алгоритмов симметричного шифрования не существует

**7. С увеличением количества раундов стойкость алгоритма**

- a) Увеличивается
- b) Уменьшается
- c) Не изменяется

**8. В алгоритмах симметричного шифрования используются только следующие операции**

- a) Операции перестановки и сдвига
- b) S-Box и побитовое исключающее или (XOR)
- c) Любые из перечисленных выше операций, а также многие другие

- 9. Криптографическая система считается вычислительно безопасной, если**
- Невозможно расшифровать сообщение без знания ключа шифрования
  - Цена расшифровки сообщения больше цены самого сообщения
  - Время, необходимое для расшифровки сообщения, больше времени жизни сообщения
- 10. Зависимость между ключами шифрования и дешифрования в алгоритмах симметричного шифрования должна быть следующей**
- Ключи шифрования и дешифрования должны в точности совпадать
  - Ключ дешифрования должен легко получаться из ключа шифрования
  - Между ключами шифрования и дешифрования не должно быть никакой зависимости
- 11. Криптоанализ – это процесс, при котором**
- Зная зашифрованное сообщение, пытаются узнать незашифрованное сообщение
  - Зная одну или несколько пар (незашифрованное сообщения, зашифрованное сообщение), пытаются узнать ключ
  - Изменяют передаваемое зашифрованное сообщение
- 12. Выберите правильное утверждение**
- В основе алгоритма DES лежит сеть Фейштеля
  - В алгоритме DES используется S-boxes
  - В алгоритме DES используется умножение по модулю  $2^{16} + 1$
- 13. Различные режимы шифрования предназначены для того, чтобы**
- Обеспечить возможность обрабатывать сообщения, длина которых больше длины шифрования
  - Обеспечить возможность обрабатывать сообщения порциями, меньшими, чем длина блока шифрования
  - Увеличить стойкость алгоритма
- 14. Последовательность случайных чисел должна быть**
- Монотонно возрастающей
  - Непредсказуемой
  - Иметь равномерное распределение
- 15. Выберите правильно высказывание**
- Алгоритм ГОСТ 28147 использует постоянные S-boxes
  - Алгоритм ГОСТ 28147 использует переменные S-boxes, зависящие от ключа
  - Алгоритм ГОСТ 28147 не использует S-boxes
- 16. Длина ключа в алгоритме ГОСТ 28147**
- 56 бит
  - 128 бит
  - 256 бит

- d) 448 бит
- 17. Режим CBC используется для того, чтобы**
- a) Одинаковые незашифрованные блоки преобразовывались в различные зашифрованные блоки
  - b) Не было необходимости разбивать сообщение на целое число блоков достаточной большой длины
  - c) Увеличить скорость шифрования
- 18. Для создания подписи следует использовать**
- a) Свой открытый ключ
  - b) Закрытый ключ получателя
  - c) Свой закрытый ключ
- 19. Задачей факторизации числа является**
- a) разложение числа на простые множители
  - b) нахождение степени, в которую следует возвести целое число для получения заданного целого числа
  - c) нахождение степени, в которую следует возвести простое число для получения заданного целого числа
- 20. Функция Эйлера – это**
- a) Число положительных чисел, меньших  $n$  и взаимно простых с  $n$
  - b)  $a^{\phi(n)} = 1 \pmod n$  для всех взаимнопростых  $a$  и  $n$ , где  $\phi(n)$ -число положительных чисел, меньших  $n$  и взаимно простых с  $n$
  - c)  $a^{n-1} = 1 \pmod n$  Если  $n$ -простое
- 21. Для проверки подписи следует использовать**
- a) Свой открытый ключ
  - b) Закрытый ключ получателя
  - c) Свой закрытый ключ
- 22. Задачей дискретного логарифмирования является**
- a) Разложение числа на простые множители
  - b) Нахождение степени, в которую следует возвести целое число для получения заданного целого числа
  - c) Нахождение степени, в которую следует возвести простое число для получения заданного целого числа
- 23. Теорема Эйлера формулируется следующим образом**
- a) Если  $p$ - простое, то число положительных чисел, меньших  $p$  и взаимно простых с  $p$ , равно  $p - 1$
  - b)  $a^{\phi(n)} = 1 \pmod n$  для всех взаимнопростых  $a$  и  $n$ , где  $\phi(n)$  – число положительных чисел, меньших  $n$  и взаимно простых с  $n$
  - c)  $a^{n-1} = 1 \pmod n$  Если  $n$  – простое

- 24. Для шифрования сообщения следует использовать**
- Свой открытый ключ
  - открытый ключ получателя
  - Свой закрытый ключ
- 25. Аутентификация сторон в алгоритме Диффи-Хеллмана необходима, потому что**
- В противном случае возможен взлом задачи дискретного логарифмирования
  - В противном случае возможен взлом задачи факторизации числа
  - В противном случае нарушитель может заменить пересылаемые открытые ключи на свой открытый ключ
- 26. Криптография с использованием эллиптических кривых дает преимущества по сравнению с другими алгоритмами, потому что**
- Принципиально не может быть взломана
  - Обеспечивает эквивалентную защиту при меньшей длине ключа
  - Проще в реализации
- 27. Задача, которую должен решить атакующий, формулируется следующим образом**
- Даны точки  $P$  и  $Q$  на эллиптической кривой  $E_p(a,b)$ . Необходимо найти коэффициент  $k < p$  такой, что  $P = k \times Q$
  - Даны точка  $Q$  на эллиптической кривой  $E_p(a,b)$  и целое число  $k$ . Необходимо найти такую точку  $P$  на кривой, чтобы  $P = k \times Q$
  - Даны точка  $P$  на эллиптической кривой  $E_p(a,b)$  и целое число  $k$ . Необходимо найти такую точку  $Q$  на кривой, чтобы  $P = k \times Q$
- 28. Шифрование/дешифрование с использованием эллиптических кривых выполняется следующим образом:**
- Участник  $A$  выбирает случайное целое положительное число  $k$  и вычисляет зашифрованное  $C_m$  являющееся точкой на эллиптической кривой  $C_m = \{k \times P_m + k \times P_g\}$
  - Участник  $A$  выбирает случайное целое положительное число  $k$  и вычисляет зашифрованное  $C_m$  являющееся точкой на эллиптической кривой  $C_m = \{P_m + k \times P_g\}$
  - Участник  $A$  выбирает случайное целое положительное число  $k$  и вычисляет зашифрованное  $C_m$  являющееся точкой на эллиптической кривой  $C_m = \{k \times G\}$
- 29. Уравнение эллиптической кривой в общем случае имеет вид**
- $Y^2 + ax + by = x^3 + cx^2 + dx + c$
  - $Y = ax^2 + bx + c$
  - $Y^2 = ax^2 + bx + c$
- 30. При использовании криптографии на эллиптических кривых в качестве аналога алгоритма Диффи-Хеллмана в уравнении  $P_A = n_A \times G$**

- a) Открытым ключом участника А является  $P_A$ , закрытым ключом участника А является  $p_A$
  - b) Открытым ключом участника А является  $p_A$ , закрытым ключом участника А является  $P_A$
  - c) Открытым ключом участника А является  $P_A$ , закрытым ключом участника А является  $Q$
- 31. Подпись с использование эллиптических кривых имеет**
- a) Один компонент
  - b) Два компонента
  - c) Три компонента
- 32. Выберите правильное утверждение**
- a) В криптографии с использованием эллиптических кривых все значения вычисляются по модулю  $n$ , где  $n$ -произведение двух простых чисел
  - b) В криптографии с использованием эллиптических кривых все значения вычисляются по модулю простого числа  $p$
  - c) В криптографии с использованием эллиптических кривых все значения вычисляются по модулю произвольного числа  $p$
- 33. Нулевым элементом эллиптической кривой считается точка  $O$ , которая**
- a) Имеет координаты  $(0,0)$
  - b) Является бесконечно удаленной точкой, в которой сходятся все вертикальные прямые
  - c) Имеет координаты  $(0,1)$  или  $(1,0)$
- 34. Элементами эллиптической кривой являются пары неотрицательных целых чисел, которые меньше простого числа  $p$  и удовлетворяют частному виду эллиптической кривой**
- a)  $y \equiv x^2 + ax + b \pmod{p}$
  - b)  $y^2 \equiv x^3 + ax + b \pmod{p}$
  - c)  $y^2 \equiv x^3 + ax^2 + b \pmod{p}$
- 35. Хэш-функции предназначены для**
- a) Сжатия сообщения
  - b) Получения «отпечатков пальцев» сообщения
  - c) Шифрования сообщения
- 36. Побитовый XOR блоков нельзя считать криптографической хэш-функцией, потому что**
- a) Противник может легко подобрать другое сообщение, имеющее тот же хэш=код
  - b) Побитовый XOR плохо защищает от случайного сбоя
  - c) Побитовый XOR требует сложных вычислений
- 37. Выберите правильное высказывание**

- a) Каждая элементарная функция в алгоритме MD5 получает одно 32-битное слово на входе и создает три 32-битных слова на выходе
  - b) Каждая элементарная функция в алгоритме MD5 получает три 32-битных слова на входе и создает три 32-битных слова на выходе
  - c) Каждая элементарная функция в алгоритме MD5 получает три 32-битное слово на входе и создает одно 32-битное слово на выходе
- 38. Выходом хэш-функции является**
- a) Сообщение той же длины, что и входное сообщение
  - b) Сообщение фиксированной длины
  - c) Сообщение меньшей длины
- 39. Сильная хэш-функция отличается от слабой наличием следующего свойства**
- a) У сильной хэш-функции для любого данного значения хэш-кода  $h$  вычислительно невозможно найти  $M$  такое, что  $H(M)=h$
  - b) У сильной хэш-функции вычислительно невозможно найти произвольную пару  $(x,y)$  такую, что  $H(y)=H(x)$
  - c) У сильной хэш-функции для любого данного  $x$  вычислительно невозможно найти  $y \neq x$ , что  $H(y)=H(x)$
- 40. Хэш-функция должна обладать следующими свойствами:**
- a) Для любого данного значения хэш-кода  $h$  вычислительно невозможно найти  $M$  такое, что  $H(M)=h$
  - b) Хэш-функция  $H$  должна применяться к блоку данных фиксированной длины
  - c) Хэш-функция  $H$  создает выход фиксированной длины
- 41. Длина хэш-кода, создаваемого хэш-функцией MD5, равна**
- a) 128 бит
  - b) 160 бит
  - c) 512 бит
- 42. Подпись называется рандомизированной, если**
- a) Для разных сообщений с использованием одного и того же закрытого ключа при каждом подписывании создаются разные подписи
  - b) Для одного и того же сообщения с использованием одного и того же закрытого ключа при каждом подписывании создаются разные подписи
  - c) Для одного и того же сообщения с использованием разных закрытых ключей при каждом подписывании создаются разные подписи
- 43. Подпись, создаваемая ГОСТ 3410, является**
- a) Детерминированной
  - b) Рандомизированной
- 44. В DSS используется следующая хэш-функция**
- a) MD5
  - b) SHA-1

- c) SHA-2
- 45. Подпись называется детерминированной, если**
- a) Для одного и того сообщения с использованием разных закрытых ключей при каждом подписывании создается одна и та же подпись
  - b) Для разных сообщений с использованием одного и того же закрытого ключа при каждом подписывании создается одна и та же подпись
  - c) Для одного и того сообщения с использованием одного и того же закрытого ключа при каждом подписывании создается одна и та же подпись
- 46. Подпись, создаваемая DSS, является**
- a) Детерминированной
  - b) Рандомизированной
- 47. Выберите правильное утверждение**
- a) Цифровая подпись обеспечивает аутентификацию сообщения
  - b) Цифровая подпись обеспечивает конфиденциальность сообщения
  - c) Цифровая подпись обеспечивает целостность сообщения
- 48. Выберите правильно утверждение**
- a) Подпись должна быть битовым образцом, который зависит от подписывающего сообщения
  - b) Подпись должна использовать некоторую уникальную информацию отправителя для предотвращения подделки или отказа
  - c) Подпись должна обеспечивать невозможность просмотра сообщения
- 49. Подпись создаваемая RSA является**
- a) Детерминированной
  - b) Рандомизированной
- 50. В стандарте ГОСТ 3410 используется следующая хэш-функция**
- a) MD5
  - b) SHA-1
  - c) ГОСТ 3411

### **Лабораторные работы**

Перечень заданий для оценки уровня сформированности компетенции **ПК-1** на этапе «Владения»:

*Тема 1. Алгоритм шифрования до научного периода*

1. Алгоритм Цезаря
2. Алгоритм Гронефельда

*Тема 2. Алгоритм шифрования ГОСТ 28147-89*

Выполните первый цикл алгоритма шифрования ГОСТ 28147 89 в режиме простой замены. Для получения 64 бит исходного текста используйте 8 первых букв из своих данных: Фамилии Имени Отчества. Для получения ключа (256 бит) используют текст, состоящий из 32 букв. Первый подключ содержит первые 4 буквы.

Пример выполнения заданий

Выполните первый цикл алгоритма шифрования ГОСТ 28147-89 в режиме простой замены. Для получения 64 бит исходного текста используйте 8 первых букв из своих данных: Фамилии Имени Отчества. Для получения ключа (256 бит) используют текст, состоящий из 32 букв. Первый подключ содержит первые 4 буквы.

Исходные данные для зашифрования: КОЗИНА Г

Для ключа возьмем последовательность состоящую из 32 букв:

АЛИНа пошла в лес собирать грибы

Для первого подключа X используем первые 4 буквы ключа: АЛИН.

исходный текст

|        |          |
|--------|----------|
| К      | 11001010 |
| О      | 11001110 |
| З      | 11000111 |
| И      | 11001000 |
| Н      | 11001101 |
| А      | 11000000 |
| пробел | 00100000 |
| Г      | 11000011 |

первый подключ X0

|   |         |
|---|---------|
| А | 1100000 |
|   | 0       |
| Л | 1100101 |
|   | 1       |
| И | 1100100 |
|   | 0       |
| Н | 1100110 |
|   | 1       |

Таким образом, первые 64 бита определяют входную последовательность

|     |          |          |          |          |
|-----|----------|----------|----------|----------|
| L0: | 11001010 | 11001110 | 11000111 | 11001000 |
| R0: | 11001101 | 11000000 | 00100000 | 11000011 |

следующие 32 бита определяют первый подключ

|     |          |          |          |          |
|-----|----------|----------|----------|----------|
| X0: | 11000000 | 11001011 | 11001000 | 11001101 |
|-----|----------|----------|----------|----------|

I. Найдем значение функции преобразования  $f(R0, X0)$  (см. Приложение А)

1). Вычисление суммы R0 и X0 по mod  $2^{32}$

|     |           |           |           |           |
|-----|-----------|-----------|-----------|-----------|
| R0: | 1100 1101 | 1100 0000 | 0010 0000 | 1100 0011 |
| X0: | 1100 0000 | 1100 1011 | 1100 1000 | 1100 1101 |

---

|           |           |           |           |
|-----------|-----------|-----------|-----------|
| 1000 1110 | 1000 1011 | 1110 1001 | 1001 0000 |
|-----------|-----------|-----------|-----------|

2). Преобразование в блоке подстановки

Результат суммирования  $R0+X0$  по mod  $2^{32}$

|           |           |           |           |
|-----------|-----------|-----------|-----------|
| 1000 1110 | 1000 1011 | 1110 1001 | 1001 0000 |
|-----------|-----------|-----------|-----------|

преобразуем в блоке подстановки (см. Приложение В). Для каждого 4-битного блока вычислим его адрес в таблице подстановки. Номер блока соответствует номеру столбца, десятичное значение блока соответствует номеру строки в таблице. Таким образом, 5-тый блок (1011) заменяется заполнением 11-ой строки и пятого столбца в таблице подстановки (1110).

номера блоков

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 8    | 7    | 6    | 5    | 4    | 3    | 2    | 1    |
| 1000 | 1110 | 1000 | 1011 | 1110 | 1001 | 1001 | 0000 |

соответствующие номера строк в таблице подстановки

|   |    |   |    |    |   |   |   |
|---|----|---|----|----|---|---|---|
| 8 | 14 | 8 | 11 | 14 | 9 | 9 | 0 |
|---|----|---|----|----|---|---|---|

заполнение

|   |   |   |    |   |    |   |   |
|---|---|---|----|---|----|---|---|
| 9 | 2 | 3 | 14 | 5 | 15 | 3 | 4 |
|---|---|---|----|---|----|---|---|

результат

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1001 | 0010 | 0011 | 1110 | 0101 | 1111 | 0011 | 0100 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|

3). Циклический сдвиг результата п.2 на 11 бит влево

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1111 | 0010 | 1111 | 1001 | 1010 | 0100 | 1001 | 0001 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|

Таким образом, нашли значение функции  $f(R_0, X_0)$ :

|      |      |      |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1111 | 0010 | 1111 | 1001 | 1010 | 0100 | 1001 | 0001 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|

II. Вычисляем  $R_1 = f(R_0, X_0) \oplus L_0$ .

Результат преобразования функции  $f(R_0, X_0)$  складываем с  $L_0$  по mod2:

|                                      |      |      |      |      |      |      |      |      |
|--------------------------------------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| L <sub>0</sub> :                     | 1100 | 1010 | 1100 | 1110 | 1100 | 0111 | 1100 | 1000 |
| f(R <sub>0</sub> , X <sub>0</sub> ): | 1111 | 0010 | 1111 | 1001 | 1010 | 0100 | 1001 | 0001 |
| R <sub>1</sub> :                     | 0011 | 1000 | 0011 | 0111 | 0110 | 0011 | 0101 | 1001 |

### Тема 3.1. Алгоритм шифрования RSA

Сгенерируйте открытый и закрытый ключи в алгоритме шифрования RSA, выбрав простые числа  $p$  и  $q$  из первой сотни. Зашифруйте сообщение, состоящее из ваших инициалов: ФИО.

#### Пример выполнения заданий

Сгенерируйте откры-тый и закрытый ключи в алгоритме шифрования RSA, выбрав простые числа  $p$  и  $q$  из первой сотни. Зашифруйте сообщение, состоящее из ваших инициалов: ФИО.

I. Генерация ключей.

Выберем два простых числа  $p = 13$  и  $q = 19$  (см. Приложение Д).

Тогда модуль

$$n = pq = 13 \cdot 19 = 247$$

и функция Эйлера

$$\varphi(n) = (p-1)(q-1) = 12 \cdot 18 = 216.$$

Закрытый ключ  $d$  выбираем из условий  $d < \varphi(n)$  и  $d$  взаимно просто с  $\varphi(n)$ , т.е.  $d$  и  $\varphi(n)$  не имеют общих делителей.

Пусть  $d = 25$ .

Открытый ключ  $e$  выбираем из условий  $e < \varphi(n)$  и  $de = 1 \pmod{\varphi(n)}$ :  $e < 216$ ,

$$25e = 1 \pmod{216}.$$

Последнее условие означает, что число  $25e-1$  должно делиться на 216 без остатка.

Таким образом, для определения  $e$  нужно подобрать такое число  $k$ , что

$$25e - 1 = 216k.$$

При  $k=14$  получаем  $25e = 3024 + 1$  или

$$e = 121.$$

В нашем примере

(121, 247) – открытый ключ,

(25, 247) – секретный ключ.

II. Шифрование.

Представим шифруемое сообщение «КГЛ» как последовательность целых чисел.

Пусть буква «К» соответствует числу 12, буква «Г» - числу 4 и буква «Л» - числу 13.

Зашифруем сообщение, используя открытый ключ (121, 247):

$$C_1 = (12^{121}) \pmod{247} = 12$$

$$C_2 = (4^{121}) \bmod 247 = 199$$

$$C_3 = (13^{121}) \bmod 247 = 91$$

Таким образом, исходному сообщению (12, 4, 13) соответствует криптограмма (12, 199, 91).

### III. Расшифрование

Расшифруем сообщение (12, 199, 91), пользуясь секретным ключом (25, 247):

$$M_1 = (12^{25}) \bmod 247 = 12$$

$$M_2 = (199^{25}) \bmod 247 = 4$$

$$M_3 = (91^{25}) \bmod 247 = 13$$

В результате расшифрования было получено исходное сообщение (12, 4, 13), то есть "КГЛ".

### Тема 3.2. Функция хеширования

Найти хеш-образ своей Фамилии, используя хеш-функцию  $H_i = (H_{i-1} + M_i)^2 \bmod n$ ,

где  $n = pq$ .

#### Пример выполнения заданий

Найти хеш-образ своей Фамилии, используя хеш-функцию  $H_i = (H_{i-1} + M_i)^2 \bmod n$ ,

где  $n = pq$ ,  $p, q$  взять из Задания №3.

Хешируемое сообщение «КОЗИНА». Возьмем два простых числа  $p=13, q=19$  (см. Приложение Е). Определим  $n=pq=13*19=247$ . Вектор инициализации  $H_0$  выберем равным 8 (выбираем случайным образом). Слово «КОЗИНА» можно представить последовательностью чисел (12, 16, 9, 10, 15, 1) по номерам букв в алфавите. Таким образом,

$$n=247, H_0=8, M_1=12, M_2=16, M_3=9, M_4=10, M_5=15, M_6=1.$$

Используя формулу

$$H_i = (H_{i-1} + M_i)^2 \bmod n,$$

получим хеш-образ сообщения «КОЗИНА»:

$$H_1 = (H_0 + M_1)^2 \bmod n = (8 + 12)^2 \bmod 247 = 400 \bmod 247 = 153$$

$$H_2 = (H_1 + M_2)^2 \bmod n = (153 + 16)^2 \bmod 247 = 28561 \bmod 247 = 156$$

$$H_3 = (H_2 + M_3)^2 \bmod n = (156 + 9)^2 \bmod 247 = 27225 \bmod 247 = 55$$

$$H_4 = (H_3 + M_4)^2 \bmod n = (55 + 10)^2 \bmod 247 = 4225 \bmod 247 = 26$$

$$H_5 = (H_4 + M_5)^2 \bmod n = (26 + 15)^2 \bmod 247 = 1681 \bmod 247 = 199$$

$$H_6 = (H_5 + M_6)^2 \bmod n = (199 + 1)^2 \bmod 247 = 40000 \bmod 247 = 233$$

В итоге получаем хеш-образ сообщения «КОЗИНА», равный 233.

### Тема 3.3. Электронная цифровая подпись

Используя хеш-образ своей Фамилии, вычислите электронную цифровую подпись по схеме RSA.

#### Схема подписи RSA

Криптосистема с открытым ключом RSA может использоваться не только для шифрования, но и для построения схемы цифровой подписи.

Для создания подписи сообщения  $M$  отправитель

3. вычисляет хеш-образ  $r = h(M)$  сообщения  $M$  с помощью некоторой хеш-функции;
4. зашифровывает полученный хеш-образ  $r$  на своем секретном ключе  $(d, n)$ , т.е. вычисляет значение  $s = r^d \bmod n$ , которое и является подписью.

Для проверки подписи получатель

4. расшифровывает подпись  $s$  на открытом ключе  $(e, n)$  отправителя, т.е. вычисляет  $r' = s^e \bmod n$  и таким образом восстанавливает предполагаемый хеш-образ  $r'$  сообщения  $M$ ;

5. вычисляет хеш-образ  $h(M) = r$  сообщения  $M$  с помощью той же самой хеш-функции, которую использовал отправитель;
6. сравнивает полученные значения  $r$  и  $r'$ . Если они совпадают, то подпись правильная, отправитель действительно является тем, за кого себя выдает, и сообщение не было изменено при передаче.

Пример выполнения заданий

Используя хеш-образ своей Фамилии, вычислите электронную цифровую подпись по схеме RSA.

Пусть хеш-образ Фамилии равен 233, а закрытый ключ алгоритма RSA равен (25, 247). Тогда электронная цифровая подпись сообщения, состоящего из Фамилии, вычисляется по правилу (см. Приложение Ж)

$$s = 233^{25} \bmod 247 = 168.$$

Для проверки ЭЦП, используя открытый ключ (121, 247), найдем

$$H = 168^{121} \bmod 247 = 233.$$

Поскольку хеш-образ сообщения совпадает с найденным значением  $H$ , то подпись признается подлинной.

**Вопросы к зачету:**

1. Основные примитивы криптографии. Подстановки. Перестановки. Гаммирование.
2. Основные примитивы криптографии. Нелинейное преобразование с помощью S-боксов. Комбинированные методы.
3. Основные алгоритмы донаучного периода.
4. Первые криптографические устройства.
5. Алгоритмы симметричного шифрования. Криптография.
6. Сеть Фейштеля.
7. Алгоритмы симметричного шифрования. Криптоанализ.
8. Используемые критерии при разработке алгоритмов симметричного шифрования.
9. Алгоритм DES.
10. Алгоритм ГОСТ 28147.
11. Алгоритм IDEA. Сравнительный анализ с алгоритмом DES.
12. Режимы выполнения алгоритмов симметричного шифрования.
13. Создание случайных чисел.
14. Алгоритмы ассиметричного шифрования. Основные требования к алгоритмам ассиметричного шифрования.
15. Алгоритм RSA.
16. Хэш-функции. Требования к хэш-функциям.
17. Простые хэш-функции.
18. Хэш-функция MD5.
19. Электронная цифровая подпись. Требования к цифровой подписи.
20. Прямая и арбитражная цифровые подписи.
21. Стандарт цифровой подписи DSS.
22. Стандарт цифровой подписи ГОСТ 3410.
23. Криптография с использованием эллиптических кривых. Математические понятия.
24. Аналог алгоритма Диффи-Хеллмана обмена ключами.
25. Алгоритм цифровой подписи на основе эллиптических кривых ECDSA.

26. Шифрование и дешифрование с использованием эллиптических кривых.  
 27. Использование криптографических алгоритмов в системах защиты информации.

**3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций**

| Виды учебной деятельности студентов                                    | Балл за конкретное зад. | Число заданий | Баллы       |              |
|--|-------------------------|---------------|-------------|--------------|
|  |                         |               | Минимальный | Максимальный |
| <i>Модуль 1.</i>   |                         |               |             |              |
| <b>Текущий контроль</b>  |                         |               | 0           | <b>20</b>    |
| 1) Аудиторная работа   | 1                       | 2             | 0           | 2            |
| 2) Выполнение лабораторных работ                                       | 9                       | 2             | 0           | 18           |
| <b>Рубежный контроль</b>   |                         |               | 0           | <b>15</b>    |
| Коллоквиум   | 15                      | 1             | 0           | 15           |
| <i>Модуль 2.</i>   |                         |               |             |              |
| <b>Текущий контроль</b>  |                         |               | 0           | <b>20</b>    |
| 1) Аудиторная работа   | 1                       | 2             | 0           | 2            |
| 2) Выполнение лабораторных работ                                       | 9                       | 2             | 0           | 18           |
| <b>Рубежный контроль</b>   |                         |               | 0           | <b>15</b>    |
| Компьютерное тестирование  | 15                      | 1             | 0           | 15           |
| <b>Итоговый контроль</b>   |                         |               |             | <b>30</b>    |
| Диф. зачет   |                         |               |             | 30           |
| <b>Итого</b>   |                         |               | 0           | <b>100</b>   |
| <b>Поощрительные баллы</b>   |                         |               | 0           | 10           |
| Активное участие на практическом занятии                               |                         |               | 0           | 10           |
| <b>Посещаемость (баллы вычитаются из общей суммы набранных баллов)</b> |                         |               |             |              |
| 1. Посещение лекционных занятий  |                         |               | 0           | -6           |
| 2. Посещение практических занятий                                      |                         |               | 0           | -10          |

Объем и уровень сформированности компетенций целиком или на различных этапах у обучающихся оцениваются по результатам текущего контроля количественной оценкой, выраженной в рейтинговых баллах. Оценке подлежит каждое контрольное мероприятие.

При оценивании сформированности компетенций применяется четырехуровневая шкала «неудовлетворительно», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично».

Максимальный балл по каждому виду оценочного средства определяется в рейтинг-плане и выражает полное (100%) освоение компетенции.

Уровень сформированности компетенции «хорошо» устанавливается в случае, когда объем выполненных заданий соответствующего оценочного средства составляет

80 - 100%; «удовлетворительно» – выполнено 40 - 80%; «неудовлетворительно» – выполнено 0 - 40%

Рейтинговый балл за выполнение части или полного объема заданий соответствующего оценочного средства выставляется по формуле:

$$\text{Рейтинговый балл} = k \times \text{Максимальный балл}$$
$$\text{Рейтинговый балл} = k \cdot \text{Максимальный балл},$$

где  $k = 0,2$  при уровне освоения «неудовлетворительно»,  $k = 0,6$   $k = 0,4$  при уровне освоения «удовлетворительно»,  $k = 0,8$  при уровне освоения «хорошо» и  $k = 1$  при уровне освоения «отлично».

Оценка на этапе промежуточной аттестации выставляется согласно Положению о модульно-рейтинговой системе обучения и оценки успеваемости студентов БашГУ:

- отлично - при накоплении от 80 до 110 рейтинговых баллов (включая 10 поощрительных баллов),
- хорошо - при накоплении от 60 до 79 рейтинговых баллов,
- удовлетворительно - при накоплении от 45 до 59 рейтинговых баллов,
- неудовлетворительно - при накоплении менее 45 рейтинговых баллов.

Результаты обучения по дисциплине (модулю) у обучающихся оцениваются по итогам текущего контроля количественной оценкой, выраженной в рейтинговых баллах. Оценке подлежит каждое контрольное мероприятие.

При оценивании сформированности компетенций применяется четырехуровневая шкала «неудовлетворительно», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично».

Максимальный балл по каждому виду оценочного средства определяется в рейтинг-плане и выражает полное (100%) освоение компетенции.

Уровень сформированности компетенции «хорошо» устанавливается в случае, когда объем выполненных заданий соответствующего оценочного средства составляет 80-100%; «удовлетворительно» – выполнено 40-80%; «неудовлетворительно» – выполнено 0-40%

Рейтинговый балл за выполнение части или полного объема заданий соответствующего оценочного средства выставляется по формуле:

$$\text{Рейтинговый балл} = k \times \text{Максимальный балл},$$

где  $k = 0,2$  при уровне освоения «неудовлетворительно»,  $k = 0,4$  при уровне освоения «удовлетворительно»,  $k = 0,8$  при уровне освоения «хорошо» и  $k = 1$  при уровне освоения «отлично».

Оценка на этапе промежуточной аттестации выставляется согласно Положению о модульно-рейтинговой системе обучения и оценки успеваемости студентов УУНиТ:

На дифференцированном зачете выставляется оценка:

- отлично - при накоплении от 80 до 110 рейтинговых баллов (включая 10 поощрительных баллов),
- хорошо - при накоплении от 60 до 79 рейтинговых баллов,
- удовлетворительно - при накоплении от 45 до 59 рейтинговых баллов,
- неудовлетворительно - при накоплении менее 45 рейтинговых баллов.

При получении на экзамене оценок «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», на зачёте оценки «зачтено» считается, что результаты обучения по дисциплине (модулю) достигнуты и компетенции на этапе изучения дисциплины (модуля) сформированы.